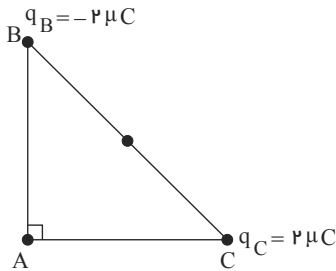


نام آزمون: جمع بندی فیزیک پایه



عباس بهمنی

۱- مطابق شکل زیر دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_B = -2\mu C$  و  $q_C = +2\mu C$  در دو رأس B و C از مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین ABC قرار دارند. اندازه میدان الکتریکی برآیند حاصل از این دو بار در نقطه O (وسط ضلع BC) چند برابر اندازه میدان الکتریکی برآیند در رأس A است؟



$$\textcircled{1} \quad 4\sqrt{2}$$

$$\textcircled{2} \quad 2\sqrt{2}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{\sqrt{2}}{4}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{2}$$

۲- گلوله‌ای بدون سرعت اولیه از ارتفاع  $h$  رها می‌شود و پس از طی  $\Delta h$ ، انرژی جنبشی آن با  $\frac{2}{5}$  انرژی پتانسیل گرانشی آن برابر می‌شود.  $\frac{\Delta h}{h}$  چقدر است؟ (مبدأ پتانسیل سطح زمین است و مقاومت هوا ناچیز فرض می‌شود.)

$$\textcircled{4} \quad \frac{3}{5}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{2}{5}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{5}{7}$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{2}{7}$$

۳- به ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت،  $2 \times 10^{12}$  الکترون می‌دهیم. بار الکتریکی مثبت ذره ۱۶ درصد کاهش می‌یابد. بار اولیه ذره چند میکروکولن بوده است؟ ( $e = 1.6 \times 10^{-19} C$ )

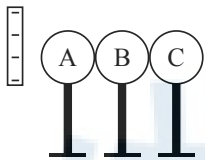
$$\textcircled{4} \quad 1$$

$$\textcircled{3} \quad 10$$

$$\textcircled{2} \quad 2$$

$$\textcircled{1} \quad 20$$

۴- مطابق شکل زیر، میله‌ای با بار الکتریکی منفی را به سه کره رسانای A، B و C که در تماس با هم قرار دارند و در ابتدا خنثی هستند، نزدیک کرده و نگه می‌داریم. اگر در این حالت کره B را از بین دو کره خارج کنیم و سپس میله باردار را دور کنیم، علامت بار کره‌های A، B و C به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ (پایه‌ها عایق هستند.)



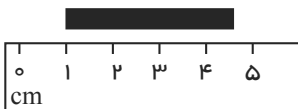
۲) منفی، مثبت، مثبت

۱) مثبت، مثبت، منفی

۴) منفی، خنثی، مثبت

۳) مثبت، خنثی، منفی

۵- طول یک میله با خط‌کش مقابل اندازه‌گیری شده است. کدام یک از گزینه‌های زیر می‌توانند گزارش این اندازه‌گیری باشد؟



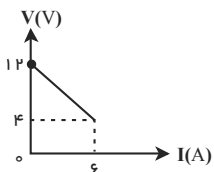
$$\textcircled{2} \quad 3.75 \text{ cm} \pm 0.05 \text{ cm}$$

$$\textcircled{1} \quad 3.7 \text{ cm} \pm 0.5 \text{ cm}$$

$$\textcircled{4} \quad 4.75 \text{ cm} \pm 0.05 \text{ cm}$$

$$\textcircled{3} \quad 4.7 \text{ cm} \pm 0.5 \text{ cm}$$

۶- نمودار شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر یک مولد را برحسب جریان عبوری از آن، نشان می‌دهد. مقاومت درونی مولد چند اهم است؟



$$\textcircled{2} \quad 4$$

$$\textcircled{1} \quad 3$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{4}{3}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{3}{4}$$

۷- متحرکی با تندی  $v$  در حرکت است. اگر تندی متحرک به اندازه  $3 \text{ m/s}$  کاهش یابد، انرژی جنبشی متحرک  $\frac{7}{16}$  مقدار اولیه‌اش تغییر می‌کند،  $v$  چند متر بر ثانیه است؟

$$\textcircled{4} \quad 300$$

$$\textcircled{3} \quad 16$$

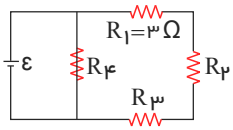
$$\textcircled{2} \quad 12$$

$$\textcircled{1} \quad 8$$

۸- دمای جسمی بر حسب کلوین هشت برابر دمای آن بر حسب درجه سلسیوس است. دمای این جسم بر حسب درجه فارنهایت کدام است؟

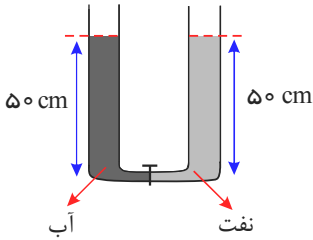
- ۱)  $102,2$       ۲)  $39$       ۳)  $273$       ۴)  $312$

۹- در مدار رو به رو، توان مصرفی هر یک از مقاومت ها با هم برابر است. مقاومت معادل مدار چند اهم است؟



- ۱)  $\frac{27}{4}$       ۲)  $\frac{9}{2}$       ۳)  $18$       ۴)  $9$

۱۰- در شکل روبه رو، قطر قاعده‌ی دو استوانه برابرند. اگر شیر ارتباط بین دو طرف را باز کنیم، سطح آب چند سانتی‌متر پایین می‌آید؟



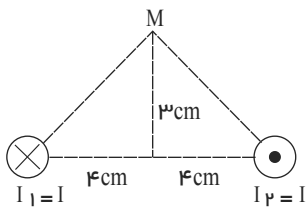
( چگالی نفت =  $800 \frac{kg}{m^3}$  و چگالی آب =  $1000 \frac{kg}{m^3}$  )

- ۱)  $10$       ۲)  $5$       ۳)  $4$       ۴)  $2,5$

۱۱- یک قطعه فلز را که چگالی آن  $2,7 \frac{g}{cm^3}$  است کاملاً در ظرفی پر از الکل به چگالی  $0,8 \frac{g}{cm^3}$  وارد می‌کنیم و به اندازه‌ی  $160$  گرم الکل از ظرف بیرون می‌ریزد، جرم قطعه فلز چند گرم است؟

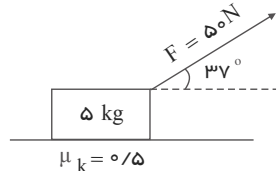
- ۱)  $540$       ۲)  $450$       ۳)  $432$       ۴)  $200$

۱۲- دو سیم موازی بسیار بلند، حامل جریان  $I$ ، مطابق شکل زیر عمود بر صفحه قرار دارند. بردار میدان مغناطیسی هر یک از دو سیم در نقطه  $M$  در کدام شکل درست است؟



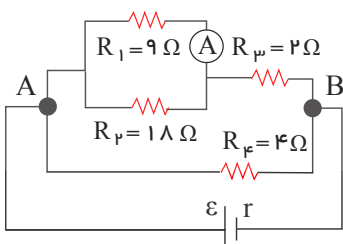
- ۱)      ۲)      ۳)      ۴)

۱۳- در شکل زیر، جسم تحت تأثیر نیروی  $F$  به اندازه‌ی  $5$  متر جابه‌جا می‌شود. کار نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، در این جابه‌جایی چند ژول است؟ (  $\sin 37^\circ = 0,6$  ,  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  )



- ۱)  $200$       ۲) صفر      ۳)  $-50$       ۴)  $-250$

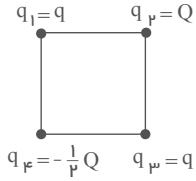
۱۴- در مدار روبه رو، اگر آمپرسنج ایده آل  $0,5A$  را نشان دهد، توان مصرفی  $R_4$  چند وات است؟



- ۱)  $9$       ۲)  $4,5$       ۳)  $3$       ۴)  $1,5$

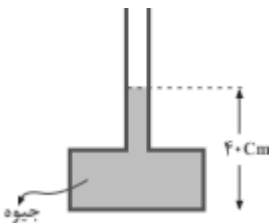
۱۵- سه جسم  $A$  و  $B$  و  $C$  را دو به دو به یکدیگر نزدیک می‌کنیم. وقتی  $A$  و  $B$  به یکدیگر نزدیک شوند، همدیگر را با نیروی الکتریکی جذب می‌کنند و اگر  $B$  و  $C$  را به یکدیگر نزدیک کنیم، یکدیگر را با نیروی الکتریکی دفع می‌کنند. کدام یک از گزینه‌های زیر می‌تواند صحیح باشد؟  
 (۱)  $A$  و  $C$  بار همنام و هم اندازه دارند. (۲)  $B$  و  $C$  بار غیر همنام دارند. (۳) بدون بار و  $C$  باردار است. (۴) بدون بار و  $B$  باردار است.

۱۶- چهار ذره‌ی باردار در رأس‌های یک مربع قرار دارند. برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر ذره‌ی باردار  $q_2$  صفر است.  $\frac{Q}{q}$  کدام است؟



- (۱)  $2\sqrt{2}$  (۲)  $4\sqrt{2}$   
 (۳)  $-2\sqrt{2}$  (۴)  $-4\sqrt{2}$

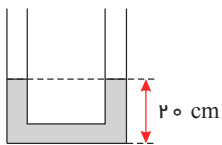
۱۷- در شکل روبه‌رو، اگر بیشینه نیرویی که کف ظرف می‌تواند از طرف جیوه تحمل کند،  $135$  نیوتون باشد، حداکثر چند سانتی‌متر جیوه می‌توان به ارتفاع جیوه در لوله اضافه کرد، تا ظرف شکسته نشود؟



(سطح کف ظرف،  $20 \text{ cm}^2 =$  چگالی جیوه  $= 13500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  و  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  است.)

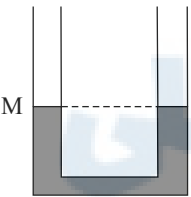
- (۱) ۵ (۲) ۹۰  
 (۳) ۲۰ (۴) ۱۰

۱۸- در شکل روبه‌رو، ارتفاع آب در هر شاخه‌ی لوله برابر  $20$  سانتی‌متر است. درون یکی از شاخه‌ها به آرامی روغن می‌ریزیم تا طول ستون روغن به  $25$  سانتی‌متر برسد. در حالت تعادل، ارتفاع آب در شاخه‌ی مقابل چند سانتی‌متر خواهد شد؟ (چگالی آب و روغن به ترتیب  $1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و  $0.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  است.)



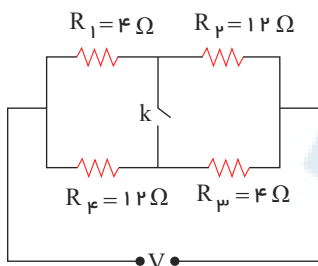
- (۱) ۲۵ (۲) ۲۷,۵  
 (۳) ۳۵ (۴) ۳۷,۵

۱۹- در شکل روبه‌رو در لوله‌ی  $U$  شکل آب ریخته شده و نقطه‌ی  $M$  روی لوله نشانه گذاری شده است. اگر در قسمت سمت راست لوله، روی آب به ارتفاع  $5$  سانتی‌متر نفت بریزیم، در لوله‌ی مقابل، سطح آب چند سانتی‌متر از نقطه‌ی  $M$  بالاتر می‌رود؟ (چگالی نفت و آب به ترتیب  $0.8$  و  $1$  گرم بر سانتی‌متر مکعب است.)



- (۱) ۱ (۲) ۲  
 (۳) ۲,۵ (۴) ۴

۲۰- در مدار روبه‌رو در صورتی که کلید باز باشد، از مقاومت  $R_1$  جریان  $I$  می‌گذرد و وقتی کلید بسته است، از همان مقاومت جریان  $I'$  عبور می‌کند، نسبت  $\frac{I'}{I}$  کدام است؟



- (۱) ۲ (۲)  $\frac{3}{2}$   
 (۳) ۱ (۴)  $\frac{1}{2}$

۲۱- در یک لوله‌ی  $U$  شکل تا ارتفاع معینی جیوه وجود دارد. اگر در یکی از شاخه‌ها روی جیوه آب بریزیم تا ستون آب به  $21.6$  سانتی‌متر برسد، سطح جیوه در شاخه‌ی مقابل، نسبت به وضعیت اولیه، چند سانتی‌متر بالا می‌رود؟

(چگالی آب و جیوه به ترتیب  $1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و  $13.5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  است.)

- (۱) ۰,۸ (۲) ۱,۶ (۳) ۰,۴ (۴) ۳,۲

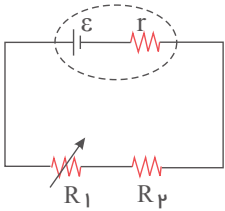
۲۲- روی یک لامپ اعداد ۱۰۰ وات و ۲۰۰ ولت نوشته شده است و با همان ولتاژ روشن است. اگر به علت افت ولتاژ، توان مصرفی لامپ ۱۹ درصد کاهش پیدا کند، افت ولتاژ چند ولت خواهد بود؟

- ۱۲ (۱)      ۱۹ (۲)      ۲۰ (۳)      ۸۸ (۴)

۲۳- اگر ۳ مقاومت الکتریکی مشابه را به طور متوالی به هم ببندیم و دو سر مجموعه را به اختلاف پتانسیل ثابت وصل کنیم، توان مصرفی کل مدار ۹۰ وات می شود. اگر همان مقاومت ها را به طور موازی به همان اختلاف پتانسیل وصل کنیم، توان کل مدار چند وات می شود؟

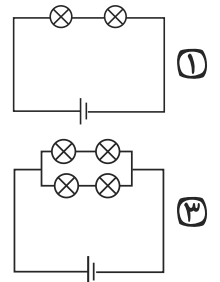
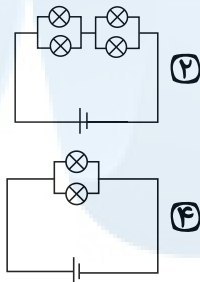
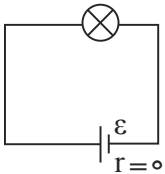
- ۳۰ (۱)      ۲۷۰ (۲)      ۵۶۰ (۳)      ۸۱۰ (۴)

۲۴- در مدار شکل روبه رو، اگر مقاومت متغیر  $R_1$  را به تدریج افزایش دهیم، افت پتانسیل در مولد، و اختلاف پتانسیل دو سر  $R_1$  به ترتیب چگونه تغییر می کنند؟ (از راست به چپ)

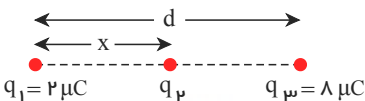


- (۱) افزایش - کاهش      (۲) کاهش - افزایش  
(۳) افزایش - افزایش      (۴) کاهش - کاهش

۲۵- یک لامپ را در مداری مطابق شکل رو به رو می بندیم و لامپ روشن می شود. در کدام یک از مدارهای زیر شدت نور هریک از لامپ ها تقریباً برابر با شدت نور همین لامپ است؟ (تمامی لامپ ها و باتری ها مشابه لامپ و باتری همین مدار می باشند.)



۲۶- سه بار نقطه ای مطابق شکل قرار دارند. برآیند نیروهای الکترواستاتیکی وارد بر هر یک از بارها صفر است. بار  $q_3$  چند میکروکولن است؟

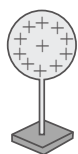


- (۱)  $-\frac{2}{9}$       (۲)  $+\frac{2}{9}$   
(۳)  $-\frac{8}{9}$       (۴)  $+\frac{8}{9}$

۲۷- در یک میدان الکتریکی یکنواخت، ذره ی باردار به جرم  $0.1$  گرم، از نقطه ای به پتانسیل الکتریکی  $+100$  ولت از حال سکون به حرکت در می آید و با سرعت  $10$  متر بر ثانیه به نقطه ی دیگری به پتانسیل الکتریکی  $-100$  ولت می رسد. اگر در این مسیر نیروی موثر بر ذره فقط حاصل از میدان الکتریکی باشد، بار الکتریکی ذره چند میکروکولن است؟

- ۲.۵ (۱)      ۴ (۲)      ۲۵ (۳)      ۴۰ (۴)

۲۸- در شکل زیر، کره ای با بار مثبت، روی پایه ی عایقی قرار دارد. شخصی در میدان الکتریکی حاصل از این کره، ذره ی باردار مثبت را با سرعت ثابت در راستای افقی از نقطه ی  $B$  تا  $A$  جابه جا می کند. اگر کار شخص در این میدان  $W$  و کار نیروی حاصل از میدان  $W'$  و اختلاف پتانسیل الکتریکی

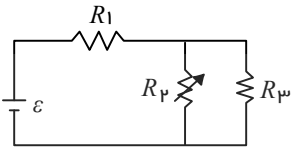


B      A

- (۱)  $\Delta V > 0$  و  $W' > 0$ ،  $W < 0$       (۲)  $\Delta V < 0$  و  $W' > 0$ ،  $W < 0$   
(۳)  $\Delta V > 0$  و  $W' < 0$ ،  $W > 0$       (۴)  $\Delta V < 0$  و  $W' < 0$ ،  $W > 0$

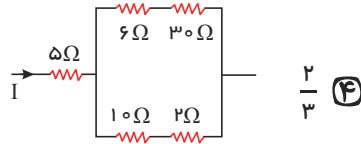
۲۹- جرم دو سیم مسی  $A$  و  $B$  با هم برابر است ولی قطر مقطع سیم  $A$ ،  $\sqrt{2}$  برابر قطر مقطع سیم  $B$  است. اگر مقاومت الکتریکی سیم  $B$  برابر  $10 \Omega$  باشد، مقاومت الکتریکی سیم  $A$  چند اهم است؟

- ۱۲.۵ (۴)      ۲۰ (۳)      ۵ (۲)      ۲.۵ (۱)



۳۰- در مدار روبه رو، مقاومت  $R_p$  را به تدریج افزایش می دهیم، ولتاژ دو سر آن چگونه تغییر می کند؟

- ۱) ثابت می ماند.
- ۲) افزایش می یابد.
- ۳) کاهش می یابد.
- ۴) بسته به مقاومت درونی مولد، ممکن است افزایش یا کاهش یابد.



۳۱- در مدار روبه رو، توان مصرفی مقاومت ۱۰ اهمی چند برابر توان مصرفی مقاومت ۵ اهمی است؟

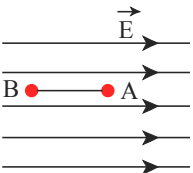
- ۱)  $\frac{9}{8}$
- ۲)  $\frac{3}{2}$
- ۳)  $\frac{8}{9}$
- ۴)  $\frac{2}{3}$

۳۲- دو گلوله فلزی کوچک و مشابه که دارای بارالکتریکی می باشند، از فاصله ۳۰ سانتی متری، نیروی جاذبه ۴ نیوتون بر یکدیگر وارد می کنند. اگر این دو گلوله را به هم تماس دهیم، بار الکتریکی هر کدام  $+3\mu C$  خواهد شد. بار اولیه گلوله ها بر حسب میکروکولن کدام است؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

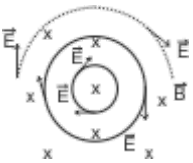
- ۱)  $-6$  و  $12$
- ۲)  $-4$  و  $10$
- ۳)  $-3$  و  $9$
- ۴)  $-2$  و  $8$

۳۳- بار الکتریکی  $q = -4\mu C$  مطابق شکل در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی  $\frac{5}{m} V$  رها می شود. در جابجایی بار  $q$  از  $A$  تا  $B$  انرژی جنبشی بار، ۸ میلی ژول افزایش می یابد.  $V_B - V_A$  چند کیلو ولت است؟



- ۱)  $-2$
- ۲)  $2$
- ۳)  $200$
- ۴)  $-200$

۳۴- در شکل روبه رو، میدان مغناطیسی درون سو است. در حالتی میدان الکتریکی القایی مطابق شکل خواهد شد که، میدان مغناطیسی، .....

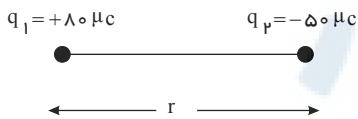


- ۱) در حال کاهش باشد.
- ۲) ثابت و یکنواخت بماند.
- ۳) در حال افزایش باشد.
- ۴) با آهنگ ثابتی دوران کند.

