

به نام خدا

دبیرستان نمونه دولتی امام موسی صدر

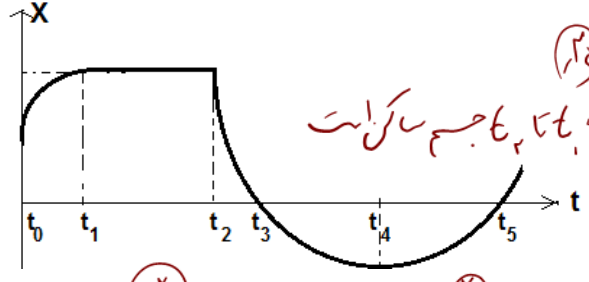
ش صندلی (ش داوطلب):
نام و نام خانوادگی:
نوبت امتحان: صبح

سؤال امتحان درس: **فیزیک ۳**
پایه: دوازدهم
رشته: ریاضی و تجربی
نام دبیر: آقای معصومی
تعداد صفحه: ۴

مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۲

۱- شکل زیر نمودار مکان- زمان جسمی که بر روی خط راست حرکت می کند را نشان می دهد. با توجه به نمودار به سوال های زیر پاسخ دهید.

۱/۵



الف) جسم در چه بازه زمانی در جهت $x-$ حرکت کرده است؟
ب) آیا جسم در بازه زمانی t_1 تا t_2 با سرعت ثابت در حرکت بوده است؟
پ) آیا در لحظه t_3 جسم ساکن بوده است؟
ت) متحرک تا لحظه t_5 چند بار تغییر جهت داده است؟
ث) نوع حرکت در بازه های زمانی t_1 تا t_2 و همچنین t_2 تا t_3 را مشخص کنید

۲- جمله های زیر را با عبارت مناسب کامل کنید:
الف) شتاب در هر لحظه دلخواه، برابر شیب خط مماس بر نمودار سرعت در آن لحظه است.
ب) مساحت سطح بین نمودار سرعت- زمان و محور زمان در هر بازه زمانی برابر جابجایی جسم است.
پ) بردار سرعت متوسط با بردار جابجایی هم جهت است.
ت) نیروی مقاومت شاره به جنس شاره و شکل و بزرگی جسم و تندی آن بستگی دارد.
ث) ثابت فنر، به نیروی کشسانی فنر بستگی ندارد.
ج) یکای بسامد زاویه ای در SI برابر rad/s است.

۱/۵

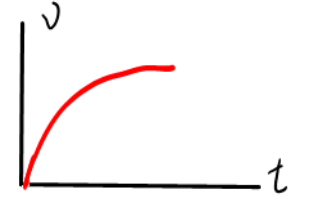
۳- در هر یک از جمله های زیر کلمه صحیح را از داخل پرانتز انتخاب کنید:
الف) در حرکت بر روی خط راست و با شتاب ثابت، متحرک می تواند (نمی تواند) تغییر جهت حرکت دهد.
ب) هنگام راه رفتن به طرف جلو، نیروی اصطکاک ایستایی که از طرف زمین به کفش وارد می شود به سمت عقب- جلو است.
پ) در تصادف خودرو، کیسه هوا با افزایش زمان توقف (شتاب توقف) از آسیب دیدن سرنشینان خودرو جلوگیری می کند.
ت) یک نیوتون برابر مقدار نیروی خالصی است که به جسمی به جرم یک گرم (کیلوگرم) شتابی برابر یک متر بر مربع ثانیه می دهد.
ث) تعداد نوسان های انجام شده در هر ثانیه دوره تناوب (سایمده) نامیده می شود.
ج) ضریب اصطکاک به نیروی عمودی بستگی ندارد (دارد).

۱

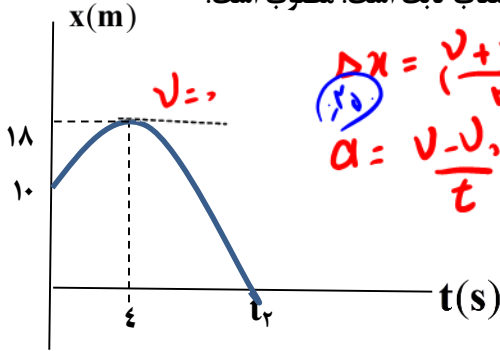
۴- آزمایشی را طراحی کنید که بتوان به کمک آن ضریب ثابت فنری را بدست آورد. طراحی آزمایش (۱۰)

۵- جسمی در جهت محور x حرکت می کند. شتاب جسم در حال کاهش و تندی آن در حال افزایش است. نمودار سرعت- زمان این جسم را به صورت کیفی رسم کنید.

۰/۵



۶- نمودار مکان- زمان روبه رو مربوط به حرکت جسمی روی خط راست با شتاب ثابت است. مطلوب است:



الف) بزرگی سرعت اولیه و شتاب حرکت را بدست آورید.

$$\Delta x = \frac{v + v_0}{2} \Delta t \quad \Delta x = \frac{0 + v_0}{2} \times 1 \rightarrow v_0 = 4 \text{ m/s}$$

$$a = \frac{v - v_0}{t} = \frac{0 - 4}{1} = -4 \text{ m/s}^2$$

ب) لحظه t_p چه زمانی است؟

$$x = -\frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + x_0$$

$$0 = -\frac{1}{2} (-4) t^2 + 4t + 10$$

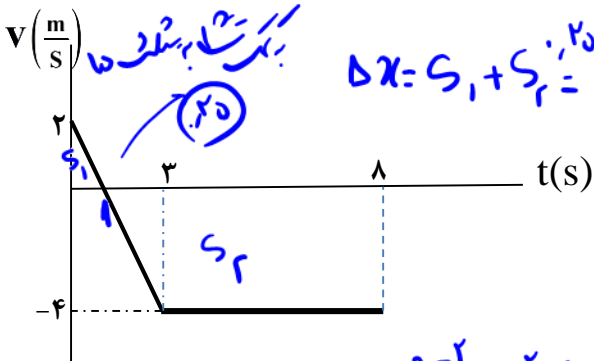
$$t^2 - 2t - 5 = 0 \quad (t+2)(t-1) = 0 \rightarrow t_p = 1 \text{ s}$$

پ) اندازه سرعت متوسط و تندی متوسط متحرک را در بازه زمانی $(0 - t_p)$ را محاسبه کنید.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 - 10}{1} = -10 \text{ m/s}$$

$$s_{av} = \frac{L}{\Delta t} = \frac{18 + 10}{1} = 28 \text{ m/s}$$

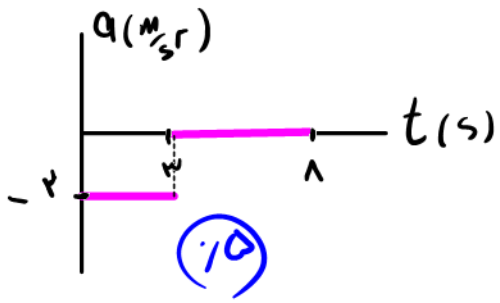
۷- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور X حرکت می کند مطابق شکل است. با فرض این که $(X_0 = 0)$ باشد.



الف) جابه جایی متحرک در ۸ ثانیه را بدست آورید.

$$\Delta x = S_1 + S_2 = 1 + \left(\frac{v+v_0}{2}\right) \times (-4) = 1 - 24 = -23 \text{ m}$$

ب) نمودار شتاب - زمان آن را در این مدت رسم کنید.



$$a = \frac{0 - 2}{1} = -2 \text{ m/s}^2$$

$$a = 0$$

۸- فنری با ثابت $K = 20 \text{ N/cm}$ از سقف یک آسانسور آویزان است. اگر جسمی به جرم 2 Kg از انتهای فنر آویزان باشد، و آسانسور