۳۵- استوانه‌ای  $A$  پراز آب است. نیرویی که آب بر کف استوانه وارد می کند  $F_A$  و فشار حاصل از آب در کف استوانه‌ی  $P_A$  است. اگر ابعاد استوانه‌ی  $B$  نصف ابعاد استوانه‌ی  $A$  باشد و آن را هم پراز آب کنیم، نیرو و فشار مورد نظربه ترتیب  $F_B$  و  $P_B$  باشد، نسبت‌های  $\frac{F_A}{F_B}$  و  $\frac{P_A}{P_B}$  به ترتیب از راست به چپ کدام اند؟

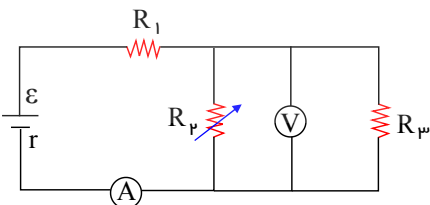
- ۱)  $2$  و  $2$
- ۲)  $2$  و  $4$
- ۳)  $8$  و  $8$
- ۴)  $2$  و  $8$

۳۶- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی در فاصله  $r$ ، نیروی جاذبه  $F$  بر یکدیگر وارد می کنند. اگر با ثابت بودن فاصله، ۲۵ درصد از بار  $q_1$  را به  $q_2$  انتقال دهیم، نیروی جاذبه بین دو بار چند درصد و چگونه تغییر می کند؟



- ۱) ۲۵، کاهش
- ۲) ۲۵، افزایش
- ۳) ۵۵، کاهش
- ۴) ۵۵، افزایش

۳۷- در مدار زیر، با افزایش مقاومت  $R_p$ ، شدت جریانی که آمپرسنج  $A$  نشان می دهد و اختلاف پتانسیلی که ولتسنج  $V$  نشان می دهد چگونه تغییر می کنند؟ (به ترتیب از راست به چپ)



- ۱) کاهش - کاهش
- ۲) کاهش - افزایش
- ۳) افزایش - افزایش
- ۴) افزایش - کاهش

جمع بندی فیزیک پایه

۳۸- پروتونی تحت زاویه‌ی  $90^\circ$  نسبت به یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $20\text{ mT}$  حرکت می‌کند و نیروی مغناطیسی  $1,28 \times 10^{-16}\text{ N}$  به آن وارد می‌شود. انرژی جنبشی پروتون چند الکترون ولت است؟

$$(m_p = 1,7 \times 10^{-27}\text{ kg}, e = 1,6 \times 10^{-19}\text{ C})$$

- ۱) ۲٫۵      ۲) ۵      ۳) ۸٫۵      ۴) ۱۷

۳۹- شکل‌های زیر، چهار آرایش را نشان می‌دهد که در آن سیم‌های موازی حامل جریان  $I$  در گوشه‌های مربع‌های مشابه قرار گرفته‌اند و سیم‌ها بلند و همگی عمود بر صفحه‌اند. در کدام شکل بزرگی میدان مغناطیسی بر ایند در مرکز مربع بیش‌ترین مقدار را دارد؟



۴۰- گلوله‌ای در شرایط خلاء، از سطح زمین با سرعت اولیه‌ی  $30 \frac{m}{s}$  در امتداد قائم به طرف بالا پرتاب می‌شود. در چند متری سطح زمین انرژی جنبشی گلوله نصف انرژی پتانسیل گرانشی آن است؟

- ۱) ۲۰      ۲) ۱۵      ۳) ۳۰      ۴) ۳۵

۴۱- دمای یک میله‌ی مسی را  $100^\circ\text{C}$  افزایش می‌دهیم، طول آن  $17\%$  درصد افزایش می‌یابد. اگر دمای یک ورقه‌ی مسی را  $100^\circ\text{C}$  افزایش دهیم، مساحت آن چند برابر می‌شود؟

- ۱)  $1.0017$       ۲)  $1.0034$       ۳)  $1.0034$       ۴)  $1.0034$

۴۲- یک گلوله‌ی سربی به شعاع  $1\text{ cm}$  و جرم  $44\text{ g}$  در دمای  $0^\circ$  قرار دارد. اگر دمای گلوله به  $100^\circ\text{C}$  برسد، چگالی آن چند کیلوگرم بر متر مکعب و چگونه تغییر می‌کند؟ ( $\pi = 3$ ,  $\alpha_{\text{سرب}} = 3 \times 10^{-5} \frac{1}{k}$ )

- ۱) کاهش می‌یابد.      ۲) افزایش می‌یابد.      ۳) کاهش می‌یابد.      ۴) افزایش می‌یابد.

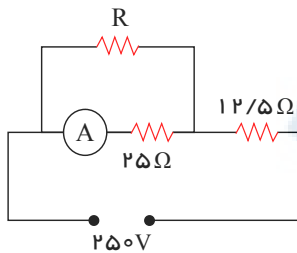
۴۳- جرم یک ظرف فلزی توخالی  $300\text{ g}$  گرم است. اگر این ظرف را پر از مایعی به چگالی  $1,2 \frac{g}{cm^3}$  نماییم، جرم مجموعه  $540\text{ g}$  گرم و در صورتی که پر از نوعی روغن نماییم، جرم مجموعه  $460\text{ g}$  گرم می‌شود، چگالی این روغن چند گرم بر لیتر است؟

- ۱) ۹۵۰      ۲) ۹۰۰      ۳) ۸۵۰      ۴) ۸۰۰

۴۴- دو سیم فلزی  $A$  و  $B$  دارای طول و مقاومت الکتریکی مساوی‌اند. اگر جرم سیم  $B$ ،  $\frac{2}{3}$  جرم سیم  $A$  بوده و چگالی آن  $\frac{1}{3}$  چگالی سیم  $A$  باشد، مقاومت ویژه‌ی سیم  $B$  چند برابر مقاومت ویژه‌ی سیم  $A$  است؟

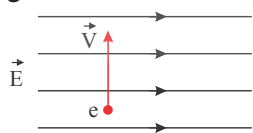
- ۱)  $\frac{1}{3}$       ۲)  $\frac{1}{2}$       ۳) ۳      ۴) ۲

۴۵- در مدار روبه‌رو، آمپرسنج ۶ آمپر را نشان می‌دهد. انرژی مصرفی در مقاومت  $R$  در مدت  $30$  دقیقه چند کیلووات ساعت است؟ (مقاومت آمپرسنج ناچیز است.)



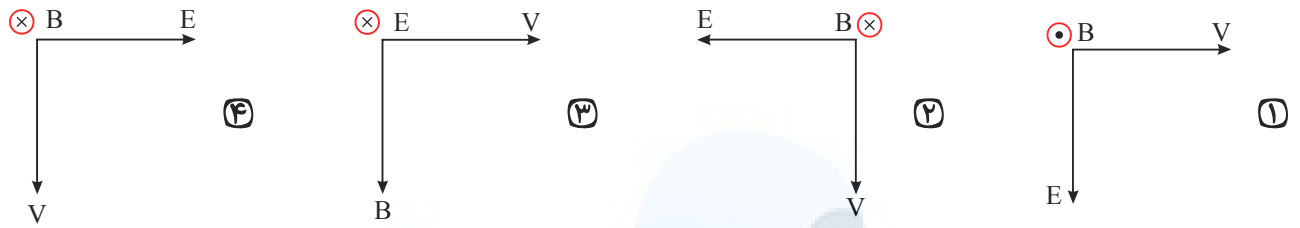
- ۱) ۰٫۱۵      ۲) ۰٫۴۵      ۳) ۱٫۵      ۴) ۴٫۵

۴۶- شکل زیر الکترونی را هنگام عبور از میدان الکتریکی یکنواخت نشان می‌دهد. برای آنکه ذره بدون انحراف از این میدان بگذرد از میدان مغناطیسی یکنواخت استفاده شده است. میدان مغناطیسی باید ..... باشد.

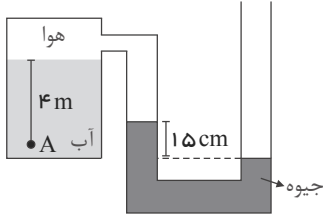


- ۱) موازی راستای  $\vec{v}$  و همسو با آن      ۲) موازی راستای  $\vec{E}$  و در خلاف جهت آن      ۳) عمود بر صفحه شکل و به سمت بیرون      ۴) عمود بر صفحه شکل و به سمت داخل صفحه

۴۷- یک دسته الکترون در فضایی که میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی وجود دارد، با سرعت  $V$  حرکت می‌کنند، اگر الکترون‌ها مسیر مستقیم حرکت خود را حفظ کنند، وضعیت میدان‌های  $E, B$  و سرعت  $V$  کدام است؟

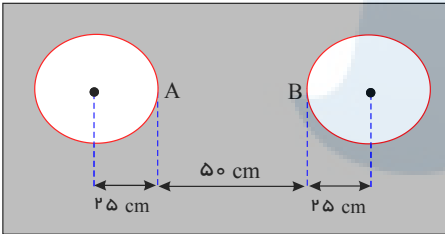


۴۸- فشار در نقطه  $A$  چند کیلوپاسکال است؟ (چگالی آب  $\frac{kg}{m^3}$   $1000$ ، چگالی جیوه  $\frac{kg}{m^3}$   $13600$ ، فشارهای بیرون  $10^5 Pa$  و  $10 \frac{N}{kg}$   $g$  است.)



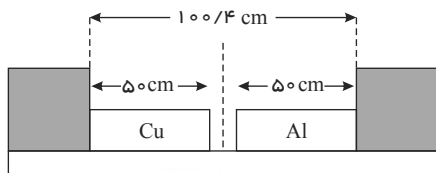
- ۱) ۷۹٫۶
- ۲) ۱۱۹٫۶
- ۳) ۶۸٫۴
- ۴) ۱۲۰٫۴

۴۹- در وسط یک صفحه فلزی نازک که ضریب انبساط سطحی آن  $3,6 \times 10^{-5} K^{-1}$  است، دو دایره به شعاع‌های ۲۵ سانتیمتر را در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس خارج نموده‌ایم. اگر دمای صفحه را به آرامی از صفر به ۲۰۰ درجه‌ی سلسیوس برسانیم، فاصله‌ی  $AB$  چند میلی‌متر میشود؟



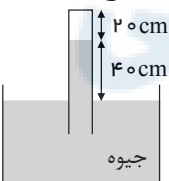
- ۱) ۴۹۶٫۴
- ۲) ۴۹۸٫۲
- ۳) ۵۰۱٫۸
- ۴) ۵۰۳٫۶

۵۰- دو میله مسی و آلومینیومی بین دو دیواره ثابت قرار دارند. دمای دو میله را چند کلون بالا ببریم تا دو میله به یکدیگر برسند؟ ( $\alpha_{Al} = 2,3 \times 10^{-5} 1/K$  و  $\alpha_{Cu} = 1,7 \times 10^{-5} 1/K$ )



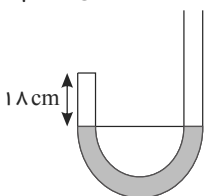
- ۱) ۴۷۰
- ۲) ۳۴۷
- ۳) ۲۵۰
- ۴) ۲۰۰

۵۱- در ظرفی مطابق شکل روبرو، مقداری هوا بالای ستون جیوه در لوله وجود دارد. لوله را به آرامی چند سانتی‌متر پایین ببریم، تا ارتفاع ستون هوا نصف شود؟ (فشار هوا را  $76 cmHg$  بگیرید و دما ثابت است.)



- ۱) ۱۰
- ۲) ۳۰
- ۳) ۳۶
- ۴) ۴۶

۵۲- در شکل زیر، جیوه در دو طرف لوله‌ی  $U$  شکل در یک سطح قرار دارد و سطح مقطع لوله  $1 cm^2$  است. از طرف باز  $21 cm^3$  لوله جیوه می‌ریزیم و ارتفاع هوا در طرف بسته به  $15 cm$  می‌رسد. فشار هوای محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟ (دمای هوای داخل لوله ثابت فرض شود.)



- ۱) ۷۳
- ۲) ۷۴
- ۳) ۷۵
- ۴) ۷۶

۵۳- طول یک جسم با خط کشی که بر حسب میلی‌متر مدرج شده، اندازه‌گیری شده است. این طول را بر حسب سانتی‌متر چگونه می‌توان نوشت؟

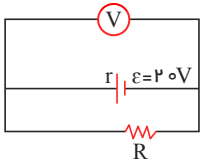
- ۱) ۰٫۷۵
- ۲) ۷٫۵۲
- ۳) ۷۵٫۰۲۰
- ۴) ۷۵٫۲

۵۴- می‌خواهیم از فلزی به چگالی  $6 \frac{g}{cm^3}$ ، کره‌ی توپری به شعاع  $5 cm$  بسازیم. جرم این کره چند کیلوگرم می‌شود؟

- ۱) ۱٫۵۷
- ۲) ۲٫۳۶
- ۳) ۳٫۱۴
- ۴) ۴٫۷۱



۵۵- در مدار روبه رو، ولت سنج ۱۸ ولت را نشان می دهد. توان مصرفی مقاومت  $R$  چند برابر توان مصرفی مقاومت  $r$  (مقاومت درونی مولد) است؟ (جریان عبوری از ولت سنج ناچیز است.)



- ۱) ۰٫۹  
۲)  $\frac{10}{9}$   
۳) ۹  
۴) ۴٫۵

۵۶- دو سیم رسانای  $A$  و  $B$  با قطر مقطع و طول مساوی به طور موازی به هم وصل شده اند و از مجموعه ی آن ها جریان  $4٫۵A$  عبور می کند. شدت جریان در سیم  $A$  چند آمپر است؟ ( $\rho_B = 5٫۶ \times 10^{-8} \Omega m$ ,  $\rho_A = 1٫۶ \times 10^{-8} \Omega m$ )

- ۱) ۴٫۵  
۲) ۳٫۵  
۳) ۲٫۲۵  
۴) ۱

۵۷- برای اینکه سرعت وزنه‌ای با جرم معین از صفر به  $v$  برسد، باید کار  $W_1$  روی آن انجام شود و برای اینکه سرعت این وزنه از  $v$  به  $3v$  برسد، باید کار  $W_2$  روی آن انجام شود. نسبت  $\frac{W_2}{W_1}$  چقدر است؟

- ۱) ۲  
۲) ۳  
۳) ۸  
۴) ۹

۵۸- مکعبی به ضلع  $60 \text{ cm}$  پر از آب است. اگر همه‌ی آب این مکعب را درون استوانه‌ای که مساحت قاعده‌ی آن  $0٫۳۶$  متر مربع است بریزیم، فشاری که این آب در کف استوانه ایجاد می کند، چند برابر فشاری است که در کف مکعب ایجاد می کند؟

- ۱)  $\pi$   
۲)  $\frac{\pi}{2}$   
۳)  $\sqrt{2}$   
۴) ۱

۵۹- با تخلیه‌ی قسمتی از بار الکتریکی یک خازن پُر شده، اختلاف پتانسیل دو سر آن  $80$  درصد کاهش می یابد. انرژی این خازن چند درصد کاهش می یابد؟

- ۱) ۴۰  
۲) ۶۴  
۳) ۸۰  
۴) ۹۶

۶۰- شعاع یک کره فلزی  $5$  سانتی متر و جرم آن  $1080$  گرم و چگالی آن  $\frac{g}{cm^3}$  است. درون این کره یک حفره وجود دارد. حجم این حفره چند درصد حجم کره را تشکیل می دهد؟ ( $\pi = 3$ )

- ۱) ۱۰  
۲) ۱۵  
۳) ۲۰  
۴) ۲۵

۶۱- طول یک سیم فلزی  $10$  سانتی متر و قطر مقطع آن  $2 \text{ mm}$  است. اگر سیم را از ابزاری عبور دهیم تا بدون تغییر جرم، مقاومت الکتریکی آن  $16$  برابر شود، طول آن چند سانتی متر می شود؟

- ۱) ۲٫۵  
۲) ۴۰  
۳) ۸۰  
۴) ۱۶۰

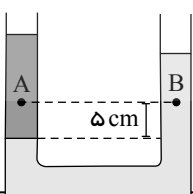
۶۲- حداقل چند مقاومت  $40$  اهمی را باید به هم وصل کنیم، تا از یک منبع برق  $120$  ولتی، شدت جریان الکتریکی  $15$  آمپر بگیریم؟

- ۱) ۳  
۲) ۴  
۳) ۵  
۴) ۶

۶۳- اگر بردار میدان مغناطیسی یکنواختی در  $SI$  به صورت  $\vec{B} = 0٫۳\vec{i} + 0٫۴\vec{j}$  باشد، و حلقه‌ای به مساحت  $200 \text{ cm}^2$  که سطح آن موازی محور  $x$  و عمود بر محور  $y$  است، در این میدان قرار داشته باشد، بزرگی میدان مغناطیسی در آن محیط و شار مغناطیسی عبوری از حلقه در  $SI$  از راست به چپ کدام اند؟

- ۱) صفر و صفر  
۲)  $6 \times 10^{-3}$ ,  $0٫۵$   
۳)  $8 \times 10^{-3}$ ,  $0٫۷$   
۴)  $8 \times 10^{-3}$ ,  $0٫۵$

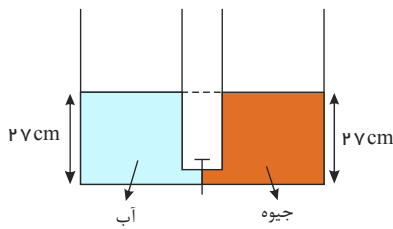
۶۴- در شکل روبه رو، دو مایع مخلوط نشدنی به چگالی های  $800 \frac{kg}{m^3}$  و  $1000 \frac{kg}{m^3}$  در یک لوله‌ی  $U$  شکل قرار دارند. اگر فشار در نقطه‌های  $A$  و  $B$  به ترتیب  $P_A$  و  $P_B$  باشد، کدام رابطه در  $SI$  برقرار است؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$ )



- ۱)  $P_A = P_B$   
۲)  $P_A = \frac{4}{5} P_B$   
۳)  $P_A = P_B - 100$   
۴)  $P_A = P_B + 100$



۶۵- دو ظرف استوانه‌ای مشابه به وسیله لوله بسیار باریک با حجم ناچیز به یکدیگر مربوطاند و مطابق شکل زیر در یک استوانه آب و در دیگری جیوه قرار دارد. اگر شیر ارتباطی بین دو ظرف را باز کنیم، سطح جیوه در لوله چند سانتی‌متر پایین می‌آید؟ ( $\rho_{\text{جیوه}} = 13.5 \text{ g/cm}^3$  و  $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$ )

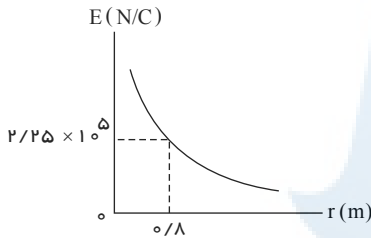


- ۱) ۲
- ۲) ۵
- ۳) ۱۲٫۵
- ۴) ۲۵

۶۶- در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس حجم ظرف شیشه‌ای توسط یک لیتر جیوه کاملاً پر شده است. وقتی دمای مجموعه را به ۸۰ درجه‌ی سلسیوس می‌رسانیم،  $12 \text{ cm}^3$  جیوه از ظرف خارج می‌شود. اگر ضریب انبساط حجمی جیوه  $10^{-4} \text{ K}^{-1}$  باشد، ضریب انبساط خطی شیشه در SI چقدر است؟

- ۱)  $1.2 \times 10^{-4}$
- ۲)  $10^{-4}$
- ۳)  $10^{-5}$
- ۴)  $3 \times 10^{-5}$

۶۷- نمودار تغییرات میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی  $q$  بر حسب فاصله از آن به صورت شکل زیر است. اگر بار الکتریکی  $q' = 9 \mu\text{C}$  را در فاصله ۹۰ سانتی‌متری بار  $q$  قرار دهیم، نیرویی که دو ذره باردار بر یکدیگر وارد می‌کنند، چند نیوتون است؟

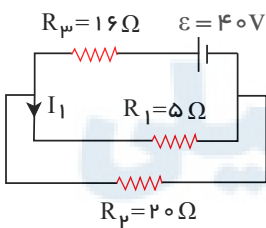


- ۱) ۰٫۱۶
- ۲) ۰٫۳۲
- ۳) ۱٫۶
- ۴) ۳٫۲

۶۸- فاصله بین صفحات خازنی  $5 \text{ mm}$ ، مساحت هر یک از صفحه‌های آن  $40 \text{ cm}^2$  و بین صفحات آن هوا است. اگر فاصله بین صفحات خازن  $4 \text{ mm}$  کاهش یابد، ظرفیت خازن چند پیکوفاراد افزایش می‌یابد؟

( $\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2$ )

- ۱) ۷٫۲
- ۲) ۲۴
- ۳) ۲۸٫۸
- ۴) ۳۶



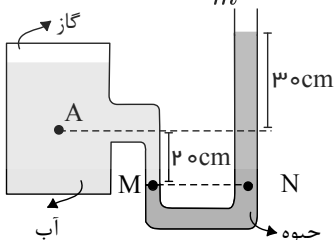
۶۹- در مدار روبه‌رو، شدت جریان  $I_1$  چند آمپر است؟

- ۱) ۰٫۴
- ۲) ۱٫۶
- ۳) ۲
- ۴) ۱۲٫۵

۷۰- لوله بلندی به صورت قائم نگه داشته شده و در آن تا ارتفاع  $4 \text{ cm}$  جیوه ریخته شده است. اگر فشار هوا  $1.0336 \times 10^5 \text{ Pa}$  باشد، ارتفاع جیوه درون لوله را به چند سانتی‌متر برسانیم تا فشار در ته لوله دو برابر شود؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ ،  $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ )

- ۱) ۸۴
- ۲) ۸۲
- ۳) ۸۰
- ۴) ۷۸

۷۱- در شکل زیر، فشار در نقطه‌ی A چند کیلوپاسکال است؟ (فشار هوا  $10^5$  پاسکال،  $\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ،  $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ ،  $\rho_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ )



- ۱) ۶۸
- ۲) ۱۴۱
- ۳) ۱۶۶
- ۴) ۱۷۰

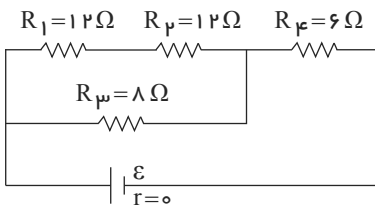
جمع بندی فیزیک پایه

۷۲- درون یک کیلوگرم آب با دمای ۳۰ درجه‌ی سلسیوس، چند گرم یخ صفر درجه‌ی سلسیوس بیاندازیم، تا پس از تعادل گرمایی، آب با دمای ۲۰ درجه‌ی سلسیوس حاصل شود؟ ( $C_{H_2O} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}$ ،  $L_F = 336 \frac{kJ}{kg}$ ، تبادل گرمایی فقط بین آب و یخ انجام می‌شود)

- ۱۰۰ (۱)      ۲۰۰ (۲)      ۱۲۵ (۳)      ۱۷۵ (۴)

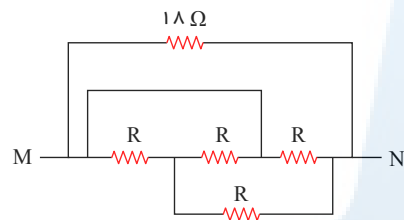
۷۳- یک باتری به نیروی محرکه ۶ ولت راکه مقاومت درونی آن  $r$  است به مقاومت  $R$  می‌بندیم. جریانی به شدت  $0.2A$  از آن عبور می‌کند. افت پتانسیل در مقاومت درونی  $\frac{1}{9}$  افت پتانسیل در مقاومت خارجی است. ( $Ir = \frac{1}{9}IR$ ) مقاومت  $R$  چند اهم است؟

- ۱۵ (۱)      ۲۰ (۲)      ۲۷ (۳)      ۳۰ (۴)



۷۴- در مدار زیر، توان مصرفی مقاومت  $R_f$  چند برابر توان مصرفی مقاومت  $R_1$  است؟

- ۲ (۱)      ۶ (۳)      ۴ (۲)      ۸ (۴)



۷۵- در مدار زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه  $M$  و  $N$  برابر  $\frac{R}{2}$  است.  $R$  چند اهم است؟

- ۱۸ (۱)      ۶ (۳)      ۱۲ (۲)      ۳ (۴)

۷۶- نیروی  $\vec{F}$  وارد بر الکترونی که در میدان مغناطیسی  $\vec{B}$  در حرکت است، در شکل نشان داده شده است. جهت سرعت الکترون کدام است؟ ( $\vec{B}$  روی صفحه و  $\vec{F}$  درون سو است.)

- ۱ (۱)  $\vec{V} \nwarrow$       ۲ (۲)  $\vec{V} \rightarrow$       ۳ (۳)  $\vec{V} \nearrow$       ۴ (۴) گزینه‌های ۲ و ۳ می‌توانند درست باشند.

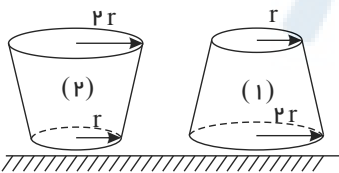
۷۷- در شکل مقابل دو سیم بلند (۱) و (۲) موازی هم در این صفحه قرار دارند و بر هم نیروی الکترومغناطیسی وارد می‌کنند. اگر نیروی وارد بر هر متر سیم (۱)،  $\vec{F}_1$  و نیروی وارد بر هر متر سیم (۲)،  $\vec{F}_2$  باشد،  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  به ترتیب از راست به چپ در چه جهتی هستند و اندازه‌ی آن‌ها چگونه است؟

- (۱)  $\vec{F}_1 = \vec{F}_2$ ,  $\uparrow$ ,  $\downarrow$  (۱)       $\vec{F}_1 = \vec{F}_2$ ,  $\downarrow$ ,  $\uparrow$  (۲)       $\vec{F}_1 > \vec{F}_2$ ,  $\uparrow$ ,  $\downarrow$  (۳)       $\vec{F}_1 < \vec{F}_2$ ,  $\downarrow$ ,  $\uparrow$  (۴)

۷۸- اختلاف فشار بین دو نقطه از مایعی در حال سکون  $\Delta P$  است. اگر ظرف محتوی این مایع با شتاب  $\frac{g}{3}$  در راستای قائم به طرف پایین حرکت کند، اختلاف فشار بین این دو نقطه خواهد بود؟

- $\Delta P$  (۱)       $\frac{1}{3}\Delta P$  (۲)       $\frac{2}{3}\Delta P$  (۳)       $\frac{4}{3}\Delta P$  (۴)

۷۹- در شکل روبه‌رو، حجم و عمق آب در دو ظرف پراز آب با هم برابر است. اگر نیرویی که طرف‌ها به سطح افقی وارد می‌کنند به ترتیب  $F_1$  و  $F_2$  و فشار آب در کف طرف‌ها  $P_1$  و  $P_2$  باشد، کدام رابطه درست است؟ (جرم طرف‌ها با هم برابر است.)



- (۱)  $P_1 = \frac{1}{4}P_2$  و  $F_1 = F_2$       (۲)  $P_1 = P_2$  و  $F_1 = 4F_2$       (۳)  $P_1 = P_2$  و  $F_1 = F_2$       (۴)  $P_1 = 4P_2$  و  $F_1 = \frac{1}{4}F_2$

۸۰- یک گلوله‌ی سربی به جرم ۲۰ گرم با سرعت  $400 \frac{m}{s}$  به یک قطعه چوب برخورد می‌کند و درون آن متوقف می‌شود. اگر ۵۰ درصد انرژی جنبشی گلوله صرف گرم کردن خودش شود و گرمای ویژه سرب  $125 \frac{J}{kg \cdot K}$  باشد، دمای گلوله چند کلوین افزایش می‌یابد؟

- ۳۲۰ (۱)      ۵۹۳ (۲)      ۶۴۰ (۳)      ۹۱۳ (۴)

۸۱- ظرفی که عایق گرما است، محتوی ۸۰ گرم آب  $11,5$  درجه‌ی سلسیوس است. یک قطعه مس به جرم  $420$  گرم و دمای  $100$  درجه‌ی سلسیوس را در آب می‌اندازیم. اگر فقط بین آب و مس تبادل گرما صورت گیرد و  $c_{(آب)} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}$  و  $c_{(مس)} = 380 \frac{J}{kg \cdot K}$  باشد، تا برقراری تعادل گرمایی، دمای آب چند کلوین افزایش می‌یابد؟

- ① ۲۸,۵      ② ۴۰      ③ ۳۱۳      ④ ۳۰۱,۵

۸۲- در شکل زیر، جرم پیستون یک کیلوگرم، جرم وزنه‌ی روی آن  $4$  کیلوگرم و دمای گاز درون ظرف  $27$  درجه‌ی سلسیوس است. اگر دمای گاز را به آرامی به  $87$  درجه‌ی سلسیوس برسانیم، ضمن گرم شدن گاز، چند کیلوگرم وزنه به تدریج باید روی پیستون اضافه کنیم تا پیستون جابه‌جا نشود؟ (سطح قاعده‌ی پیستون  $5 \text{ cm}^2$ ، فشار هوا  $10^5$  پاسکال و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  است.)



- ① ۲      ② ۳      ③ ۶      ④ ۷

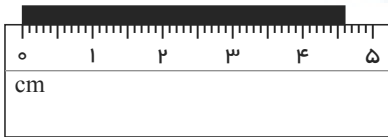
۸۳- بارهای الکتریکی نقطه‌ای  $4 \mu C$  و  $-8 \mu C$  روی محور  $x$  به ترتیب در مکان‌های  $x = 6 \text{ cm}$  و  $x = 12 \text{ cm}$  قرار دارند. بار نقطه‌ای چند میکروکولن را باید در مکان  $x = 18 \text{ cm}$  قرار داد تا میدان الکتریکی در مبدأ محور  $x$  برابر صفر شود؟

- ①  $-54$       ②  $-18$       ③  $18$       ④  $54$

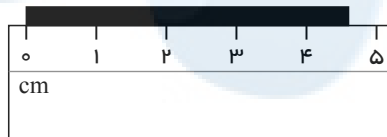
۸۴- بین دو صفحه موازی که به فاصله‌ی  $2 \text{ cm}$  از هم قرار دارند. اختلاف پتانسیل الکتریکی  $500$  ولت ایجاد کرده‌ایم. اگر یک ذره‌ی آلفا بین این دو صفحه قرار گیرد، نیروی الکتریکی وارد بر آن چند نیوتون خواهد شد؟ ( $e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ )

- ①  $8 \times 10^{-13}$       ②  $8 \times 10^{-15}$       ③  $4 \times 10^{-13}$       ④  $4 \times 10^{-15}$

۸۵- در شکل‌های (الف) و (ب) خطای اندازه‌گیری‌ها به ترتیب ..... و دقت اندازه‌گیری‌ها به ترتیب ..... است.



(ب)



(الف)

- ①  $1 \text{ mm}, 1 \text{ cm}, \pm 0,5 \text{ mm}, \pm 0,5 \text{ cm}$

- ②  $1 \text{ mm}, 1 \text{ cm}, \pm 1 \text{ mm}, \pm 1 \text{ cm}$

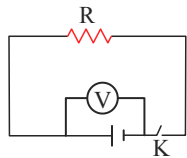
- ③  $0,5 \text{ mm}, 0,5 \text{ cm}, \pm 0,5 \text{ mm}, \pm 0,5 \text{ cm}$

- ④  $0,5 \text{ mm}, 0,5 \text{ cm}, \pm 1 \text{ mm}, \pm 1 \text{ cm}$

۸۶- جرم یک گلوله‌ی آهنی  $3900$  گرم و چگالی آن  $7800 \frac{kg}{m^3}$  است. اگر گلوله‌ی آهنی را به آرامی در ظرف پر از الکل فرو بریم و چگالی الکل  $800$  گرم بر لیتر باشد، چند گرم الکل از ظرف خارج می‌شود؟

- ① ۴۰۰      ② ۳۹۰      ③ ۵۰۰      ④ ۴۰۰۰

۸۷- اگر در شکل مقابل با باز و بستن کلید  $K$  تغییری قابل ملاحظه در آنچه که ولت‌سنج نشان می‌دهد حاصل نشود، بدان معنی است که:

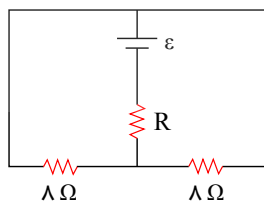


- ①  $R$  ناچیز است.      ② مقاومت درونی باتری در مقایسه با  $R$  ناچیز است.

- ③ مقاومت درونی باتری با  $R$  برابر است.      ④ در هر حالتی عدد ولت‌سنج تغییری نمی‌کند.

۸۸- اگر سرعت متحرکی به جرم  $m$  به اندازه‌ی  $5 \frac{m}{s}$  افزایش پیدا کند، افزایش انرژی جنبشی آن  $\frac{5}{4}$  انرژی جنبشی اولیه می‌شود. سرعت اولیه متحرک چند متر بر ثانیه بوده است؟

- ① ۶,۲۵      ② ۱۰      ③ ۱۵      ④ ۲۰



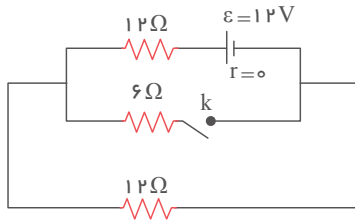
۸۹- اگر در مدار مقابل توان هر سه مقاومت با هم برابر باشند  $R$  چند اهم است؟

- ① ۱      ② ۲      ③ ۴      ④ ۱۶

۹۰- جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  روی سطح شیب‌داری که با سطح افق زاویه‌ی  $30^\circ$  می‌سازد، با سرعت ثابت رو به پایین می‌لغزد. اگر در این حرکت جسم به اندازه  $2$  متر جابجا شود، کار نیروی اصطکاک چند ژول است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

-۲۰ (۴)

-۱۰ (۳)

 $-10\sqrt{3}$  (۲) $-20\sqrt{3}$  (۱)

۹۱- در مدار روبه‌رو، با بستن کلید، توان مصرفی مدار چگونه تغییر می‌کند؟

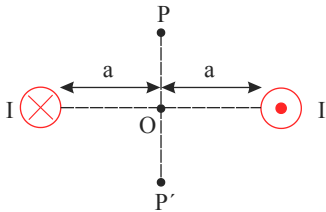
۳ وات کم می‌شود. (۱)

۶ وات کم می‌شود. (۲)

۳ وات زیاد می‌شود. (۳)

۶ وات زیاد می‌شود. (۴)

۹۲- مطابق شکل از دو سیم موازی بلند جریان  $I$  می‌گذرد. بزرگی میدان ناشی از دو سیم، از نقطه‌ی  $P$  تا  $P'$  چگونه تغییر می‌کند؟ (سیم‌ها عمود بر صفحه و نقطه‌ها روی صفحه‌اند.)



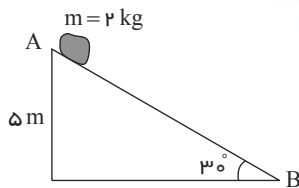
(۲) افزایش می‌یابد.

(۱) کاهش می‌یابد.

(۴) ابتدا کاهش، سپس افزایش می‌یابد.

(۳) ابتدا افزایش، سپس کاهش می‌یابد.

۹۳- مطابق شکل زیر، اگر در سطح شیب‌دار اندازه‌ی نیروی اصطکاک جنبشی برابر یک دهم وزن جسم باشد و جسم از نقطه‌ی  $A$  (به ارتفاع  $5$  متر) به نقطه‌ی  $B$  برسد، کار نیروی گرانش (جاذبه) زمین روی جسم در این جابه‌جایی چند ژول است؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$ )



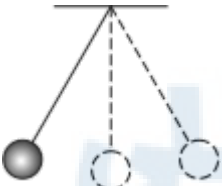
۵۰ (۲)

۴۰ (۱)

۱۰۰ (۴)

۶۰ (۳)

۹۴- آونگی به طول  $1/6$  متر در حال نوسان است. وقتی گلوله‌ی آونگ از پایین‌ترین نقطه‌ی مسیر می‌گذرد، سرعتش  $4 \frac{m}{s}$  است. زاویه‌ی راستای نخ با خط قائم وقتی گلوله به بالاترین نقطه‌ی مسیر می‌رسد، چند درجه است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$  و مقاومت هوا ناچیز است.)



۳۰ (۲)

۴۵ (۱)

۹۰ (۴)

۶۰ (۳)

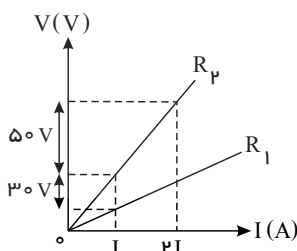
۹۵- ابعاد ظرف استوانه‌ای  $B$ ، دو برابر ابعاد ظرف استوانه‌ای  $A$  است. ظرف  $A$  را پر از آب می‌کنیم و هم جرم با آب در استوانه‌ی  $B$  جیوه می‌ریزیم. فشاری که آب بر کف ظرف  $A$  وارد می‌کند، چند برابر فشاری است که جیوه بر کف ظرف  $B$  وارد می‌کند؟ ( $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6\rho_{\text{آب}}$ )

۴ (۴)

۱۳.۶ (۳)

 $\frac{1}{4}$  (۲) $\frac{1}{13.6}$  (۱)

۹۶- نمودار زیر اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر دو مقاومت مجزای  $R_1$  و  $R_2$  را بر حسب جریان عبوری از آن‌ها نشان می‌دهد. حاصل  $\frac{R_2}{R_1}$  چه قدر است؟ (دما ثابت و یکسان است.)

 $\frac{3}{5}$  (۲) $\frac{5}{3}$  (۱) $\frac{2}{5}$  (۴) $\frac{5}{2}$  (۳)

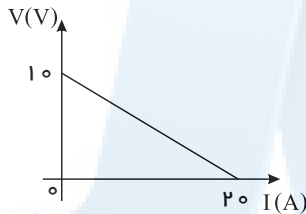
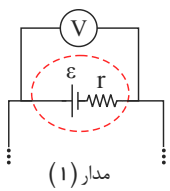
۹۷- مقاومت الکتریکی یک سیم برابر با  $R$  است. اگر  $\frac{2}{3}$  از طول سیم را بریده و کنار بگذاریم و قسمت باقی مانده را از ابزاری عبور دهیم تا قطر آن نصف شود، مقاومت قطعه سیم جدید چند  $R$  است؟ (دما ثابت است).

- ① ۴      ②  $\frac{4}{3}$       ③ ۱۶      ④  $\frac{16}{3}$

۹۸- ۶۰۰ گرم از ماده  $A$  را با ۴۰ سانتی متر مکعب از ماده  $B$  مخلوط می کنیم. اگر چگالی این آلیاژ  $15 \frac{g}{cm^3}$  باشد، طی عمل مخلوط کردن، چند سانتی متر مکعب کاهش حجم اتفاق افتاده است؟  $(\rho_B = 7,5 \frac{g}{cm^3}, \rho_A = 20 \frac{g}{cm^3})$

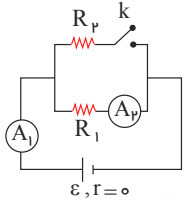
- ① صفر      ② ۵      ③ ۷,۵      ④ ۱۰

۹۹- در شکل زیر، نمودار  $V - I$  برای یک مولد در مدار (۱) که بخشی از آن رسم شده است، نشان داده شده است. اگر این مولد در مدار دیگری بسته شود و جریان  $2A$  از پایانه منفی این مولد خارج شود، اندازه اختلاف پتانسیل دو سر آن چند ولت می شود؟



- ① ۹  
② ۱۰  
③ ۱۱  
④ ۱۹

۱۰۰- در شکل زیر، با بستن کلید  $k$ ، اعدادی که آمپرسنج های ایده آل  $A_1$  و  $A_2$  نشان می دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می کنند؟

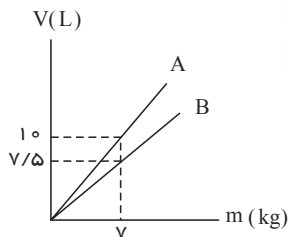


- ① افزایش - کاهش  
② کاهش - کاهش  
③ افزایش - ثابت  
④ کاهش - ثابت

۱۰۱- جسمی به جرم ۲ کیلوگرم را با تندی  $10$  متر بر ثانیه در راستای قائم از سطح زمین به طرف بالا پرتاب می کنیم. اگر جسم با تندی  $6$  متر بر ثانیه به نقطه پرتاب بازگردد، حداکثر ارتفاع جسم از سطح زمین چند متر بوده است؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$  و کار نیروی مقاومت هوا در هنگام صعود و سقوط جسم برابر بوده است.

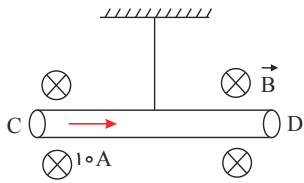
- ① ۱,۶      ② ۱,۸      ③ ۳,۴      ④ ۵

۱۰۲- نمودار حجم بر حسب جرم برای دو مایع  $A$  و  $B$  به صورت زیر است. اگر در داخل یک ظرف استوانه ای دو مایع  $A$  و  $B$  با جرم برابر بریزیم تا جایی که ظرف پر شود، در این صورت چه بخشی از حجم ظرف را مایع  $A$  اشغال می کند؟ (دما ثابت و یکسان است).

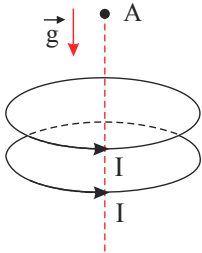


- ①  $\frac{3}{7}$       ②  $\frac{4}{7}$   
③  $\frac{3}{4}$       ④  $\frac{1}{4}$

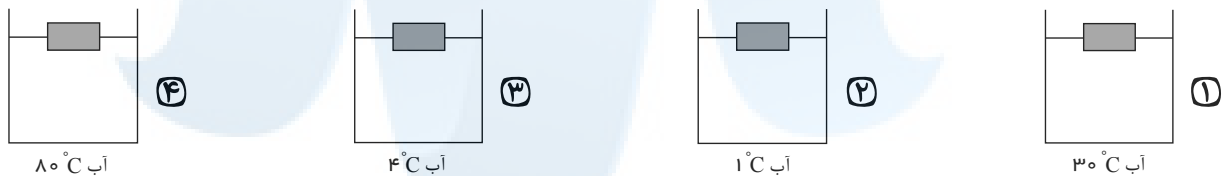
۱۰۳- مطابق شکل زیر، میله رسانای  $CD$  به طول  $۲۰\text{cm}$  به طور افقی در میدان مغناطیسی یکنواخت  $\vec{B}$  به بزرگی  $۰.۲\text{T}$  از نخ سبکی آویخته شده و در حال تعادل قرار دارد و جریان الکتریکی  $۱۰\text{A}$  از  $C$  به  $D$  می‌گذرد. اگر بدون تغییر در اندازه، جهت میدان مغناطیسی  $\vec{B}$  برعکس شود، اندازه نیروی کشش نخ .....  
 (۱)  $۰.۰۸$  نیوتون افزایش می‌یابد.  
 (۲) تغییر نمی‌کند.  
 (۳)  $۰.۰۴$  نیوتون افزایش می‌یابد.  
 (۴)  $۰.۰۸$  نیوتون کاهش می‌یابد.



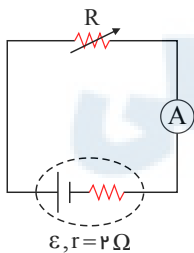
۱۰۴- مطابق شکل زیر، از دو حلقه‌ی مشابه که به طور موازی روبه‌روی یکدیگر قرار دارند جریان‌های  $I$  را در یک جهت عبور می‌دهیم. اگر یک ذره‌ی باردار با بار منفی از نقطه‌ای روی محور حلقه‌ها ( $A$ ) بدون سرعت اولیه رها شود اندازه‌ی شتاب آن .....  
 (۱) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.  
 (۲) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.  
 (۳) ثابت و برابر  $g$  است.  
 (۴) ثابت است ولی با  $g$  برابر نیست.



۱۰۵- در کدام یک از شکل‌های زیر مکعب چوبی یکسان کمتر داخل آب فرو رفته است؟ (دمای مکعب در همه‌ی شکل‌ها برابر است.)