با شتاب ثابت 2 m/s^2 از حال سکون رو به بالا شروع به حرکت کند طول فنر چند سانتی متر تغییر خواهد کرد؟ ($g = 10 \text{ N/Kg}$)

$$F_e - mg = ma \quad F_e = m(g+a)$$

$$K \Delta L = m(g+a)$$

$$20 \Delta L = 2(10+2) \rightarrow \Delta L = \frac{24}{20} = 1.2 \text{ cm}$$

۹- در چه ارتفاعی از سطح زمین نیروی گرانشی وارد بر ماهواره ای ۳۶٪ نسبت به نیروی گرانش در سطح زمین کاهش می یابد. (شعاع

زمین تقریباً "۶۴۰۰ کیلومتر فرض شود).

$$g_h = 0.4g$$

$$\frac{g_h}{g_0} = \left(\frac{R_e}{R_e + h}\right)^2$$

$$\sqrt{\frac{44}{100}} = \frac{R_e}{R_e + h}$$

$$0.66 = \frac{R_e}{R_e + h} \rightarrow 0.66(R_e + h) = R_e$$

$$0.66 R_e + 0.66 h = R_e$$

$$0.66 h = 0.34 R_e$$

$$h = \frac{0.34 R_e}{0.66} = \frac{1}{2} \times 6400 = 3200 \text{ m}$$

۱۰- بازیکنی توپیی به جرم ۴۰۰ گرم را با تندی $15 \frac{m}{s}$ به سمت دروازه بان شوت می کند، توپ به تیر دروازه برخورد کرده و با تندی

۱۲ $\frac{m}{s}$ باز می گردد، اگر زمان تماس توپ با تیر ۰/۰۱S باشد، بزرگی نیروی متوسط وارد بر توپ چند نیوتون می شود؟

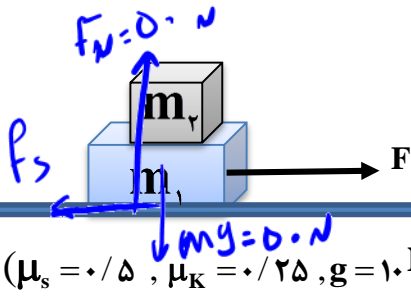
$$v_i = 15 \frac{m}{s} \quad v_f = -12 \frac{m}{s}$$

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{m \Delta v}{\Delta t}$$

$$F_{av} = \frac{0.4(-12-15)}{0.01} = -1.0 \cdot 10^4 N$$

$$|F_{av}| = 1.0 \cdot 10^4 N$$

۱۱- در شکل روبه رو دو جسم $m_1 = 2Kg$ و $m_2 = 2Kg$ روی سطح افق ساکن می باشند..



الف) اگر بخواهیم مطابق شکل با نیروی افقی $F = 19/5 N$ آنها را بطور

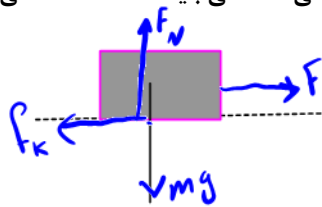
افقی بکشیم اندازه نیروی اصطکاک چند نیوتون می باشد؟

$$f_{s,max} = \mu_s \times F_N = 0.5 \times 5 = 2.5 N$$

$$F < f_{s,max} \Rightarrow \text{جسم ساکن می ماند}$$

$$f_s = F = 19/5 N$$

ب) در حالت فوق اگر جسم m_2 را برداریم و پس از ۲ ثانیه از شروع حرکت نیروی قطع شود و جسم پس از طی مسافتی بایستند، مسافت طی شده از لحظه شروع حرکت تا توقف کامل چند متر می باشد؟



$$f_{s,max} = \mu_s \times F_N = 0.5 \times 2 = 1.0 N \Rightarrow F > f_{s,max} \Rightarrow \text{جسم در حال حرکت است}$$

$$f_k = \mu_k \times mg = 0.25 \times 2 = 0.5 N$$

$$F - f_k = ma \quad \begin{cases} 19/5 - 0.5 = 2a \\ a = 4 \frac{m}{s^2} \end{cases}$$