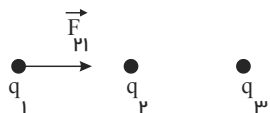
۱۰۶- میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی نقطه‌ای  $q = +۲\mu\text{C}$  در نقطه‌ی  $A$  به فاصله‌ی  $x$  از آن برابر با  $\vec{E}$  است. بار الکتریکی نقطه‌ای  $Q$  را بر روی بار  $q$  می‌گذاریم تا در نقطه‌ی  $A$  بزرگی میدان الکتریکی  $۲E$  شود. کدام گزینه اندازه‌ی بار  $Q$  را برحسب میکروکولن به درستی می‌تواند نشان دهد؟  
 (۱) ۱ (۲) ۴ (۳) ۶ (۴) هر سه گزینه نادرست است.



۱۰۷- در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستا را به تدریج از  $۴\Omega$  به  $۱\Omega$  برسانیم، توان خروجی مولد چگونه تغییر می‌کند؟

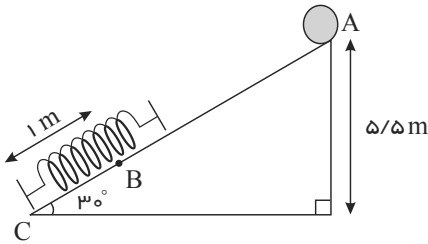
- (۱) همواره افزایش می‌یابد.
- (۲) همواره کاهش می‌یابد.
- (۳) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.
- (۴) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

۱۰۸- در شکل مقابل هر سه بار الکتریکی در حال تعادل هستند و نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  از طرف بار  $q_2$  به سمت راست است. در لحظه‌ای که بار  $q_1$  خنثی می‌شود، برایند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_2$  و  $q_3$  به ترتیب از راست به چپ در کدام جهت می‌شود؟



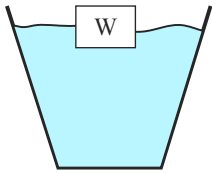
- (۱) راست، چپ
- (۲) چپ، راست
- (۳) راست، راست
- (۴) چپ، چپ

۱۰۹- جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  را مطابق شکل زیر، از نقطه  $A$  بالای سطح شیب‌داری رها می‌کنیم. اگر در حرکت جسم از نقطه  $A$  تا نقطه  $B$  کار نیروی اصطکاک روی جسم برابر با  $-16\text{ J}$  و انرژی پتانسیل کشسانی ذخیره شده در سامانه جسم-فنر در نقطه  $B$  برابر با  $20\text{ J}$  باشد، تندی جسم در نقطه  $B$  چند متر بر ثانیه است؟ (جرم فنر ناچیز و  $g = 10\text{ N/kg}$  است.)



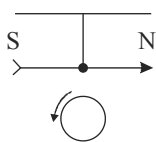
- ① صفر
- ② ۴
- ③ ۸
- ④ ۱۲

۱۱۰- ظرف پر از آبی به شکل زیر در اختیار داریم که جسمی به وزن  $W$  روی آن شناور است. اگر جسم را از روی آب برداریم. اندازه نیروی وارد بر کف ظرف چه مقدار کاهش می‌یابد؟



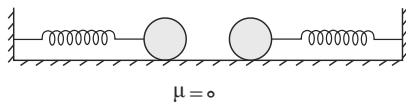
- ① کمتر از  $W$
- ② بیشتر از  $W$
- ③ برابر با  $W$
- ④ اظهار نظر ممکن نیست.

۱۱۱- مطابق شکل مقابل، ذره‌ای باردار با بار منفی بر روی یک قرص قرار گرفته و همراه با آن در جهت نمایش داده شده می‌چرخد. در این صورت عقربه‌ی مغناطیسی که در بالای قرص آویزان شده چگونه حرکت می‌کند؟ (قرص و عقربه‌ی مغناطیسی ابتدا در صفحه‌ی کاغذ هستند.)



- ① قطب  $N$  عقربه به طرف بیرون از صفحه می‌چرخد.
- ② قطب  $N$  عقربه به طرف داخل صفحه می‌چرخد.
- ③ حول محور آویز خود نوسان می‌کند.
- ④ عقربه منحرف نمی‌شود.

۱۱۲- در شکل زیر، ثابت هر یک از فنرها با  $100\text{ N/m}$  می‌باشد و دو گلوله مشابه خنثی در حال تعادل، فاصله‌ای برابر  $10\text{ cm}$  از یکدیگر دارند. اگر به گلوله‌ها بار الکتریکی یکسان بدهیم، در فاصله  $30\text{ cm}$  از یکدیگر ثابت می‌مانند. اندازه بار هر یک از گلوله‌ها چند  $\mu\text{C}$  است؟



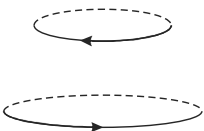
$k = 9 \times 10^9\text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2$  و از نیروی گرانشی که گلوله‌ها بر هم وارد می‌کنند، صرف نظر کنید.)

- ① ۱۰
- ② ۲۰
- ③ ۴۰
- ④ ۵

۱۱۳- اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر یک خازن را  $7.5\text{ V}$  افزایش دهیم، بار الکتریکی ذخیره شده در آن  $30\text{ }\mu\text{C}$  و انرژی الکتریکی ذخیره شده در آن  $187.5\text{ }\mu\text{J}$  تغییر می‌کند. ظرفیت خازن برحسب میکروفاراد و بار نهایی آن برحسب میکروکولن به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ (پدیده فروشکست رخ نمی‌دهد.)

- ① ۱۰، ۲
- ② ۴۰، ۲
- ③ ۴۰، ۴
- ④ ۱۰، ۴

۱۱۴- شکل زیر، دو حلقه دارای جریان الکتریکی را نشان می‌دهد که حلقه کوچکتر از بالای حلقه بزرگتر رها می‌شود و از درون آن عبور می‌کند تا به زمین برسد. در این حالت نیروی مغناطیسی بین دو حلقه پیش از داخل شدن حلقه کوچک به حلقه بزرگ ..... و پس از خروج از آن ..... است.



- ① جاذبه، جاذبه
- ② دافعه، دافعه
- ③ جاذبه، دافعه
- ④ دافعه، جاذبه

۱۱۵-  $L$  سانتی‌متر از سیم راست یکنواخت رسانایی را که جرم واحد طول آن  $\frac{g}{\text{cm}}$  بوده و حامل جریان  $5\text{ A}$  است، درون یک میدان مغناطیسی یکنواخت قرار می‌دهیم. حداقل اندازه میدان مغناطیسی چند گاوس باشد تا سیم با شتاب  $20\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  حرکت کند؟ ( $g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- ① ۱، ۸
- ② ۰، ۶
- ③  $18 \times 10^3$
- ④  $6 \times 10^3$



۱۱۶- در یک ظرف با سطح مقطع ثابت و یکنواخت، مقداری آب به جرم  $m$  و مقداری جیوه به جرم  $2m$  ریخته شده است. اگر ارتفاع این دو مایع درون ظرف  $39\text{cm}$  باشد، فشار ناشی از دو مایع در کف ظرف چند کیلوپاسکال است؟ ( $\rho_{\text{آب}} = 1\text{ g/cm}^3$ ,  $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6\text{ g/cm}^3$ ,  $g = 10\text{ N/kg}$ )  
 ( $P_0 = 10^5\text{ Pa}$ )

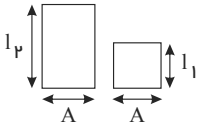
۱۷۰ (۴)

۱۷ (۳)

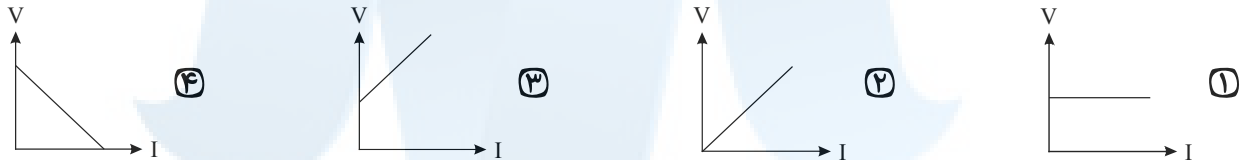
۱۰٫۲ (۲)

۱۱۰٫۲ (۱)

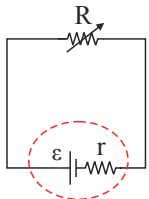
۱۱۷- مطابق شکل مقابل، دو جسم هم جرم با سطح مقطع‌های برابر داریم. اگر دو جسم را روی سطح آب بگذاریم، کدام گزینه می‌تواند نشان‌دهنده حالت قرار گرفتن دو جسم باشد؟ (چگالی هر دو جسم از آب کمتر است.)



۱۱۸- در یک مدار تک حلقه، نمودار اندازه‌ی اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر یک مولد بر حسب جریان عبوری از آن، مطابق کدام یک از گزینه‌های زیر نمی‌تواند باشد؟

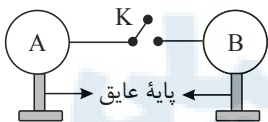


۱۱۹- در شکل زیر، اگر مقاومت رنوستا را از  $2r$  به  $3r$  افزایش دهیم، اختلاف پتانسیل دو سر باتری چند برابر می‌شود؟



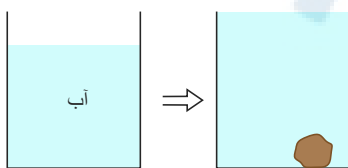
- (۱)  $\frac{8}{9}$
- (۲)  $\frac{2}{3}$
- (۳)  $\frac{9}{8}$
- (۴)  $\frac{3}{2}$

۱۲۰- در شکل زیر بار اولیه‌ی کره‌های مشابه و رسانای  $A$  و  $B$  برابر با  $q_A = 20\mu\text{C}$  و  $q_B = 12\mu\text{C}$  است. اگر کلید  $k$  را ببندیم، چند الکترون و در چه جهتی بین دو کره جابه‌جا می‌شود؟ فرض کنید هیچ بار الکتریکی بر روی سیم قرار نگیرد و ( $e = 1.6 \times 10^{-19}\text{ C}$ )



- (۱)  $2.5 \times 10^{13}$  از  $A$  به  $B$
- (۲)  $2.5 \times 10^{13}$  از  $B$  به  $A$
- (۳)  $2.5 \times 10^{19}$  از  $B$  به  $A$
- (۴)  $2.5 \times 10^{19}$  از  $A$  به  $B$

۱۲۱- مطابق شکل زیر در ظرفی که آب قرار دارد، جسمی به جرم  $m$  را به آرامی می‌اندازیم و جسم در آب فرو می‌رود. در این حالت مقدار  $100$  سانتی‌متر مکعب آب از ظرف بیرون می‌ریزد. حال اگر ظرف را به طور کامل خالی کنیم و مقداری روغن هم جرم با آب اولیه‌ی ظرف با چگالی  $0.8$  برابر چگالی آب در ظرف بریزیم، در این حالت بعد از قرار دادن جسم در آن، مقدار  $200$  سانتی‌متر مکعب روغن از ظرف سرریز می‌شود، جرم آب موجود در ظرف در حالت اولیه چند گرم است؟ (در حالتی که روغن در ظرف می‌ریزیم، نیز سر ظرف خالی می‌ماند و چگالی آب را  $1\text{ g/cm}^3$  در نظر بگیرید.)



- (۱) ۲۵۰
- (۲) ۴۰۰
- (۳) ۵۰۰
- (۴) ۸۰۰

۱۲۲- مکعب مستطیل رسانا و همگنی را به ابعاد  $6\text{cm} \times 4\text{cm} \times 2\text{cm}$  در نظر بگیرید. این مکعب مستطیل را می‌توان از هر یک از دو وجه موازی در مدار قرار داد. نسبت بزرگ‌ترین مقاومت الکتریکی به کوچک‌ترین مقاومت آن، کدام است؟

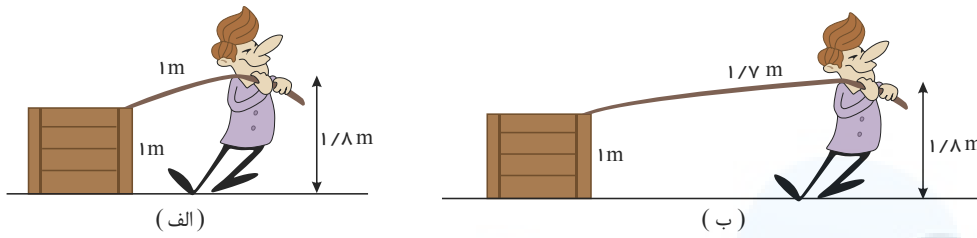
۱۴ (۴)

۹ (۳)

۱۸ (۲)

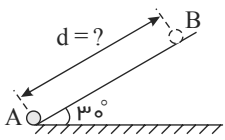
۳۶ (۱)

۱۲۳- مطابق شکل‌های زیر شخصی جعبه‌ای که ارتفاع آن ۱ متر می‌باشد را می‌کشد. اگر طول طناب شخص در حالت (الف) ۱ متر و در حالت (ب)  $1/7$  متر باشد، در این صورت نسبت کار نیروی شخص روی جعبه در یک جابه‌جایی افقی معین در حالت (الف) به (ب) کدام است؟ (اندازهٔ نیروی شخص در هر دو حالت ثابت و یکسان است).



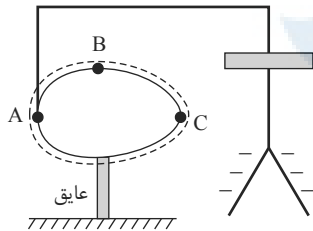
- ۱ (۱)
- $\frac{17}{25}$  (۲)
- $\frac{8}{25}$  (۳)
- $\frac{25}{8}$  (۴)

۱۲۴- مطابق شکل، جسمی از نقطهٔ  $A$  در پایین سطح شیب‌دار با تندی  $3m/s$  در امتداد سطح شیب‌دار پرتاب شده و حداکثر تا نقطهٔ  $B$  روی سطح بالا رفته و پس از آن با تندی  $\sqrt{3}m/s$  به نقطهٔ  $A$  باز می‌گردد. فاصلهٔ بین نقاط  $A$  و  $B$  روی سطح شیب‌دار ( $d$ ) چند متر است؟  $g = 10N/kg$  و کار نیروی مقاومت در هنگام بالا رفتن گلوله و پایین آمدن آن روی سطح شیب‌دار با هم برابر است.



- ۰٫۳ (۱)
- ۰٫۶ (۲)
- ۱٫۲ (۳)
- ۱٫۸ (۴)

۱۲۵- در شکل زیر، کلاهک الکتروسکوپ را به یک رسانای باردار متصل کرده‌ایم. محل اتصال سیم بر روی سطح رسانای باردار را ابتدا از  $A$  به  $B$  و سپس از  $B$  به  $C$  جابه‌جا می‌کنیم. فاصلهٔ ورقه‌های الکتروسکوپ چگونه تغییر می‌کند؟

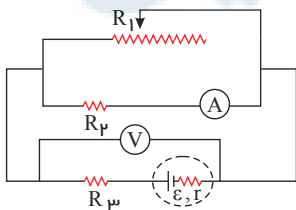


- ابتدا کاهش و سپس افزایش (۱)
- ابتدا افزایش و سپس کاهش (۲)
- همواره کاهش می‌یابد. (۳)
- تغییری نمی‌کند. (۴)

۱۲۶- قطر سیمی را در دمای ثابت با ثابت ماندن جرم آن، ۲ برابر و جریان الکتریکی گذرنده از آن را نصف می‌کنیم. اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر این سیم چند برابر می‌شود؟

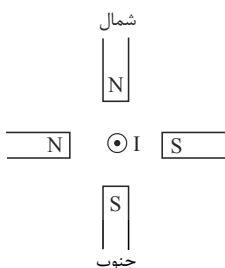
- $\frac{1}{8}$  (۱)
- $\frac{1}{16}$  (۲)
- $\frac{1}{32}$  (۳)
- $\frac{1}{64}$  (۴)

۱۲۷- در شکل مقابل با حرکت تدریجی لغزندهٔ رؤستا به سمت راست، به ترتیب از راست به چپ اعدادی که آمپرسنج و ولت‌سنج ایده‌آل نشان می‌دهند، چگونه تغییر می‌کنند؟



- کاهش - افزایش (۱)
- کاهش - کاهش (۲)
- افزایش - افزایش (۳)
- افزایش - کاهش (۴)

۱۲۸- سیمی به طول یک متر در میدان مغناطیسی حاصل از ۴ آهنربا، مطابق شکل قرار دارد. جهت نیروی مغناطیسی وارد بر سیم به کدام جهت است؟

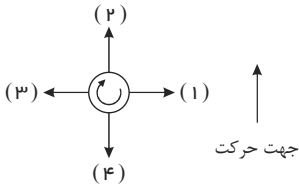


- شمال غربی (۱)
- جنوب غربی (۲)
- شمال شرقی (۳)
- جنوب شرقی (۴)

۱۲۹- جرم‌های مساوی از دو مایع  $A$  و  $B$  را در ظرف‌های جداگانه‌ای ریخته و از یک چگالی‌سنج برای مقایسه چگالی آن‌ها استفاده می‌کنیم. اگر دستگاه چگالی‌سنج در مایع  $B$  بیش‌تر از مایع  $A$  فرو رود، نیروی شناوری وارد بر چگالی‌سنج از طرف مایع  $B$  نسبت به مایع  $A$  ..... و حجم کل مایع  $B$  نسبت به حجم کل مایع  $A$  ..... است.

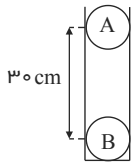
- ① بیش‌تر - بیش‌تر      ② برابر - بیش‌تر      ③ بیش‌تر - کم‌تر      ④ برابر - کم‌تر

۱۳۰- اگر جهت چرخش توپ فوتبال و مسیر حرکت اولیه آن مطابق شکل زیر باشد، جهت نیروی خالص وارد بر توپ کدام است؟



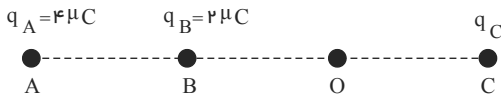
- ① ۱  
② ۲  
③ ۳  
④ ۴

۱۳۱- در شکل زیر، بار هر یک از گلوله‌های نارسانا برابر با  $2\mu C$  است و در لحظه‌ای که فاصله مراکز آن‌ها از یکدیگر  $3\text{ cm}$  است. گلوله  $A$  را رها می‌کنیم. اگر در این لحظه گلوله  $A$  با شتاب  $30\text{ m/s}^2$  به طرف بالا حرکت کند، جرم آن چند گرم است، (از اصطکاک و نیروی مقاومت هوا صرف نظر می‌کنیم،  $g = 10\text{ m/s}^2$  و  $k = 9 \times 10^9\text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2$  است.)



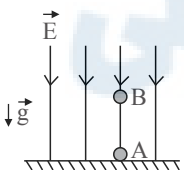
- ① ۱۰      ② ۰٫۰۲  
③ ۰٫۰۱      ④ ۲۰

۱۳۲- در شکل زیر، میدان الکتریکی برآیند حاصل از سه بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_A$ ،  $q_B$  و  $q_C$  در نقطه  $O$  برابر با  $\vec{E}$  است. اگر بار  $q_B$  حذف شود، میدان الکتریکی برآیند ناشی از دو بار دیگر در نقطه  $O$  برابر  $-\frac{1}{3}\vec{E}$  خواهد شد. بار  $q_C$  چند میکروکولن است؟  $(\vec{AB} = \vec{BO} = \vec{OC})$



- ① ۳      ②  $-\frac{3}{2}$   
③  $-3$       ④  $\frac{3}{2}$

۱۳۳- مطابق شکل زیر، گلوله فلزی کوچکی به جرم  $20\text{ g}$  در میدان الکتریکی قائم و یکنواخت  $\vec{E}$  به بزرگی  $10000\text{ N/C}$  از نقطه  $A$  با تندی اولیه به سمت بالا پرتاب می‌شود و با همان تندی ثابت از نقطه  $A$  با پتانسیل الکتریکی  $V_A = 200\text{ V}$  به نقطه  $B$  با پتانسیل الکتریکی  $V_B = 400\text{ V}$  می‌رود و سپس به مسیر خود ادامه می‌دهد. به ترتیب از راست به چپ فاصله نقطه  $B$  تا نقطه  $A$  چند متر و بار الکتریکی گلوله چند میکروکولن است؟  $(g = 10\text{ N/kg})$



- ① ۲۰ و ۰٫۰۱      ② ۲۰ و ۰٫۰۲  
③ ۴۰ و ۰٫۰۱      ④ ۴۰ و ۰٫۰۲

۱۳۴- با وسایل مختلفی فاصله‌ی بین دو نقطه بر حسب کیلومتر، به صورت گزینه‌های زیر اندازه‌گیری شده است. دقت اندازه‌گیری در کدامیک از گزینه‌ها بیش‌تر است؟

- ① ۲۵٫۷      ② ۲۵٫۷۰      ③  $2570000 \times 10^{-3}$       ④  $0,257 \times 10^{+3}$

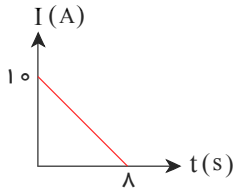
۱۳۵- حجم پیمان‌های ۵۰ سانتی‌متر مکعب است. کدامیک از گزینه‌های زیر می‌تواند نتیجه‌ی اندازه‌گیری با این پیمان‌ها بر حسب لیتر باشد؟

- ① ۱٫۱۰۰      ② ۱٫۱۰۵      ③ ۱٫۱۱۰      ④ ۱٫۱۰۳

۱۳۶- اگر یک یاخته عصبی (نورون) را به عنوان یک خازن تخت با ظرفیت  $3\text{ pF}$  در نظر بگیریم، طوری که غشای سلول به عنوان دی‌الکتریک و یون‌های باردار با علامت مخالف که در دو طرف غشا هستند به عنوان بارهای روی صفحه‌های خازن عمل کنند. در این صورت تعداد کل یون‌های لازم یک بار یونیده بر روی این یاخته به ازای اختلاف پتانسیل  $80\text{ mV}$  کدام است؟  $(e = 1,6 \times 10^{-19}\text{ C})$

- ①  $3 \times 10^6$       ②  $1,5 \times 10^6$       ③  $3 \times 10^5$       ④  $1,5 \times 10^5$

۱۳۷- نمودار جریان الکتریکی عبوری از یک مدار بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. اندازه بار الکتریکی شارش شده در مدار از لحظه  $t = 0$  تا



لحظه  $t = 2s$  چند کولن است؟

- ۱) ۲۰  
 ۲) ۴۰  
 ۳) ۱۷٫۵  
 ۴) ۲۱٫۵

۱۳۸- ظرفیت باتری خودروبی  $80 Ah$  است. اگر از باتری این خودرو در ۵ ساعت اول جریان ثابت خروجی  $6A$  و در ۱۰ ساعت بعد جریان ثابت خروجی  $3A$  گرفته شود، در پایان، بار الکتریکی باقی مانده در باتری چند کولن است؟

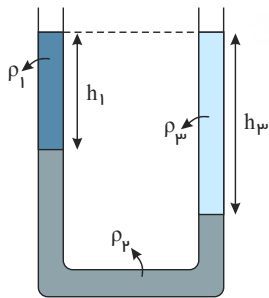
- ۱) ۲۰  
 ۲)  $7,2 \times 10^4$   
 ۳) ۶۰  
 ۴)  $1,08 \times 10^5$

۱۳۹- با سیم رسانا و روکش دار بلندی به قطر  $2mm$  و طول  $30m$ ، سیملوله‌ای به شعاع  $10cm$  ساخته‌ایم. اگر حلقه‌های این سیملوله به یکدیگر چسبیده باشد و جریان الکتریکی  $5A$  از آن عبور دهیم، بزرگی میدان مغناطیسی درون این سیملوله (دور از لبه‌ها) چند گاوس است؟ ( $\pi = 3$ )

$$(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m/A)$$

- ۱) ۳۰  
 ۲) ۳  
 ۳) ۰٫۰۳  
 ۴) ۰٫۰۰۳

۱۴۰- مطابق شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی به چگالی‌های  $\rho_1 = 4g/cm^3$ ،  $\rho_2 = 7g/cm^3$  و  $\rho_3 = 5g/cm^3$  در لوله  $U$  شکل موجود هستند.

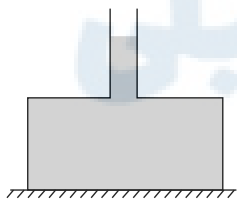


اگر  $h_3 = 15cm$  باشد،  $h_1$  چند سانتی‌متر است؟ (سیستم در تعادل است.)

- ۱) ۷٫۵  
 ۲) ۹  
 ۳) ۱۲  
 ۴) ۱۰

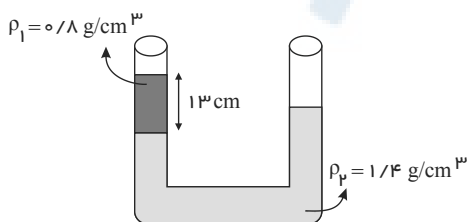
۱۴۱- باتوجه به شکل زیر سطح مقطع دهانه طرف ۱۰ سانتی‌متر مربع و سطح مقطع کف طرف ۴۰ سانتی‌متر مربع است. اگر ۵۰ سانتی‌متر مکعب از همان مایع به چگالی ۸ گرم بر سانتی‌متر مکعب به ظرف اضافه کنیم، فشاری که ظرف به سطح افقی وارد می‌کند چند پاسکال افزایش می‌یابد؟ (ابعاد ظرف بزرگ

است و  $g = 10 N/kg$ )



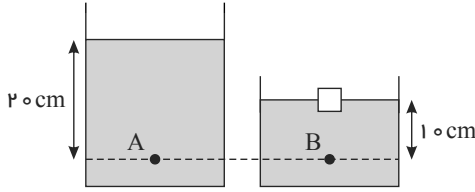
- ۱) ۴۰۰  
 ۲) ۴۰۰۰  
 ۳) ۱۰۰  
 ۴) ۱۰۰۰

۱۴۲- در شکل زیر، دو مایع در لوله  $U$  شکل در حال تعادل هستند. اگر مقدار مایع به چگالی  $1,2g/cm^3$  شاخه سمت راست اضافه کنیم، به طوری که بعد از ایجاد تعادل، سطح آزاد مایع‌ها در دو شاخه در یک تراز افقی قرار گیرد، ارتفاع مایع سوم در لوله سمت راست چند سانتی‌متر خواهد بود؟



- ۱) ۷٫۵  
 ۲) ۱۳  
 ۳) ۲۶  
 ۴) ۳۹

۱۴۳- در ظرف‌های شکل زیر، مقداری آب ریخته‌ایم. چنانچه در سطح آب ظرف سمت راست مکعبی ۶ کیلوگرمی شناور باشد، کدام گزینه درباره فشار کل در نقاط A و B که در یک فاصله از کف ظرف‌ها قرار دارند، صحیح است؟



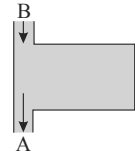
①  $P_A < P_B$

②  $P_A = P_B$

③  $P_A > P_B$

④ به ابعاد مکعب بستگی دارد.

۱۴۴- شکل زیر یک مخزن به حجم  $۲,۴۶m^3$  را نشان می‌دهد که پر از آب است. اگر آب با تندی  $۲\frac{m}{s}$  از لوله B وارد مخزن شود و با تندی  $۴\frac{m}{s}$  از لوله A خارج شود طی چند ثانیه مخزن خالی می‌شود؟ (قطر لوله A و B به ترتیب  $۱cm$  و  $۶cm$  است،  $\pi \approx ۳$ )



① ۷۰

② ۸۲

③ ۵۰

④ ۱۰۰

۱۴۵- اگر سیمی به مقاومت R را در دمای ثابت به کمک ابزاری چنان بکشیم که بدون تغییر حجم، قطر آن  $\frac{\sqrt{۳}}{۳}$  برابر شود، مقاومت آن چند برابر می‌شود؟

①  $\frac{1}{9}$

② ۳

③ ۹

④ ۲۷

۱۴۶- شخصی به جرم  $۸۰kg$  درون آسانسوری ایستاده است و آسانسور با تندی ثابت  $۳m/s$  مسافت  $۵m$  را به سمت بالا طی می‌کند. کار نیروی عمودی سطح در این جابه‌جایی چند ژول بوده است؟ (از اثر نیروهای اصطکاک و مقاومت هوا صرف نظر کنید و  $g = ۹,۸N/kg$ )

①  $+۳۹۲۰$

②  $-۳۹۲۰$

③  $+۲۳۵۲$

④  $-۲۳۵۲$

۱۴۷- ذره‌ای با سرعت اولیه  $۱۰^۶\frac{m}{s}$  تحت زاویه  $۶۰$  درجه نسبت به خط‌های میدان مغناطیسی به بزرگی  $۵۰۰G$  وارد آن می‌شود. اگر این ذره دارای بار الکتریکی  $۱۰۰\mu C$  و جرم  $۱۵$  نانوگرم باشد، پس از  $۱۰\sqrt{۳}m$  جابه‌جایی، سرعت آن چند متر بر ثانیه می‌شود؟ (از نیروی وزن صرف نظر کنید.)

① صفر

②  $۱۰^۶$

③  $\sqrt{۳} \times ۱۰^۶$

④  $۲ \times ۱۰^۶$

۱۴۸- دو خازن تخت  $C_1$  و  $C_2$  در اختیار داریم. طوری که مساحت صفحات خازن  $C_1$ ، ۲ برابر مساحت صفحات خازن  $C_2$ ، و فاصله بین صفحات خازن  $C_1$ ، ۳ برابر فاصله بین صفحات خازن  $C_2$  است. اگر خازن  $C_1$  را به اختلاف پتانسیل V و خازن  $C_2$  را به اختلاف پتانسیل ۲V متصل کنیم، انرژی ذخیره شده در خازن  $C_1$  چند برابر انرژی ذخیره شده در خازن  $C_2$  است؟ (فاصله بین صفحات دو خازن خلأ است.)

①  $\frac{1}{6}$

② ۶

③  $\frac{۳}{۸}$

④  $\frac{۸}{۳}$

۱۴۹- جواهر فروشی در ساختن یک قطعه جواهر به جای طلای خالص، مقداری نقره نیز به کار برده است، اگر حجم قطعه‌ی ساخته شده ۵ سانتی‌متر مکعب و چگالی آن  $\frac{۱۳,۶g}{cm^3}$  باشد، جرم نقره‌ی به کار رفته، چند گرم است؟ (چگالی نقره و طلا به ترتیب  $\frac{۱۰g}{cm^3}$ ،  $\frac{۱۹g}{cm^3}$  فرض شود.)

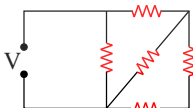
① ۸

② ۳۰

③ ۳۴

④ ۳۸

۱۵۰- در مدار روبه‌رو، همه‌ی مقاومت‌ها مشابه‌اند و هر مقاومت حداکثر توان ۲۰ وات را می‌تواند تحمل کند. حداکثر توان الکتریکی که ممکن است در این مدار مصرف شود تا هیچ مقاومتی آسیب نبیند، چند وات است؟



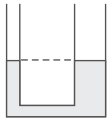
① ۶۰

② ۴۰

③ ۳۶

④ ۳۲

۱۵۱- در یک لوله  $U$  شکل که مساحت قاعده‌ی لوله‌ی سمت راست و چپ آن به ترتیب  $5\text{cm}^2$  و  $2\text{cm}^2$  است، مطابق شکل زیر، آب وجود دارد. در لوله‌ی سمت چپ چند گرم روغن بریزیم تا سطح آب در لوله‌ی سمت راست ۴ سانتی‌متر بالا رود؟



$$(g = 10 \frac{m}{s^2}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{g}{\text{cm}^3})$$

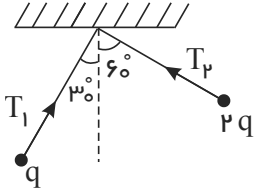
۷۰ (۴)

۳۵ (۳)

۲۸ (۲)

۱۷.۵ (۱)

۱۵۲- در شکل زیر، دو آونگ الکتریکی باردار و هم طول، در حالت تعادل قرار دارند. کشش نخ  $T_1$  چند برابر کشش نخ  $T_2$  است؟



$\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۱)

۲ (۴)

$\sqrt{3}$  (۳)

۱۵۳- طول یک میله‌ی آهنی در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس، یک میلی‌متر بیشتر از طول یک میله‌ی مسی در همین دما است. اگر دمای میله‌ها را به ۱۰۰ درجه‌ی سلسیوس برسانیم، طول میله‌ی مسی ۰.۵ میلی‌متر بیشتر از طول میله‌ی آهنی خواهد شد. طول اولیه‌ی میله‌ی آهنی چند متر است؟ (ضریب انبساط طول آهن و مس در  $SI$  به ترتیب  $1.2 \times 10^{-5}$  و  $1.8 \times 10^{-5}$  است.)

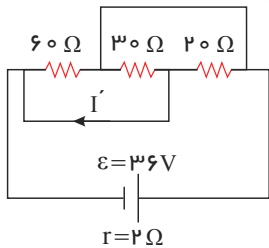
۴.۴۴۸ (۴)

۲.۵۰۳ (۳)

۲.۴۹۸ (۲)

۱.۱۰۲ (۱)

۱۵۴- در مدار روبه‌رو،  $I'$  چند آمپر است؟



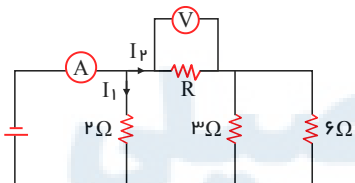
صفر (۱)

۰.۵ (۲)

۲.۵ (۳)

۱.۵ (۴)

۱۵۵- در مدار مقابل ولت سنج عدد  $10V$  و آمپرسنج عدد  $15A$  را نشان می‌دهد. مقاومت  $R$  چند اهم است؟



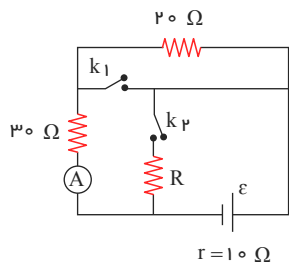
۲ (۲)

۴ (۱)

$\frac{1}{4}$  (۴)

$\frac{1}{2}$  (۳)

۱۵۶- در شکل روبه‌رو، وقتی هر دو کلید باز هستند، یا هر دو کلید بسته هستند، آمپرسنج ایده‌آل  $0.2A$  را نشان می‌دهد. مقاومت  $R$  چند اهم است؟



۶۰ (۱)

۴۰ (۲)

۱۵ (۳)

۱۰ (۴)

۱۵۷- الکترونی با سرعت  $\vec{V} = 10^5 \vec{i} + \sqrt{3} \times 10^5 \vec{j}$  وارد میدان مغناطیسی یکنواختی به صورت  $\vec{B} = \frac{\sqrt{3}}{2} \vec{i} - \frac{1}{2} \vec{j}$  می‌گردد، اندازه‌ی نیرویی که میدان مغناطیسی بر الکترون وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ ( $e = 1.6 \times 10^{-19} C$  و اندازه‌ها در  $SI$  می‌باشد.)

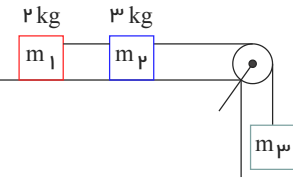
$3.2\sqrt{3} \times 10^{-14}$  (۴)

$3.2 \times 10^{-14}$  (۳)

$1.6 \times 10^{-14}$  (۲)

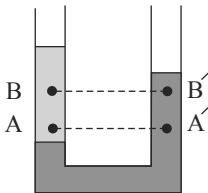
صفر (۱)

۱۵۸- در شکل زیر، وزنه  $m_3$  از حال سکون رها میشود. اگر تا لحظه‌ای که وزنه  $m_3$  ، ۹۰ سانتیمتر پایین می‌آید، مجموع انرژی جنبشی دو وزنه  $m_1$  و  $m_2$  روی سطح افقی به ۲۲٫۵ ژول برسد،  $m_3$  چند کیلوگرم است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$  و کلیه اصطکاکها و جرم نخ و قرقره ناچیز است).



- ۱) ۴  
 ۲) ۵  
 ۳) ۸  
 ۴) ۱۰

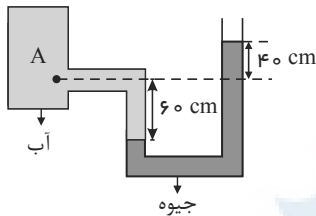
۱۵۹- مطابق شکل، دو مایع مخلوط نشدنی آب و نفت در یک لوله‌ی U شکل در حال تعادلند. اگر اختلاف فشار بین دو نقطه‌ی A و A' را با  $\Delta P_1$  و اختلاف فشار بین دو نقطه‌ی B و B' را با  $\Delta P_2$  نمایش دهیم، کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟



- ۱)  $\Delta P_1 < \Delta P_2$   
 ۲)  $\Delta P_1 = \Delta P_2$   
 ۳)  $\Delta P_1 = \Delta P_2 = 0$   
 ۴)  $\Delta P_1 > \Delta P_2$

۱۶۰- در شکل روبه‌رو، اختلاف فشار نقطه‌ی A و فشار هوا چند کیلوپاسکال است؟

( $g = 10 \frac{N}{kg}$ ,  $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$ ,  $\rho_{\text{جیوه}} = 13,6 \frac{g}{cm^3}$ )

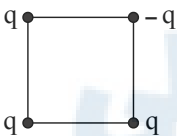


- ۱) ۱۳٫۶  
 ۲) ۱۳۶  
 ۳) ۱۳۰  
 ۴) ۶۰

۱۶۱- لوله‌ی استوانه‌ای شکلی به طول ۴۰ cm را که هر دو طرف آن باز است تا ارتفاع ۳۰ سانتی‌متر بطور قائم در جیوه فرو می‌بریم و سپس انگشت خود را در بالای لوله قرار داده و لوله را از جیوه بیرون می‌آوریم. اگر فشار هوا در محل ۷۵ cmHg باشد، و دما ثابت بماند، چند سانتی‌متر از جیوه در لوله باقی می‌ماند؟

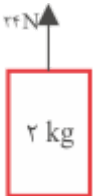
- ۱) ۱۰  
 ۲) ۱۵  
 ۳) ۲۵  
 ۴) ۲۰

۱۶۲- چهار بار نقطه‌ای مطابق شکل زیر در رأس‌های یک مربع به ضلع  $a\sqrt{2}$  قرار دارند. بزرگی میدان الکتریکی در نقطه‌ای روی محوری که از مرکز مربع می‌گذرد و بر سطح آن عمود است و در فاصله‌ی  $a$  از مرکز مربع قرار دارد، کدام است؟ (ثابت کولن =  $k$ )



- ۱)  $\frac{kq}{a^2}$   
 ۲)  $\frac{2kq}{a^2}$   
 ۳)  $\frac{2\sqrt{2}kq}{a^2}$   
 ۴)  $\frac{\sqrt{2}kq}{2a^2}$

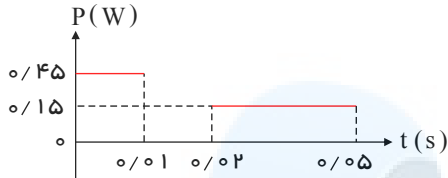
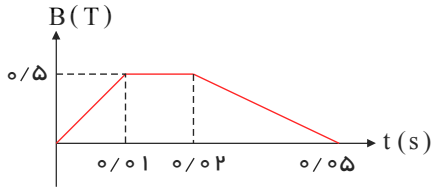
۱۶۳- در شکل مقابل نیروی ثابت  $F$  در راستای قائم به یک جسم ۲ کیلوگرمی وارد می‌شود. اندازه‌ی (قدر مطلق) کار این نیرو در ثانیه‌های متوالی یک بازه‌ی زمانی معین .....  
 $F = 24N$



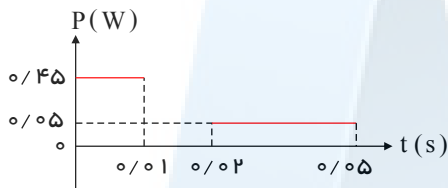
- ۱) افزایش می‌یابد.  
 ۲) کاهش می‌یابد.  
 ۳) ابتدا کاهش، سپس افزایش می‌یابد.  
 ۴) بسته به شرایط، هر کدام ممکن است درست باشد.