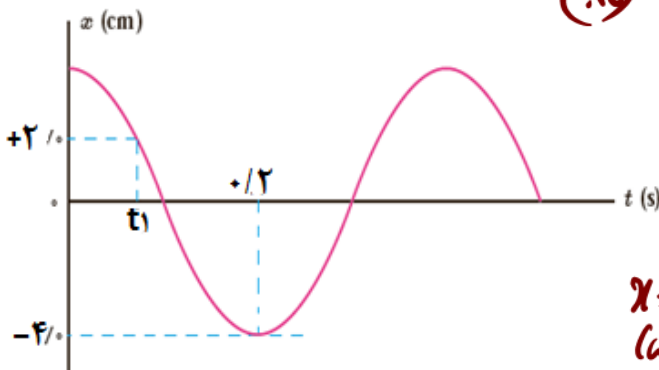
$$v = at \Rightarrow 2 = 4t \Rightarrow t = 0.5 s$$

$$\Delta x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t = \frac{1}{2} \times 4 \times 0.5^2 = 0.5 m$$

$$v - v_0 = a \Delta x \Rightarrow 2 - 0 = 4 \Delta x \Rightarrow \Delta x = 0.5 m$$

$$\Delta x_{total} = 0.5 + 0.5 = 1 m$$

۱/۵



۱۲- نمودار مکان - زمان نوسانگری مطابق شکل زیر است:

الف) معادله حرکت این نوسانگر را بنویسید.

$$T = 4 s \quad \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{4} = 0.5\pi \frac{rad}{s}$$

$$x = A \cos \omega t \quad x = 2 \cos 0.5\pi t$$

ب) مقدار t_1 را به دست آورید

$$\left. \begin{matrix} t_1 \\ x = +2 cm \end{matrix} \right\}$$

$$2 = 2 \cos 0.5\pi t$$

$$\cos 0.5\pi t = 1$$

$$0.5\pi t = \frac{\pi}{1} \Rightarrow t = 2 s$$

۱۳- سنگی از لبه بام برجی به ارتفاع h ، بدون سرعت اولیه در شرایط خلأ رها می شود، سنگ پس از ۴ ثانیه به زمین می رسد.

الف) ارتفاع h چند متر است؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

ب) دو ثانیه پس از رها شدن ، سنگ در چه فاصله ای از سطح زمین قرار دارد؟

Handwritten solutions:

$$y = \frac{1}{2} g t^2 \quad y = \frac{1}{2} \times 10 \times 4^2 = 100 \text{ m}$$

$$t = 2 \text{ s} \quad y' = \frac{1}{2} \times 10 \times 2^2 = 20 \text{ m}$$

$$\text{فاصله تا سطح زمین} = 100 - 20 = 80 \text{ m}$$

۱۴- در حرکت ماهواره به دور زمین ، ثابت کنید که مربع دوره ماهواره با مکعب فاصله ماهواره از مرکز زمین متناسب است

Handwritten solution:

$$T^2 = \frac{4\pi^2 r^3}{GM_e}$$

$$\frac{T_2^2}{T_1^2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^3$$

لازم بخاید $\frac{4\pi^2}{GM_e}$ مقدار ثابت است پس T^2 با r^3 متناسب است

۱۵- خورویی به جرم ۲ تن با سرعت $54 \frac{km}{h}$ در پیچی به شعاع ۷۵ متر حرکت می کند. حداقل ضریب اصطکاک بین لاستیک و جاده چقدر باشد، تا خودرو سر نخورد؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

Handwritten solution:

$$v = \frac{54 \text{ km}}{h} = 15 \frac{m}{s}$$

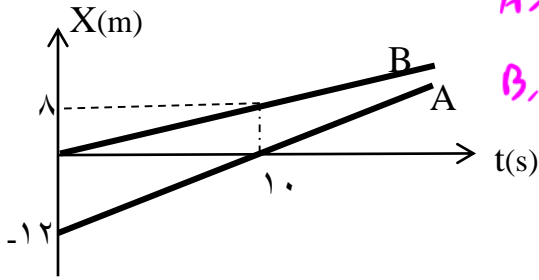
$$f_{smax} = \mu \cdot mg = \mu \cdot \frac{v^2}{r}$$

$$\mu \cdot g = \frac{v^2}{r} \quad \mu = \frac{v^2}{r \cdot g} = \frac{15^2}{75 \cdot 10} = 0.3$$

موفق و سربلند باشید.