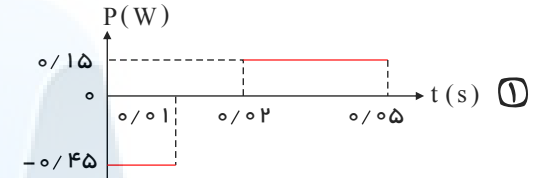
۱۶۴- نمودار تغییرات میدان مغناطیسی بر حسب زمان، که بر یک حلقه‌ی دایره‌ای به شعاع  $10\text{ cm}$  و مقاومت  $5\ \Omega$ ، عمود است، مطابق شکل زیر است. نمودار آهنگ تولید انرژی گرمایی بر حسب زمان در این حلقه کدام است؟ ( $\pi \approx 3$ )



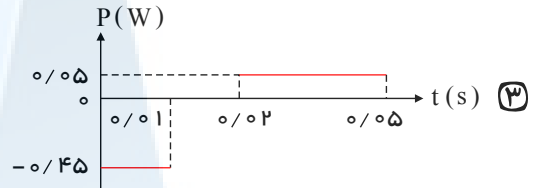
(A)



(B)

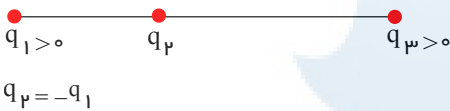


(C)



(D)

۱۶۵- سه بار نقطه‌ای مطابق شکل زیر ثابت شده‌اند. اگر برای نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  هم اندازه‌ی برای نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_2$  باشد،  $\frac{q_3}{q_1}$  کدام است؟



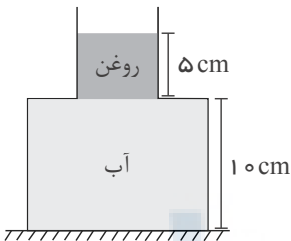
(A)  $\frac{13}{8}$

(B)  $\frac{72}{13}$

(A)  $\frac{8}{13}$

(B)  $\frac{13}{72}$

۱۶۶- در شکل زیر، ظرف از دو قسمت استوانه‌ای تشکیل شده است که سطح مقطع استوانه‌ها  $10\text{ cm}^2$  و  $50\text{ cm}^2$  است. نیرویی که از طرف مایع‌ها بر کف ظرف وارد می‌شود، چند نیوتون است؟ (چگالی روغن و آب به ترتیب  $0.8\frac{g}{cm^3}$  و  $1\frac{g}{cm^3}$  است و  $g = 10\frac{m}{s^2}$ )



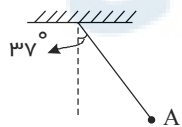
(A) ۶.۶

(B) ۷

(A) ۵.۴

(B) ۶

۱۶۷- مطابق شکل زیر، آونگی به طول  $1.25$  متر، با سرعت  $v$  از وضعیت نشان داده شده (نقطه‌ی A) عبور می‌کند. کمترین مقدار  $v$  چند متر بر ثانیه باشد، تا ریسمان بتواند به وضعیت افقی برسد؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود،  $g = 10\frac{m}{s^2}$ ،  $\sin 37^\circ = 0.6$ )



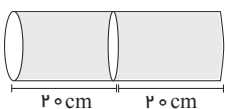
(A) ۴

(B)  $\sqrt{5}$

(C)  $2\sqrt{5}$

(D) ۲

۱۶۸- در شکل روبه‌رو، درون یک استوانه، یک پیستون رسانای گرما و بدون اصطکاک در وسط استوانه، ثابت نگه داشته شده است. در یک طرف استوانه گاز کاملی در فشار  $2\text{ atm}$  و دمای  $27^\circ\text{C}$  و در طرف دیگر گاز کاملی در فشار  $5\text{ atm}$  و دمای  $227^\circ\text{C}$  وارد می‌کنیم و در همان لحظه، پیستون را رها می‌کنیم و پس از مدتی دو گاز هم دما می‌شوند. تا رسیدن به حالت تعادل، پیستون نسبت به حالت اولیه چند سانتی‌متر جابه‌جا می‌شود؟



(A) ۴

(B) ۱۰

(A) ۲

(B) ۵

۱۶۹- از یک ورق مسی، دو صفحه‌ی دایره‌ای شکل به مساحت‌های  $S_1$  و  $S_2 = 2S_1$  بریده و جدا کرده‌ایم. حال اگر به اولی گرمای  $Q_1$  و به دومی گرمای  $Q_2 = 2Q_1$  را بدهیم و بر اثر افزایش گرما شعاع آنها به ترتیب  $\Delta R_1$  و  $\Delta R_2$  باشد،  $\frac{\Delta R_2}{\Delta R_1}$  چقدر است؟

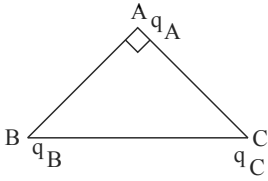
(A)  $\frac{1}{2}$

(B) ۲

(C)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

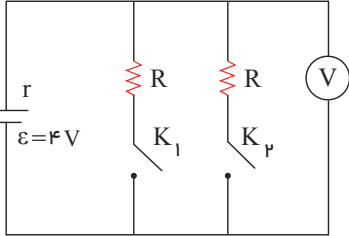
(D)  $\sqrt{2}$

۱۷۰- در شکل روبه رو مثلث متساوی الساقین قائم الزاویه است و بارهای  $q_A, q_B, q_C$  به ترتیب  $q, \sqrt{3}q, q$  است. زاویه ای که برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_A$  با امتداد پاره خط  $BA$  می‌سازد، چند درجه است؟



- ۱) ۳۰  
۲) ۴۵  
۳) ۵۳  
۴) ۶۰

۱۷۱- در شکل مقابل، هنگامی که یکی از کلیدها باز و دیگری بسته است، ولت سنج ۳ ولت را نشان می‌دهد. اگر هر دو کلید بسته شود، ولت سنج چند ولت را نشان خواهد داد؟

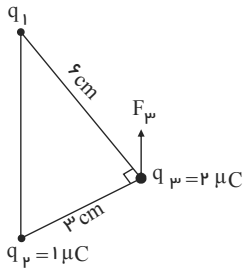


- ۱) ۲٫۴  
۲) ۲٫۸  
۳) ۳٫۶  
۴) ۴٫۲

۱۷۲- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2 = 2q_1$  در فاصله  $r$  از هم قرار دارند و به هم نیروی دافعه وارد می‌کنند. چند درصد از بار  $q_2$  را به  $q_1$  منتقل کنیم تا در همان فاصله، نیروی دافعه‌ی بین بارهای الکتریکی بیشینه شود؟

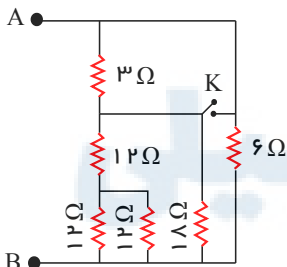
- ۱) ۱۵  
۲) ۲۵  
۳) ۴۰  
۴) ۵۰

۱۷۳- در شکل زیر، سه بار نقطه‌ای در سه رأس مثلث قائم‌الزاویه‌ای ثابت شده‌اند. اگر  $F_3$  برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_3$  موازی خط واصل  $q_1$  و  $q_2$  باشد،  $F_3$  چند نیوتون است؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$



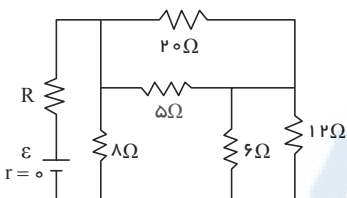
- ۱)  $8\sqrt{5}$   
۲)  $12\sqrt{5}$   
۳)  $16\sqrt{5}$   
۴)  $20\sqrt{5}$

۱۷۴- در مدار مقابل، ابتدا کلید باز می‌شود. اگر کلید بسته شود، مقاومت معادل بین  $A$  و  $B$  چند اهم تغییر می‌کند؟



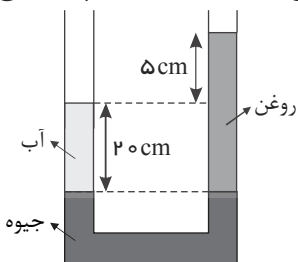
- ۱) ۰٫۴  
۲) ۲  
۳) ۲٫۶  
۴) ۴

۱۷۵- در مدار شکل روبه‌رو، مقاومت  $R$  چند اهم باشد تا توان مصرفی در آن بیشینه باشد؟



- ۱) ۱۲  
۲) ۸  
۳) ۴  
۴) ۲

۱۷۶- در شکل مقابل دو سطح جیوه در یک تراز قرار دارد و سیستم به حالت تعادل است. تقریباً چند سانتی متر به ارتفاع ستون آب اضافه کنیم، تا سطح



آب آزاد آب و روغن در یک تراز قرار گیرند؟  $(\rho_{\text{جیوه}} = 13,6 \frac{g}{cm^3}$  و  $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$ )

- ۱) ۴٫۵  
۲) ۴٫۹  
۳) ۵٫۴  
۴) ۹٫۴

۱۷۷- دو کره‌ی فلزی هم جنس  $A$  و  $B$ ، اولی توپر به شعاع  $20\text{ cm}$  و دیگری توخالی که شعاع خارجی آن  $20\text{ cm}$  و شعاع حفره‌ی داخلی  $10\text{ cm}$  است. اگر به دو کره، به یک اندازه گرما بدهیم و تغییر حجم کره‌ی  $A$  برابر  $\Delta V_A$  و تغییر حجم فلز به کار رفته در کره‌ی  $B$  برابر  $\Delta V_B$  باشد، نسبت  $\frac{\Delta V_A}{\Delta V_B}$  کدام است؟

- ①  $\frac{7}{8}$       ② ۱      ③ ۲      ④  $\frac{8}{7}$

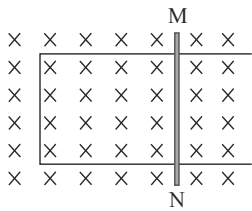
۱۷۸- دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2 = 4q_1$ ، در فاصله‌ی  $r$  از هم واقع‌اند. میدان الکتریکی ناشی از دو بار در فاصله‌ی  $d_1$  از بار  $q_1$  برابر صفر است. اگر فاصله دو بار از هم ۲ برابر شود، میدان الکتریکی برآیند در فاصله‌ی  $d_2$  از بار  $q_2$  برابر صفر می‌شود.  $d_2$  چند برابر  $d_1$  است؟

- ①  $\frac{4}{3}$       ②  $\frac{3}{2}$       ③ ۲      ④ ۴

۱۷۹- حلقه‌ای به شعاع ۲ سانتی‌متر، عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. این حلقه از سیمی مسی به شعاع مقطع  $2\text{ mm}$  و مقاومت ویژه‌ی  $1.7 \times 10^{-8} \Omega\text{ m}$  تشکیل شده است. میدان مغناطیسی با چه آهنگی در  $SI$  تغییر کند تا جریانی برابر  $2\text{ A}$  در حلقه القا شود؟ ( $\pi = 3$ )

- ①  $0.28$       ②  $0.280$       ③  $0.082$       ④  $0.820$

۱۸۰- در شکل روبه رو، میدان مغناطیسی درون سواست و قاب  $U$  شکل رسانا است. اگر مماس بر قاب، میله‌ی رسانای  $MN$  را از حال سکون با شتاب ثابت به سمت چپ ببریم، جریان القا‌ی در میله از ..... بوده و اندازه‌ی آن در این وضعیت، ..... خواهد بود.



- ①  $M$  به  $N$  در حال افزایش      ②  $M$  به  $N$  ثابت      ③  $N$  به  $M$  ثابت      ④  $N$  به  $M$  در حال افزایش

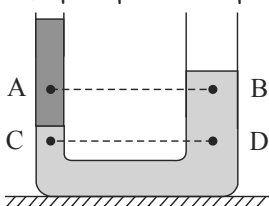
۱۸۱- درون  $2\text{ kg}$  آب  $40^\circ\text{C}$  مقداری یخ  $5^\circ\text{C}$  می‌اندازیم. اگر این آب  $294\text{ kJ}$  گرما از دست بدهد تا سیستم به دمای تعادل برسد، جرم یخ چند گرم بوده است؟ ( $C_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ ،  $C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ ،  $L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ )

- ① ۴۰۰      ② ۶۰۰      ③ ۸۰۰      ④ ۱۲۰۰

۱۸۲- دوسر خازنی را که دی الکتریک آن هوا است به دو سر یک باتری وصل می‌کنیم. انرژی ذخیره شده در آن  $U$  می‌شود. اگر در حالتی که به باتری وصل است، فاصله بین دو صفحه را  $n$  برابر کنیم، انرژی آن  $U'$  می‌شود. ولی اگر همان خازن اولیه را از باتری جدا کنیم و سپس، فاصله بین دو صفحه را  $n$  برابر کنیم، انرژی آن  $U''$  می‌شود. نسبت  $\frac{U''}{U'}$  چقدر است؟

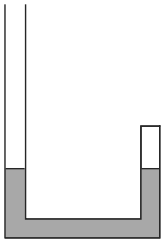
- ①  $\frac{1}{n}$       ②  $n$       ③  $\frac{1}{n^2}$       ④  $n^2$

۱۸۳- در شکل روبه‌رو، در درون لوله، دو مایع مخلوط نشدنی قرار دارند. اگر فشار در نقاط نشان داده در درون مایع‌ها را با هم مقایسه کنیم، کدام رابطه درست است؟



- ①  $P_C < P_D, P_A = P_B$       ②  $P_C < P_D, P_A < P_B$       ③  $P_C = P_D, P_A = P_B$       ④  $P_C = P_D, P_A > P_B$

۱۸۴- در شکل زیر، داخل لوله‌ی  $U$  شکلی به سطح مقطع  $1 \text{ cm}^2$ ، مقداری جیوه در دو طرف لوله، در یک سطح قرار دارد. ارتفاع هوای موجود در طرف بسته‌ی لوله برابر ۷۷ میلی‌متر است. چند سانتی‌متر مکعب جیوه درون لوله بریزیم تا ارتفاع هوای موجود در طرف بسته‌ی لوله به ۵۰ میلی‌متر برسد؟



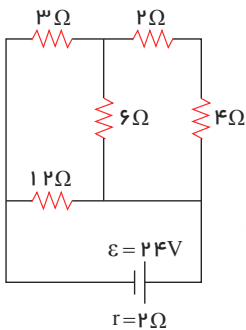
( $P_0 = 10^5 \text{ pa}$ ,  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ ,  $\rho_{\text{جیوه}} = 13500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  و دمای هوا ثابت است.)

- ۱) ۳۰  
۲) ۴۰  
۳) ۴۲٫۷  
۴) ۴۵٫۴

۱۸۵- دو استوانه‌ی همگن  $A$  و  $B$  دارای جرم و ارتفاع مساوی اند. استوانه‌ی  $A$  توپر و استوانه‌ی  $B$  توخالی است. اگر شعاع خارجی این دو استوانه با هم برابر و شعاع داخلی استوانه‌ی  $B$  نصف شعاع خارجی آن باشد، چگالی استوانه‌ی  $A$  چند برابر چگالی استوانه‌ی  $B$  است؟

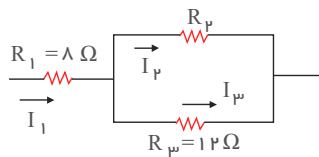
- ۱)  $\frac{1}{4}$   
۲)  $\frac{1}{2}$   
۳)  $\frac{2}{3}$   
۴)  $\frac{3}{4}$

۱۸۶- در مدار شکل روبه‌رو، جریانی که از مقاومت ۶ اهمی می‌گذرد چند آمپر است؟



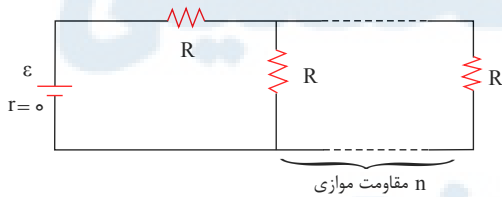
- ۱)  $\frac{2}{3}$   
۲)  $\frac{4}{3}$   
۳) ۲  
۴) ۴

۱۸۷- در مدار زیر، اگر انرژی مصرفی در مقاومت  $R_1$  در یک مدت معین، ۳ برابر انرژی مصرفی در مقاومت  $R_2$  در همان مدت باشد،  $R_2$  چند اهم می‌تواند باشد؟



- ۱) ۹  
۲) ۱۲  
۳) ۱۵  
۴) ۲۴

۱۸۸- در مدار روبه‌رو، اگر  $n$  به  $n + 1$  تبدیل شود، شدت جریان عبوری از باتری  $\frac{16}{15}$  برابر می‌شود.  $n$  کدام است؟



- ۱) ۵  
۲) ۴  
۳) ۳  
۴) ۲

۱۸۹- دو مایع  $A$ ،  $B$  را که چگالی آن‌ها  $\rho_A = 1,2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و  $\rho_B = 0,6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  است را با یکدیگر مخلوط کرده و در یک ظرف استوانه‌ای می‌ریزیم.

اگر  $\frac{1}{3}$  حجم مخلوط از مایع  $A$  و بقیه‌ی آن از مایع  $B$  و ارتفاع مخلوط در ظرف ۷۵ سانتی‌متر باشد، فشار وارد از طرف مخلوط بر کف ظرف چند پاسکال است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- ۱) ۶۰۰۰  
۲) ۶۷۵۰  
۳) ۹۰۰۰  
۴) ۹۷۵۰

۱۹۰- دو میله‌ی فلزی  $A$  و  $B$  در دمای  $20^\circ \text{C}$  به ترتیب دارای طول‌های  $5 \text{ cm}$  و  $7 \text{ cm}$  می‌باشند. دمای دو میله را  $30^\circ \text{C}$  افزایش می‌دهیم، باز هم اختلاف طول آن‌ها  $2 \text{ cm}$  می‌شود. نسبت ضریب انبساط طولی میله‌ی  $A$  به ضریب انبساط طولی میله‌ی  $B$  کدام است؟

- ۱)  $\frac{3}{7}$   
۲)  $\frac{7}{3}$   
۳)  $\frac{5}{7}$   
۴)  $\frac{7}{5}$

۱۹۱- دمای یک میله فلزی از  $\theta_1$  به  $\theta_2$  می‌رسد. اگر طول آن ۱/۱۰ درصد افزایش یابد، چگالی آن تقریباً.....

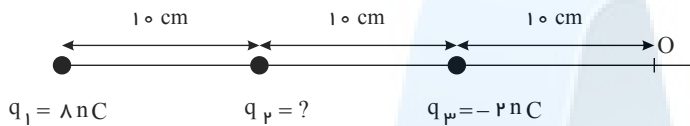
- ① ۱/۱۰ درصد کاهش می‌یابد.      ② ۳/۱۰ درصد کاهش می‌یابد.      ③ ۱/۱۰ درصد افزایش می‌یابد.      ④ ۳/۱۰ درصد افزایش می‌یابد.

۱۹۲-  $1\text{ kg}$  یخ  $10^\circ\text{C}$  را در فشار یک جو در  $5\text{ kg}$  آب  $20^\circ\text{C}$  می‌اندازیم. پس از برقراری تعادل حرارتی، چه خواهیم داشت؟  $(C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}})$

$$(L_F = 336 \frac{\text{J}}{\text{g}}, C_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}, c)$$

- ①  $6\text{ kg}$  یخ  $0^\circ\text{C}$       ②  $6\text{ kg}$  آب  $0^\circ\text{C}$       ③  $6\text{ kg}$  آب  $3.75^\circ\text{C}$       ④  $6\text{ kg}$  آب  $2.5^\circ\text{C}$

۱۹۳- سه بار نقطه‌ای مطابق شکل زیر ثابت شده‌اند. میدان الکتریکی برآیند حاصل از سه بار در نقطه  $O$  برابر  $100\text{ N/C}$  است. بار  $q_2$  چند نانو کولن می‌تواند باشد؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$



$q_1 = 8\text{ nC}$

$q_2 = ?$

$q_3 = -2\text{ nC}$

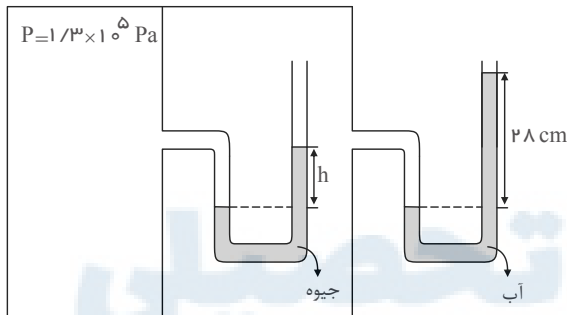
- ①  $+4$       ②  $+2$       ③  $-2$       ④  $-4$

۱۹۴- در یک ظرف استوانه‌ای مقداری آب به جرم  $m$  و مقداری جیوه به جرم  $4\text{ m}$  ریخته شده است. جمع ارتفاع این دو مایع  $44\text{ cm}$  است. فشار ناشی از دو مایع در کف ظرف چند کیلو پاسکال است؟

$$(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

- ①  $17$       ②  $32$       ③  $42$       ④  $47$

۱۹۵- در شکل زیر، اگر فشار هوا  $10^5\text{ Pa}$  و چگالی آب و جیوه در  $SI$  به ترتیب  $1000$  و  $13600$  باشد،  $h$  چند سانتی‌متر است؟



- ①  $22$       ②  $20$       ③  $18$       ④  $15$

۱۹۶- به  $200\text{ g}$  یخ  $10^\circ\text{C}$ ، مقداری گرما با آهنگ  $1.05 \frac{\text{kJ}}{\text{min}}$  به مدت  $12$  دقیقه می‌دهیم. دمای نهایی چند درجه سلسیوس است؟

$$(C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}, L_f = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, C_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}})$$

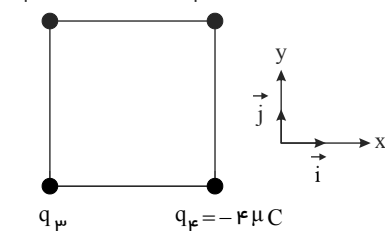
- ① صفر      ②  $5$       ③  $10$       ④  $15$

۱۹۷- چهار ذره باردار مطابق شکل زیر در رأس‌های یک مربع به ضلع  $20\text{ cm}$  قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر  $q_2$  در  $SI$  به صورت

$q_1 = 4\mu\text{C}$

$q_2 = -5\mu\text{C}$

$(\vec{F} = -9\vec{i})$  باشد،  $q_3$  چند میکروکولن است؟  $(k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)$



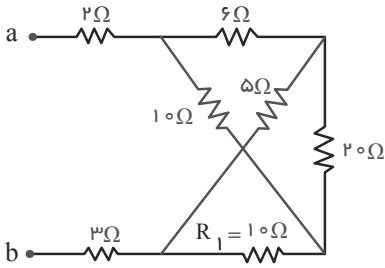
$q_3$

$q_4 = -4\mu\text{C}$

- ①  $-8\sqrt{2}$       ②  $-4$       ③  $4$       ④  $8\sqrt{2}$

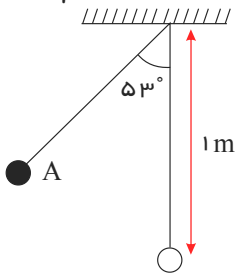
جمع بندی فیزیک پایه

۱۹۸- در شکل روبه‌رو که قسمتی از یک مدار الکتریکی است، از مقاومت  $20 \Omega$  اهمی شدت جریان  $0.5$  آمپر عبور می‌کند. از مقاومت  $2 \Omega$  اهمی شدت جریان چند آمپر عبور می‌کند؟



- (۱) ۱٫۵  
(۲) ۲  
(۳) ۳٫۵  
(۴) ۵

۱۹۹- در شکل زیر، گلوله‌ی آونگ از نقطه‌ی  $A$  رها می‌شود و با سرعت  $V$  از پایین‌ترین نقطه‌ی مسیر می‌گذرد. هنگامی که سرعت گلوله به  $\frac{\sqrt{2}}{2} V$  می‌رسد، زاویه‌ی نخ با راستای قائم چند درجه است؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود،  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  و  $\cos 53^\circ = 0.6$ )

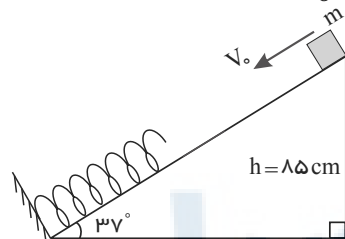


- (۱) ۶۰  
(۲) ۴۵  
(۳) ۳۷  
(۴) ۳۰

۲۰۰- از سیمی به طول  $25$  متر که اختلاف پتانسیل  $3$  ولت در دو سر آن برقرار است، جریان  $1.2$  آمپر عبور می‌کند، اگر مقاومت ویژه‌ی سیم  $1.8 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$  و چگالی آن  $8 \frac{g}{cm^3}$  باشد، جرم سیم چند گرم است؟