۲

۱۳- نمودارهای مکان - زمان دو متحرک A و B که روی مسیر مستقیم حرکت می کنند مطابق شکل است. الف) معادله مکان - زمان هر دو متحرک را بنویسید.



$$A: \text{شیب نمودار } A = \frac{12}{10} = 1,2 \quad x_A = 1,2t - 12$$

$$B: \text{شیب نمودار } B = \frac{8}{10} = 0,8 \quad x_B = 0,8t$$

ب) تعیین کنید دو متحرک در چه لحظه ای و در چه مکانی به یکدیگر می رسند؟

$$v_A = v_B \quad \text{وقتی بهم برسند}$$

$$1,2t - 12 = 0,8t \quad t = 30$$

$$1,2t = 12 \quad t = \frac{12}{0,2} = 60 \text{ s}$$

۱

۱۴- نشان دهید که شتاب گرانشی در سطح زمین از رابطه $g = G \frac{M_e}{R_e^2}$ به دست می آید.

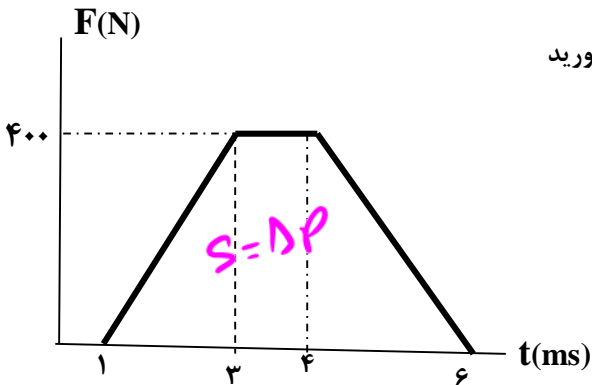
با توجه به تعریف نیروی وزن همان نیروی کششی است که زمین به جسم وارد کند اگر در سطح زمین در نظر بگیریم

$$mg = \frac{GM_e m}{R_e^2} \quad g = \frac{GM_e}{R_e^2}$$

۱

۱۵- شکل روبه رو نمودار تغییرات نیروی وارد بر جسم بر حسب زمان است.

بزرگی نیروی متوسط خالص وارد بر جسم در مدت ۱ تا ۶ ثانیه را بدست آورید



$$\Delta p = \left(\frac{0 \times 10^{-3}}{2} + 1 \times 10^{-3} \right) \times 400 = 2,4 \times 10^{-1} \text{ kg m/s}$$

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{2,4}{6} = 400 \text{ N}$$

۱- الف) t_1 تا t_2

ب) خیر - در این زمان سرعت منفی است و جسم ساکن است.

پ) خیر
ت) ۲ بار
ث) t_0 تا t_1 : کند شونده
ج) t_2 تا t_3 : تند شونده

۲- الف) سرعت - زمان

ب) جابه جایی (۵۸)

پ) تغییر مکان (جابه جایی)

ت) تندی

ث) ندارد.

ج) رادیان بر ثانیه ($\frac{rad}{s}$)

۳- الف) می تواند

ب) جلو

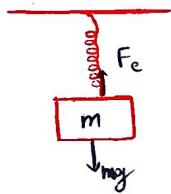
پ) زمان توقف

ت) کیلوگرم

ث) بسامد

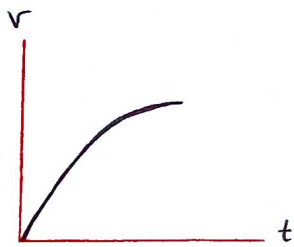
ج) ندارد.

۴- وزنه ای را که جرم آن مشخص است بیک فنر متصل کرده و به نیرو سنج آویزان می کنیم. طول فنر را قبل و بعد از اعمال وزنه اندازه گرفته و به کمک رابطه $K \Delta n = mg$ ، K را به دست می آوریم.



$$F_e = mg \rightarrow K \Delta n = mg \rightarrow K = \frac{mg}{\Delta n}$$

۵-



$$\frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{v + v_0}{2} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{0 + v_0}{2} \rightarrow v_0 = 1 \frac{m}{s} \quad (الف)$$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \rightarrow a = \frac{0 - 1}{2} = -0.5 \frac{m}{s^2}$$

$$n = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + n_0 \rightarrow n = -\frac{1}{4} t^2 + t + 1. \quad (ب)$$

$$n' = 0 \rightarrow -\frac{1}{2} t + 1 = 0 \rightarrow t - 2 = 0 \rightarrow (t - 2)(t - 0) = 0 \rightarrow \begin{cases} t = -2 \text{ X} \\ t = 0 \text{ X} \\ t = 2 \text{ X} \\ t = 0 \text{ X} \\ t = 1 \text{ X} \\ t = 2 \text{ X} \\ t = 1 \text{ X} \\ t = 0 \text{ X} \\ t = 2 \text{ X} \\ t = 1 \text{ X} \\ t = 0 \text{ X} \end{cases}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{0 - 1}{1} = -1 \frac{m}{s} \quad (ج)$$

$$s_{av} = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{1 + 1}{1} = 2 \frac{m}{s}$$

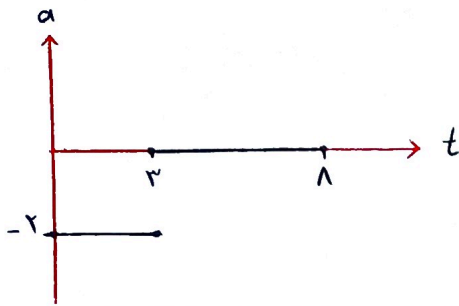
$$\frac{t_1}{\gamma} = \frac{\gamma - t_1}{\gamma} \rightarrow \gamma t_1 = \gamma - \gamma t_1 \rightarrow t_1 = 1s$$

۷- الف) تناهضت ما :

$$\Delta n = S_1 + S_2 = 1 - \gamma^2 = -\gamma^2 m$$

$$\bullet - \gamma s: a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-\gamma - \gamma}{\gamma} = -\gamma \frac{m}{s^2}$$

ب)



$$F_{net} = ma \rightarrow F_c - mg = ma \rightarrow k \Delta n = m(g + a) \rightarrow$$

- \Lambda

$$\gamma \cdot \Delta n = \gamma(1 + \gamma) \rightarrow \Delta n = \frac{\gamma^2}{\gamma} = 11\gamma cm$$

$$\frac{F'}{F} = \left(\frac{R_e}{R_e + h}\right)^r \rightarrow \frac{\gamma^2}{1.0} = \left(\frac{R_e}{R_e + h}\right)^r \rightarrow \frac{\Lambda}{1.0} = \frac{R_e}{R_e + h}$$

- 9

$$1.0 R_e = \Lambda R_e + \Lambda h \rightarrow h = \frac{\gamma}{\Lambda} R_e = \frac{1}{\gamma} \times \gamma^2 \cdot 0 = 19.00 km$$

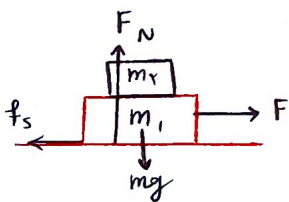
$$v_x = 1\Delta \frac{m}{s}$$

$$v_y = -1\gamma \frac{m}{s}$$

- 1.

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{m \Delta v}{\Delta t} \rightarrow F_{av} = \frac{.1\gamma(-1\gamma - 1\Delta)}{.1} = -1.0 \cdot \Lambda \cdot N$$

$$|F_{av}| = 1.0 \cdot \Lambda \cdot N$$



$$F_N = mg = \Delta \times 1.0 = \Delta \cdot N$$

11- الف)

$$f_{smax} = \mu_s F_N = .1\Delta \times \Delta = 2\Delta N$$

$$F < f_{smax} \rightarrow f_s = F = 19/1\Delta N$$

$$f_{smax} = \mu_s F_N = .1\Delta \times \gamma = 1\Delta N$$

جسم حرکت می کند.