- (۱) ۱۸  
(۲) ۳۶  
(۳) ۵۴  
(۴) ۷۲

۲۰۱- در شکل زیر، وزنه‌ای به جرم  $m$  با سرعت اولیه‌ی  $V_0 = 4 \frac{m}{s}$  مماس با سطح بدون اصطکاک، رو به پایین پرتاب می‌شود. اگر بیشترین انرژی پتانسیل کشسانی فنر در این برخورد  $1.8$  انرژی جنبشی اولیه‌ی وزنه باشد، حداقل طول فنر به چند سانتی‌متر می‌رسد؟ ( $\sin 37^\circ = 0.6$ ,  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )



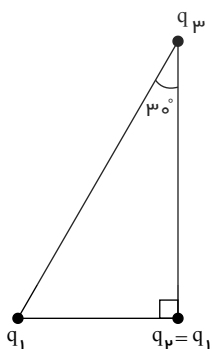
- (۱) ۲۰  
(۲) ۲۵  
(۳) ۳۰  
(۴) ۳۵

۲۰۲- درون ظرفی  $400 g$  مخلوط آب و یخ در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس در حالت تعادل قرار دارد. اگر فلزی به جرم  $200 g$  و دمای  $15^\circ C$  را داخل آب بیندازیم، بعد از برقراری تعادل، دمای آب به  $5^\circ C$  می‌رسد. جرم یخ چند گرم بوده است؟

$$(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg^\circ C}, c_{\text{فلز}} = 840 \frac{J}{kg^\circ C}, L_F = 336 \frac{kJ}{kg})$$

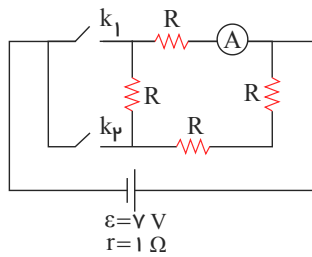
- (۱) ۲٫۵  
(۲) ۵  
(۳) ۲۵  
(۴) ۵۰

۲۰۳- سه ذره‌ی باردار در سه رأس یک مثلث قائم‌الزاویه قرار دارند. بزرگی نیروی الکتریکی که بار  $q_1$  بر  $q_2$  وارد می‌کند،  $F_1$  و بزرگی نیروی الکتریکی که  $q_2$  به  $q_3$  وارد می‌کند،  $F_2$  است. در صورتی که  $F_1 = F_2$  باشد، بزرگی نیرویی که  $q_1$  به  $q_3$  وارد می‌کند، چند برابر  $F_1$  است؟



- (۱)  $\frac{3}{4}$   
(۲) ۱  
(۳)  $\frac{4}{3}$   
(۴)  $\frac{3}{2}$

۲۰۴- در مدار زیر در صورتی که کلید  $K_1$  بسته و کلید  $K_2$  باز باشد، آمپرسنج،  $A$  را نشان می‌دهد. اگر هر دو کلید بسته شوند آمپرسنج چند آمپر را نشان می‌دهد؟

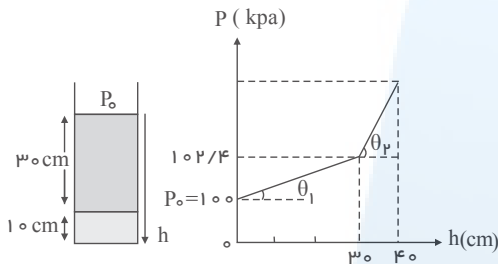


- (۱)  $\frac{21}{19}$   
(۲)  $\frac{14}{19}$

- (۳)  $\frac{7}{19}$   
(۴)  $\frac{28}{19}$

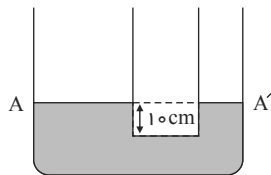
۲۰۵- در ظرفی مطابق شکل زیر، دو مایع مخلوط نشده وجود دارد. اگر نمودار تغییرات فشار برحسب عمق دو مایع مطابق شکل زیر باشد و

$\tan \theta_2 = 17 \tan \theta_1$  باشد،  $\rho_2$  و  $\rho_1$  در  $SI$  کدامند؟



- (۱) ۱۰۲۰۰ و ۶۰۰  
(۲) ۱۲۷۵۰ و ۷۵۰  
(۳) ۱۳۵۰۰ و ۸۰۰  
(۴) ۱۳۶۰۰ و ۸۰۰

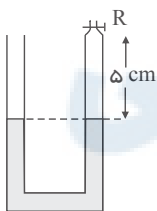
۲۰۶- در دو لوله استوانه‌ای مربوط به هم تا سطح  $AA'$  آب وجود دارد و قطر قاعده یکی از استوانه‌ها ۳ برابر قطر قاعده استوانه دیگر است. اگر از لوله سمت چپ تا ارتفاع ۵ سانتی‌متر نفت اضافه کنیم، آب در لوله باریک چند سانتی‌متر نسبت به حالت اول بالا می‌رود؟ ( $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$  و  $\rho_{\text{نفت}} = 0.8 \text{ g/cm}^3$  و  $g = 10 \text{ m/s}^2$ )



- (۱) ۱٫۲  
(۲) ۳٫۶  
(۳) ۴  
(۴) ۵

- (۱) ۱٫۲  
(۲) ۳٫۶  
(۳) ۴  
(۴) ۵

۲۰۷- در شکل زیر، شیر  $R$  را بسته و دمای هوای محبوس در لوله را از ۳۹ درجه سلسیوس، چند درجه افزایش بدهیم تا اختلاف ارتفاع ستون جیوه در دو لوله به ۲ سانتی‌متر برسد؟ (فشار هوای محل ۷۸ سانتی‌متر جیوه و قطر دو لوله با یکدیگر مساوی است. از انبساط جیوه و ظرف صرف نظر کنید.)



- (۱) ۱۰۰  
(۲) ۳۸۴

- (۱) ۷۲  
(۲) ۲۱۱

۲۰۸- سه ذره باردار  $q_1 = 12 \mu C$ ،  $q_2 = 3 \mu C$  و  $q_3$  در صفحه  $x-y$  به ترتیب در مختصات  $(x_1 = 4 \text{ cm}, y_1 = 3 \text{ cm})$ ،  $(x_2 = -8 \text{ cm}, y_2 = 12 \text{ cm})$  و  $(x_3, y_3)$  قرار دارند، اگر برایندهای الکتریکی وارد بر هر ذره صفر باشد،  $q_3$  چند میکروکولن است؟

(۱)  $-\frac{16}{3}$

(۲)  $-\frac{4}{3}$

(۳)  $\frac{4}{3}$

(۴)  $\frac{16}{3}$

۲۰۹- بار خازنی به ظرفیت  $5 \mu F$ ، ۲۵ درصد افزایش می‌یابد و در اثر آن،  $90 \mu J$  به انرژی ذخیره شده در خازن افزوده می‌شود. ولتاژ اولیه دو سر خازن چند ولت بوده است؟

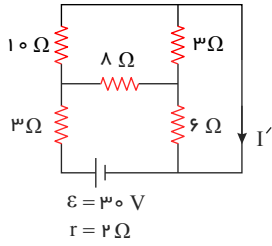
(۱) ۲۵

(۲) ۲۰

(۳) ۱۲٫۵

(۴) ۸



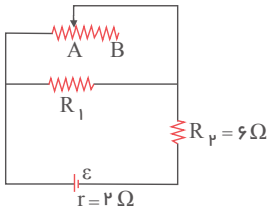


۲۱۰- در مدار روبه‌رو، جریان  $I'$  چند آمپر است؟

- ۱٫۵ (۲)  
۳ (۴)

- ۱ (۱)  
۲٫۵ (۳)

۲۱۱- در مدار روبه‌رو، وقتی لغزنده‌ی رئوستا از نقطه‌ی  $A$  به نقطه‌ی  $B$  برده شود، توان مصرفی مقاومت  $R_1$  و توان خروجی مولد به ترتیب چه تغییری می‌کند؟



- کاهش - کاهش (۲)  
افزایش - افزایش (۴)

- کاهش - افزایش (۱)  
افزایش - کاهش (۳)

۲۱۲- آب در قابلمه‌ی آلومینیومی که در تماس با منبع گرما است می‌جوشد و با آهنگ  $18$  لیتر بر دقیقه تبخیر می‌شود. ضخامت کف قابلمه  $4,8$  میلی‌متر و قطر آن  $30$  سانتی‌متر است. دمای ته ظرف در تماس با منبع گرما چند درجه‌ی سلسیوس است؟

$$(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, L_V = 2250 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, \pi \simeq 3, k_{Al} = 240 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{K}}, \text{دمای جوش آب } 100^\circ \text{C} \text{ است,})$$

- ۱۰۱ (۱)      ۱۰۲ (۲)      ۱۰۶ (۳)      ۱۰۴ (۴)

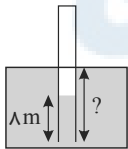
۲۱۳- پیچه‌ای از  $100$  دور سیم مسی به قطر مقطع  $2$  میلی‌متر تشکیل شده که به صورت یک لایه دور استوانه‌ای به شعاع  $10$  سانتی‌متر پیچیده شده است. مقاومت الکتریکی سیم پیچیده شده تقریباً چند اهم است؟ ( $\rho_{\text{مس}} = 1,7 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$ )

- ۰٫۱۷ (۱)      ۰٫۳۴ (۲)      ۱۷ (۳)      ۳۴ (۴)

۲۱۴- لوله‌ای به طول  $L = 24$  متر که یک طرف آن بسته است حاوی هوا در فشار  $10^5 \text{ pa}$  است. این لوله را به طور قائم در یک دریاچه‌ی آب شیرین فرو می‌بریم تا وقتی که آب همانند شکل تا  $\frac{1}{3}$  طول لوله بالا بیاید، لوله چند متر در آب فرو رفته است؟ (دما در تمام نقاط برابر و ثابت فرض شود).

$$(\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

- ۸ (۱)      ۱۳ (۳)  
۵ (۲)      ۲۰ (۴)



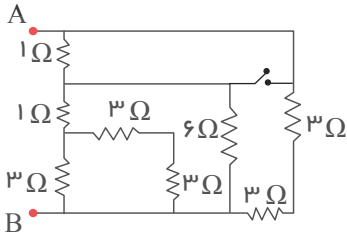
۲۱۵- حجم حباب‌های هوا در رسیدن از ته یک دریاچه تا سطح آب  $3$  برابر می‌شود. اگر دمای آب ثابت فرض شود، عمق آب تقریباً چند متر است؟ (فشار هوا برابر با  $10^5$  پاسکال و چگالی آب  $1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  و  $10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} = g$  فرض شود.)

- ۱۵ (۱)      ۲۰ (۲)      ۲۵ (۳)      ۳۰ (۴)

۲۱۶- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $+2\mu\text{C}$  و  $+8\mu\text{C}$  در فاصله‌ی  $30$  سانتی‌متری هم قرار دارند. بار الکتریکی  $q$  را در نقطه‌ای قرار داده‌ایم و هر سه بار الکتریکی به حالت تعادل درآمده‌اند. بار الکتریکی  $q$  چند میکروکولن است؟

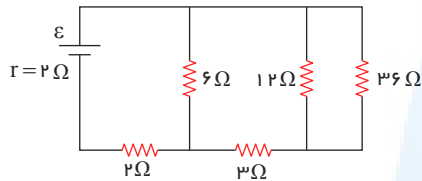
- $-\frac{1}{9}$  (۱)       $\frac{1}{9}$  (۲)       $-\frac{16}{9}$  (۳)       $\frac{16}{9}$  (۴)

۲۱۷- در مدار روبه‌رو، ابتدا کلید باز است. اگر کلید بسته شود، مقاومت معادل بین دو نقطه  $A$  و  $B$  چند اهم تغییر می‌کند؟



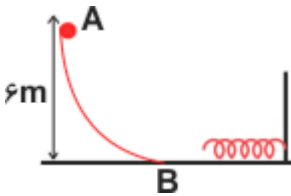
- ① ۰٫۲۵
- ② ۰٫۵
- ③ ۰٫۷۵
- ④ ۱٫۲۵

۲۱۸- در مدار زیر، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومتی که بیشترین توان در آن تلف می‌شود، ۱۲ ولت است.  $\mathcal{E}$  چند ولت است؟



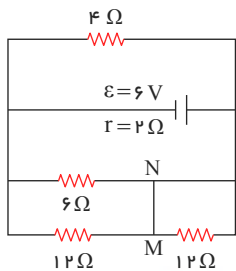
- ① ۱۲
- ② ۱۸
- ③ ۲۰
- ④ ۲۴

۲۱۹- گلوله‌ای به جرم ۲۰۰ گرم از نقطه  $A$  رها می‌شود و پس از برخورد به فنری در سطح افقی آن را متراکم می‌کند. اگر کار نیروی اصطکاک در مسیر  $AB$  برابر  $-2J$  باشد، و سطح افقی بدون اصطکاک باشد. حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی فنر چند ژول خواهد شد؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )



- ① ۱
- ② ۸
- ③ ۱۰
- ④ ۱۲

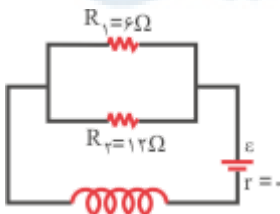
۲۲۰- در مدار زیر، جریان الکتریکی که از سیم رابط  $MN$  می‌گذرد، چند آمپر است؟



- ① ۰٫۲۵
- ② ۰٫۵۰
- ③ ۰٫۷۵
- ④ ۱٫۵

۲۲۱- در شکل روبه‌رو، توان مصرفی مقاومت  $R_1$  برابر ۲۴ وات می‌باشد. اگر سیم‌لوله در هر متر ۱۰۰۰ دور حلقه داشته باشد، میدان مغناطیسی حاصل

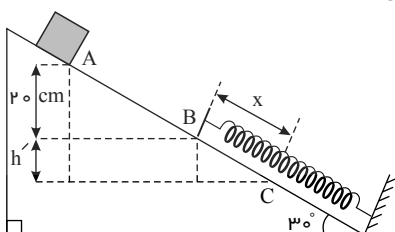
در داخل سیم‌لوله چند تسلا است؟ ( $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A}$ )



- ①  $1,2\pi \times 10^{-3}$
- ②  $1,2\pi \times 10^{-4}$
- ③  $4\pi \times 10^{-4}$
- ④  $8\pi \times 10^{-3}$

۲۲۲- جسمی به جرم ۲ کیلوگرم روی سطح شیب‌دار با اصطکاک ناچیز به سمت پایین می‌لغزد و با سرعت  $2\text{ m/s}$  از نقطه  $A$  عبور کرده و در نقطه  $B$  به

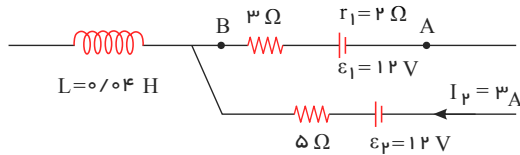
فنر برخورد می‌کند. اگر حداکثر فشردگی فنر  $x$  و بیشینه انرژی ذخیره شده در فنر ۱۰ ژول باشد،  $x$  چند سانتی‌متر است؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$ )



- ① ۱۰
- ② ۲۰
- ③ ۳۰
- ④ ۴۰

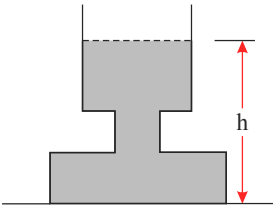
جمع بندی فیزیک پایه

۲۲۳- شکل مقابل قسمتی از یک مدار الکتریکی است. اگر  $V_B - V_A = 2V$  باشد، انرژی سیملوله چند ژول است؟



- (۱) ۰٫۱  
(۲) ۰٫۵  
(۳) ۰٫۰۱  
(۴) ۰٫۰۵

۲۲۴- در شکل مقابل ظرف تا ارتفاع  $h$  از آب پر شده و سطح مقطع قسمت‌های مختلف استوانه‌ای شکل آن از بالا به پایین به ترتیب  $۰٫۰۴m^2$ ،  $۰٫۰۱m^2$  و  $۰٫۰۸m^2$  است. اگر ۲ لیتر آب بر آب ظرف اضافه کنیم، فشار در کف ظرف چند پاسکال افزایش می‌یابد؟



$$\left(g = 10 \frac{m}{s^2}, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{kg}{m^3}\right)$$

- (۱) ۲۰۰  
(۲) ۳۰۰  
(۳) ۴۰۰  
(۴) ۵۰۰

۲۲۵- در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس، مجموع طول میله‌های به هم چسبیده‌ی  $L_1$  و  $L_2$  با طول میله‌ی  $L_3$  برابر است و ضریب انبساط طولی میله‌ها به ترتیب  $\alpha_1$  و  $\alpha_2$  و  $\alpha_3$  است. اگر در هر دمای بالاتر از صفر نیز این تساوی طول برقرار باشد، کدام رابطه درست است؟

(۱)  $\alpha_3 = \alpha_1 + \alpha_2$       (۲)  $\alpha_3 = \frac{\alpha_1 + \alpha_2}{2}$       (۳)  $\alpha_3 = \frac{L_1\alpha_1 + L_2\alpha_2}{L_3}$       (۴)  $\alpha_3 = \frac{|L_1\alpha_1 - L_2\alpha_2|}{L_3}$

۲۲۶- ۱۰۰ گرم یخ صفر درجه‌ی سلسیوس را داخل ۴۰۰ گرم آب ۳۰ درجه‌ی سلسیوس می‌اندازیم. اگر فقط بین آب و یخ تبادل گرما صورت گیرد، پس از برقراری تعادل گرمایی، دمای آب چند درجه‌ی سلسیوس می‌شود؟  $(C_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}, L_F = 336000 \frac{J}{kg})$

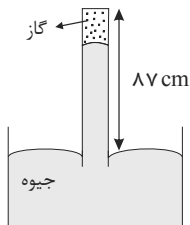
- (۱) صفر      (۲) ۴      (۳) ۸      (۴) ۱۲

۲۲۷- در گرماسنجی که ظرفیت گرمایی آن ناچیز است، ۵۰۰ گرم یخ با دمای  $6^\circ C$  وجود دارد. اگر یک گرم‌کن الکتریکی که توان آن ۷۵۰ وات و بازده آن ۸۰ درصد است درون یخ قرار گیرد. پس از ۱۲۲٫۵ ثانیه چند گرم یخ در گرماسنج باقی می‌ماند؟

$$\left(C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot K}, L_f = 336000 \frac{J}{kg}\right)$$

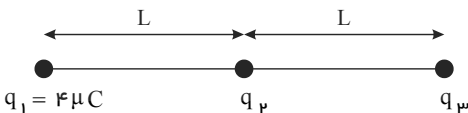
- (۱) ۳۰۰      (۲) ۲۵۴      (۳) ۲۰۰      (۴) ۱۵۰

۲۲۸- در شکل زیر، پیوسته ۸۷cm از لوله خارج از جیوه نگه داشته شده است. در شرایطی که فشار هوا  $75cmHg$  و دمای گاز  $27^\circ C$  است، ارتفاع ستون جیوه در لوله ۷۲cm است. بر اثر افزایش فشار هوا ستون جیوه بالا می‌رود، دمای گاز را به  $47^\circ C$  می‌رسانیم تا دوباره ستون جیوه به همان  $72cm$  برسد. فشار هوا چگونه تغییر کرده است؟



- (۱) ۲ میلی‌متر جیوه کاهش یافته است.  
(۲) ۲ میلی‌متر جیوه افزایش یافته است.  
(۳) ۰٫۲ میلی‌متر جیوه کاهش یافته است.  
(۴) ۰٫۲ میلی‌متر جیوه افزایش یافته است.