ب)

$$f_k = \mu_k F_N = .12\Delta \times \gamma = 7/1\Delta N$$

$$F - f_k = ma \rightarrow 19/1\Delta - 7/1\Delta = \gamma a \rightarrow a = \gamma \frac{m}{s^2}$$

$$v = at + v_0 \rightarrow v = \gamma \times \gamma = \Lambda \frac{m}{s}$$

$$\Delta n_1 = \frac{1}{\gamma} at^r = \frac{1}{\gamma} \times \gamma \times \gamma = \Lambda m$$

$$\bullet - f_k = ma \rightarrow -\mu_k mg = ma \rightarrow a = -\gamma/1\Delta \frac{m}{s^2}$$

$$v^r - v_0^r = \gamma a \Delta n \rightarrow 0 - \gamma^2 = \gamma \times -\gamma/1\Delta \Delta n \rightarrow \Delta n_r = 1\gamma/1\Delta m$$

$$\Delta n = 1\gamma/1\Delta + \Lambda = \gamma \cdot 1\Delta m$$

$$\frac{T}{\gamma} = .12 \text{ s} \rightarrow T = .14 \text{ s}$$

(الف - ۱۲)

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{.14} = \Delta\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$x = A \cos \omega t \rightarrow x = \gamma \cos \Delta\pi t$$

$$x = 2 \text{ cm} \rightarrow \gamma = \gamma \cos \Delta\pi t \rightarrow \cos \Delta\pi t = \frac{1}{\gamma} \rightarrow \Delta\pi t = \frac{\pi}{\gamma} \rightarrow t_1 = \frac{1}{14} \text{ s}$$

(ب)

وثره رسته ریاضی

$$y = -\frac{1}{\gamma} g t^2 + v_0 t \rightarrow y = -\frac{1}{\gamma} \times 1. \times 14^2 = -1.0 \text{ m}$$

$$h = 1.0 \text{ m}$$

(الف - ۱۳)

$$t = 2 \text{ s} \rightarrow y' = +\frac{1}{\gamma} \times 1. \times 2^2 = 2.0 \text{ m}$$

(ب)

فاصله از سطح زمین : $\Delta y = 1.0 - 2.0 = 9.0 \text{ m}$

$$F = \frac{m v^2}{r} \rightarrow \frac{G M_e m}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 r^3}{G M_e} \rightarrow \left(\frac{T_2}{T_1}\right)^2 = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^3 \quad -14$$

$$v = \Delta f \frac{h}{m} = 14 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

-15

$$F_{\text{net}} = m a_c \rightarrow f_{s \text{ max}} = \mu_s m g = \frac{m v^2}{R} \rightarrow \mu_s g = \frac{v^2}{R} \rightarrow \mu_s \times 1.0 = \frac{14^2}{\sqrt{5}} \rightarrow \mu_s = .13$$

وثره رسته تجربی

$$v_A = \frac{0 - (-12)}{1.} = 12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$x_A = 12t - 12$$

-13

$$v_B = \frac{1 - 0}{1.} = .1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$x_B = .1t$$

$$x_A = x_B \rightarrow 12t - 12 = .1t \rightarrow .11t = 12 \rightarrow t = 3.0 \text{ s}$$

$$x = 24 \text{ m}$$

(ب)

۱۴- نیروی وزن، نیروی گرانشی است که زمین به جسم وارد می‌کند.

$$m g = \frac{G M_e m}{r^2} \rightarrow g = \frac{G M_e}{r^2}$$

$$\Delta p = S = \left(\frac{1+\Delta}{\gamma}\right) \times 1.0^{-\gamma} \times 2.0 = 112 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad -15$$

$$F_{\text{av}} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{112}{\Delta \times 1.0^{-\gamma}} = 24. \text{ N}$$