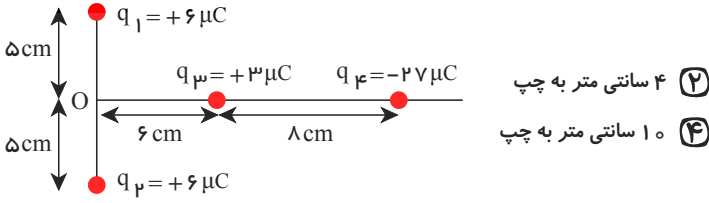
۲۲۹- در شکل زیر، سه بار نقطه‌ای قرار دارند. برابند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_3$  هم‌اندازه‌ی نیروی الکتریکی است که بار  $q_1$  بر  $q_3$  وارد می‌کند.  $q_2$  چند میکروکولن است؟



- (۱) ۸  
(۲) ۲  
(۳) -۲  
(۴) -۸

جمع بندی فیزیک پایه

۲۳۰- بارهای الکتریکی  $q_1, q_2, q_3, q_4$  مطابق شکل روبه رو قرار گرفته‌اند. بار الکتریکی  $q_4$  را چند سانتی‌متر و در کدام جهت جابجا کنیم، تا میدان حاصل از بارها در نقطه‌ی  $O$  برابر صفر شود؟



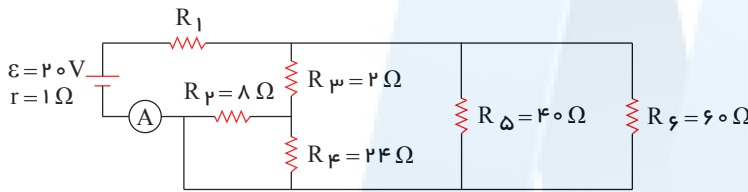
- ۱) ۴ سانتی‌متر به راست  
 ۲) ۴ سانتی‌متر به چپ  
 ۳) ۱۰ سانتی‌متر به راست  
 ۴) ۱۰ سانتی‌متر به چپ

۲۳۱- در مخلوطی از آب و یخ، مقداری یخ ذوب می‌شود و حجم مخلوط  $5 \text{ cm}^3$  کاهش می‌یابد. جرم یخ ذوب شده چند گرم است؟  $(\rho_{\text{یخ}} = 0.9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$

و  $(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$

- ۱) ۴٫۵      ۲) ۵      ۳) ۴۵      ۴) ۵۰

۲۳۲- در مدار روبه رو، مقاومت  $R_1$  چند اهم باشد تا آمپرسنج ایده آل  $A$ ، ۲ آمپر رانشان دهد؟



- ۱) ۳  
 ۲) ۴  
 ۳) ۹  
 ۴) ۱۰

۲۳۳- طول دو میله‌ی فلزی  $A$  و  $B$  در دمای  $20^\circ \text{C}$  هر یک برابر ۲ متر است. دمای دو میله را چند درجه‌ی سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آن‌ها

برابر  $0.8 \text{ mm}$  شود؟  $(\alpha_A = 12 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ \text{C}}, \alpha_B = 20 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ \text{C}})$

- ۱) ۳۰      ۲) ۵۰      ۳) ۷۰      ۴) ۹۰

۲۳۴- ۸۰۰ گرم یخ صفر درجه‌ی سلسیوس را با ۸۰۰ گرم آب  $60^\circ \text{C}$  درجه‌ی سلسیوس مخلوط می‌کنیم. اگر فقط بین یخ و آب تبادل گرما صورت گیرد و

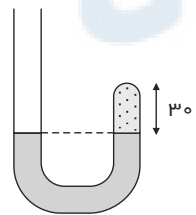
$L_f = 336000 \text{ J/kg}$  باشد، تا برقراری تعادل چند کیلوگرم آب صفر درجه‌ی سلسیوس ایجاد می‌شود؟  $c = 4200 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$

- ۱) ۰٫۲      ۲) ۰٫۶      ۳) ۱٫۲      ۴) ۱٫۴

۲۳۵- در شکل زیر، در ابتدا ارتفاع جیوه در دو طرف لوله یکسان است و مقداری گاز کامل در طرف راست لوله محبوس است. اگر جیوه به شاخه‌ی سمت

چپ افزوده شود به طوری که اختلاف ارتفاع جیوه در دو طرف لوله به ۳۸ سانتی‌متر برسد، ارتفاع ستون گاز چند سانتی‌متر می‌شود؟ (فشار هوا ۷۶

سانتی‌متر جیوه است و دما ثابت فرض شود.)



- ۱) ۵      ۲) ۱۰      ۳) ۱۵      ۴) ۲۰

۲۳۶- حداقل چند گرم یخ  $20^\circ \text{C}$  را داخل ۲۰۰ گرم آب صفر درجه بیندازیم تا تمام آب یخ ببندد؟

$(c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}, L_f = 336 \times 10^3 \frac{\text{J}}{\text{kg}})$

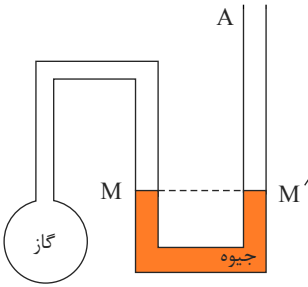
- ۱) ۱۶۰      ۲) ۳۶۰      ۳) ۱۲۰۰      ۴) ۱۶۰۰

۲۳۷- ۸۰۰ گرم یخ صفر درجه‌ی سلسیوس را با ۸۰۰ گرم آب  $20^\circ \text{C}$  درجه‌ی سلسیوس مخلوط می‌کنیم. اگر گرما فقط بین آب و یخ مبادله شود، بعد از

برقراری تعادل گرمایی چند گرم آب و با چه دمایی بر حسب سلسیوس خواهیم داشت؟  $(c_{\text{آب}} = 42 \frac{\text{J}}{\text{g} \cdot \text{K}}, L_f = 336 \frac{\text{J}}{\text{g}})$

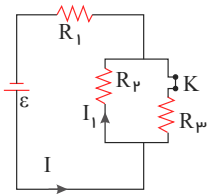
- ۱) ۱۰۰۰ و صفر      ۲) ۱۲۰۰ و صفر      ۳) ۲ و ۱۶۰۰      ۴) ۴ و ۱۶۰۰

۲۳۸- در شکل زیر دمای گاز ۲۷ درجه سلسیوس و فشار آن ۷۵ سانتی متر جیوه است. اگر دمای گاز را ۳۰ درجه سلسیوس افزایش دهیم، چند سانتی متر به ارتفاع جیوه در شاخه A اضافه کنیم تا سطح جیوه در شاخه سمت چپ، در سطح M باقی بماند؟



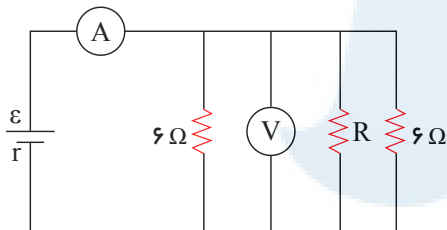
- ۱) ۲۰
- ۲) ۱۵
- ۳) ۷٫۵
- ۴) ۵٫۵

۲۳۹- اگر در شکل مقابل کلید K را باز کنیم، جریان های I و I<sub>1</sub> به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می کنند؟



- ۱) افزایش - افزایش
- ۲) کاهش - کاهش
- ۳) کاهش - افزایش
- ۴) افزایش - کاهش

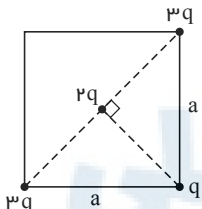
۲۴۰- در مدار مقابل آمپرسنج ۱۵A و ولت سنج ۳۰V را نشان می دهد. مقاومت R چند اهم است؟ (آمپرسنج و ولت سنج ایده آل فرض شوند.)



- ۱) ۲
- ۲) ۴
- ۳) ۶
- ۴) ۸

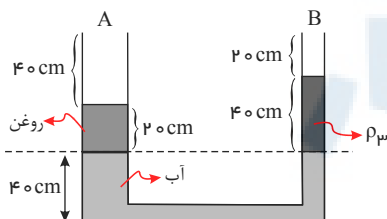
۲۴۱- در شکل زیر، اندازه نیروهای الکتریکی وارد بر بار q تقریباً چند برابر اندازه نیروهای الکتریکی وارد بر بار ۲q می باشد؟

( $\sqrt{2} \approx 1,4$  و  $k = 9 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2$ ، طول هر ضلع مربع a است)



- ۱) ۲٫۰۵
- ۲) ۱٫۶۴
- ۳) ۱
- ۴) ۱٫۵۵

۲۴۲- در شکل زیر، سطح مقطع لوله های A و B به ترتیب ۳۰۰cm<sup>۲</sup> و ۱۰۰cm<sup>۲</sup> است و در لوله U شکل، آب روغن و مایع نامعلوم فرضی ρ<sub>۳</sub> به حال تعادل قرار دارند. در لوله A آنقدر روغن می ریزیم تا این لوله کاملاً پر شود. در این صورت چند گرم از مایع ρ<sub>۳</sub> از لوله B به بیرون می ریزد؟ (چگالی آب و روغن به ترتیب ۱g/cm<sup>۳</sup> و ۰٫۸g/cm<sup>۳</sup> است.)

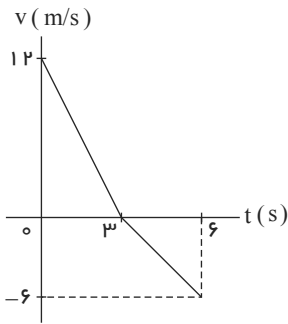


- ۱) ۴۸۰
- ۲) ۶۴۰
- ۳) ۳۲۰
- ۴) ۲۴۰

۲۴۳- خازنی مسطح و بردار که از مولد جدا شده است دارای ظرفیت ۶μF است. اگر ۶mC بار الکتریکی را از صفحه منفی خازن جدا کرده و به صفحه مثبت منتقل کنیم، انرژی ذخیره شده در خازن به اندازه ۹J کاهش می یابد. بار اولیه خازن چند میلی کولن بوده است؟ (با جابه جا کردن بارها، علامت بار صفحات خازن تغییر نمی کند.)

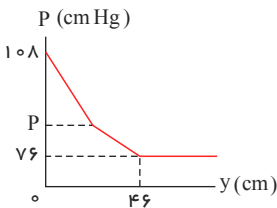
- ۱) ۶
- ۲) ۶ × ۱۰<sup>-۳</sup>
- ۳) ۱۲
- ۴) ۱۲ × ۱۰<sup>-۳</sup>

۲۴۴- جسمی به جرم  $4\text{ kg}$  تحت تأثیر نیروی افقی و ثابت  $F$  روی سطح افقی دارای اصطکاکی بر روی خط راست در حال حرکت است و نمودار سرعت - زمان آن مطابق شکل مقابل است. اگر بزرگی کار نیروی اصطکاک در  $t$  ثانیه اول حرکت جسم  $100\text{ J}$  باشد، کار نیروی  $F$  در این مدت چند ژول است؟ (اندازه نیروی اصطکاک ثابت است.)



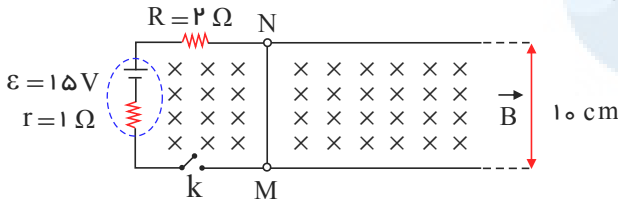
- ① ۱۴۴ -
- ② ۱۳۲ -
- ③ ۱۴۴
- ④ ۱۳۲

۲۴۵- نمودار فشار کل بر حسب ارتفاع از کف یک ظرف حاوی دو مایع اختلاطناپذیر، مطابق شکل زیر است. اگر مایع زیرین جیوه باشد و چگالی مایع بالایی یک سوم چگالی جیوه باشد،  $P$  چند سانتی‌متر است؟



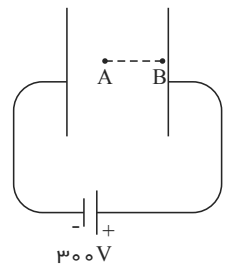
- ① ۸۳
- ② ۹۷
- ③ ۱۰۱
- ④ ۸۶

۲۴۶- در شکل زیر، میدان مغناطیسی، درون سو و یکنواخت و بزرگی آن  $0.2\text{ T}$  است و جرم میله فلزی و قائم  $MN$  که بدون مقاومت الکتریکی است برابر  $20\text{ g}$  می‌باشد. کلید  $K$  را می‌بندیم. در لحظه‌ای که شتاب حرکت میله برابر  $2\frac{m}{s^2}$  است،  $V_M - V_N$  برابر چند ولت است؟ (اصطکاک میله با قاب ناچیز است.)



- ① ۲۱ -
- ② ۹
- ③ ۹ -
- ④ ۲۱

۲۴۷- در شکل زیر و در میدان الکتریکی یکنواخت بین دو صفحه به بزرگی  $E = 2 \times 10^3\text{ N/C}$ ، پروتونی از نقطه  $A$  با تندی اولیه  $2 \times 10^5\text{ m/s}$  به طرف صفحه دارای بار مثبت پرتاب شده و سرانجام در نقطه  $B$  که مجاور صفحه مثبت است، متوقف می‌شود. اگر اختلاف پتانسیل دو سر باتری  $300\text{ V}$  باشد، فاصله نقطه  $A$  از صفحه منفی چند سانتی‌متر است؟ (از نیروی وزن و اصطکاک صرف‌نظر کنید و بار پروتون  $1.6 \times 10^{-19}\text{ C}$  و جرم آن  $1.6 \times 10^{-27}\text{ kg}$  فرض شود.)



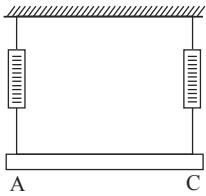
- ① ۱۵
- ② ۱۰
- ③ ۵
- ④ ۶

۲۴۸- خازن تختی را پس از پر شدن از مولد جدا می‌کنیم. اگر فاصله صفحات خازن را کاهش دهیم، اندازه میدان الکتریکی بین صفحات چگونه تغییر می‌کند؟

- ① ثابت می‌ماند.
- ② کاهش می‌یابد.
- ③ افزایش می‌یابد.
- ④ ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

جمع بندی فیزیک پایه

۲۴۹- در شکل زیر یک میلهٔ رسانا به طول  $80\text{cm}$  به وسیلهٔ دو نیروسنج به حالت افقی نگه داشته شده است و این مجموعه در میدان مغناطیسی یکنواخت  $\vec{B}$  که عمود بر صفحه است، واقع شده است. اگر جریان عبوری از میله برابر با  $4,5A$  از  $C$  به  $A$  باشد، هر نیروسنج عدد  $6,0\text{N}$  و اگر جریان عبوری از میله برابر با  $1,5A$  از  $A$  به  $C$  باشد، هر نیروسنج عدد  $1,2\text{N}$  را نشان خواهد داد. اندازهٔ میدان مغناطیسی بر حسب تسلا کدام است؟ (با تغییر)



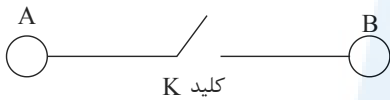
(۲)  $\frac{1}{4}$

(۱)  $\frac{1}{8}$

(۴)  $\frac{3}{4}$

(۳)  $\frac{1}{2}$

۲۵۰- مطابق شکل، دو گلولهٔ کوچک باردار فلزی مشابه در فاصلهٔ  $60$  سانتی‌متری، یکدیگر را با نیروی الکتریکی به بزرگی  $2$  نیوتون جذب می‌کنند. با وصل کردن کلید  $k$ ، الکترون‌ها از گلولهٔ  $B$  به گلولهٔ  $A$  منتقل می‌شوند و بار هر کدام از گلوله‌ها  $+8\mu\text{C}$  می‌شود. نسبت بار گلولهٔ  $A$  به بار گلولهٔ  $B$  قبل از تماس کدام است؟ (باری روی سیم رابط قرار نمی‌گیرد و  $k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}$ )



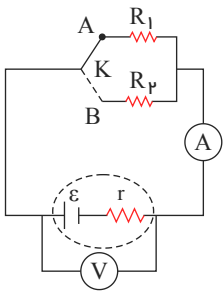
(۲)  $-20$

(۱)  $-\frac{1}{5}$

(۴)  $-\frac{1}{20}$

(۳)  $-5$

۲۵۱- در مدار شکل زیر، اگر کلید  $k$  از موقعیت  $A$  به موقعیت  $B$  برود، عددی که ولت‌سنج ایده‌آل نشان می‌دهد  $4\text{V}$  کاهش و عددی که آمپرسنج ایده‌آل نشان می‌دهد  $2A$  افزایش پیدا می‌کند. مقاومت درونی مولد چند اهم است؟



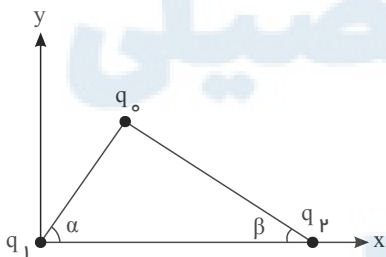
(۱)  $0,5$

(۲)  $1$

(۳)  $2$

(۴) باید مقادیر  $R_1$  و  $R_2$  معلوم باشند.

۲۵۲- سه ذرهٔ باردار مطابق شکل زیر در سه رأس یک مثلث ثابت شده‌اند. اگر برابری نیروهای وارد بر بار  $q_0$  از طرف دو بار  $q_1$  و  $q_2$  در راستای محور  $x$  ها باشد، در این صورت  $\frac{q_1}{q_2}$  کدام است؟



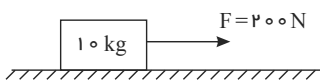
(۲)  $\frac{\tan \beta}{\tan \alpha}$

(۱)  $-\frac{\tan^3 \beta}{\tan^3 \alpha}$

(۴)  $\frac{\sin \beta}{\sin \alpha}$

(۳)  $-\frac{\sin^3 \beta}{\sin^3 \alpha}$

۲۵۳- در شکل زیر، با اعمال نیروی  $\vec{F}$  جسم از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از طی مسافتی، تندی آن به  $10$  متر بر ثانیه می‌رسد. اگر در این لحظه نیروی  $\vec{F}$  حذف شود، جسم پس از طی مسافت  $\frac{20}{3}$  متر (پس از حذف نیرو) متوقف می‌شود. جابه‌جایی جسم از لحظهٔ اعمال نیروی  $\vec{F}$  تا لحظهٔ حذف آن چند متر بوده است؟ (اندازهٔ نیروی اصطکاک در تمام مسیر ثابت است.)



(۴)  $\frac{32}{3}$

(۳)  $4$

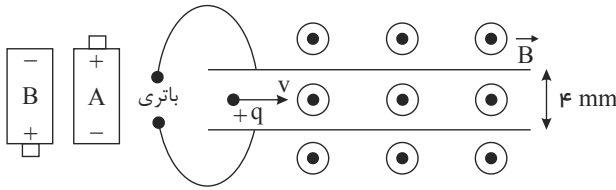
(۲)  $\frac{26}{3}$

(۱)  $2$

جمع بندی فیزیک پایه

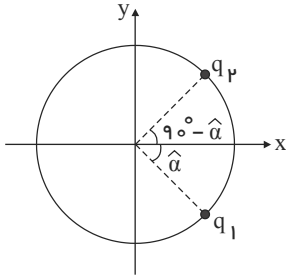


۲۵۴- در شکل زیر، کدام باتری و با چه ولتاژی بر حسب ولت را در مدار قرار دهیم تا اگر ذره‌ای مثبت با جرم ناچیز و تندی  $10^3 \text{ m/s}$  در جهت نشان داده شده وارد فضای بین دو صفحه شود، بدون انحراف به حرکت خود ادامه دهد؟ (بزرگی میدان مغناطیسی یکنواخت  $\vec{B}$  برابر با  $4000$  گاوس است.)



- ۱) باتری A، ۱٫۶
- ۲) باتری B، ۱۶
- ۳) باتری B، ۱٫۶
- ۴) باتری A، ۱۶

۲۵۵- در شکل زیر، اگر برآیند میدان‌های الکتریکی ناشی از بارهای نقطه‌ای مثبت  $q_1$  و  $q_2$  در مرکز دایره در راستای محور  $x$  باشد، حاصل  $\frac{q_1}{q_2}$  کدام است؟ ( $\hat{\alpha} \neq 0$ )

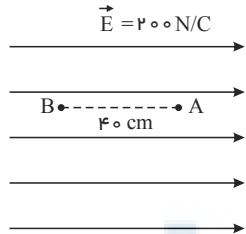


- ۱)  $\sin \alpha$
- ۲)  $\cos \alpha$
- ۳)  $\tan \alpha$
- ۴)  $\cot \alpha$

۲۵۶- آهنگ خروج آب از یک شیر آتش‌نشانی ۹۰ گالن بر دقیقه است. اگر با این شیر بخواهیم استخری به مساحت قاعده  $(22 \times 50) \text{ m}^2$  را پر کنیم، آهنگ افزایش ارتفاع آب استخر بر حسب  $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  کدام است؟ (هر گالن معادل ۴٫۴ لیتر است.)

- ۱)  $6.6 \times 10^{-1}$
- ۲)  $6 \times 10^{-4}$
- ۳)  $3.6 \times 10^{-2}$
- ۴)  $6.6 \times 10^{-2}$

۲۵۷- مطابق شکل زیر، ذره بارداری به جرم  $16 \mu\text{g}$  و بار الکتریکی  $q = -2 \mu\text{C}$  در میدان الکتریکی یکنواختی از نقطه A تا نقطه B به طور خودبه‌خود جابه‌جا می‌شود. اگر در طی این جابه‌جایی تغییرات تندی  $100 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد، تندی ذره در نیمه مسیر بین A و B چند متر بر ثانیه است؟ (از نیروی وزن و اصطکاک در طول مسیر صرف نظر کنید.)

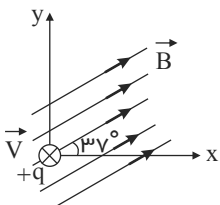


- ۱) ۵۰
- ۲)  $50\sqrt{5}$
- ۳) ۱۵۰
- ۴)  $100\sqrt{5}$

۲۵۸- سیمی با طول مشخص را تحت کشش قرار می‌دهیم. اگر جرم واحد طول سیم ۲۰ درصد کاهش یابد. مقاومت سیم چند برابر می‌شود؟

- ۱)  $\frac{25}{16}$
- ۲)  $\frac{5}{4}$
- ۳)  $\frac{36}{25}$
- ۴)  $\frac{6}{5}$

۲۵۹- مطابق شکل زیر، بار الکتریکی نقطه‌ای  $q = +10^{-5} \text{ C}$  با سرعت  $V = 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به طور عمود بر صفحه کاغذ و به صورت درون‌سو، در میدان مغناطیسی یکنواخت  $\vec{B}$  به بزرگی  $10^{-3} \text{ T}$  که منطبق بر صفحه کاغذ است، پرتاب می‌شود. در این لحظه بردار نیروی مغناطیسی وارد بر بار  $q$  بر حسب نیوتون کدام است؟ ( $\sin 37^\circ = 0.6$ )

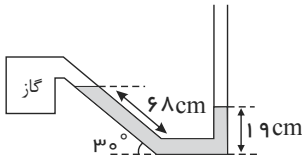


- ۱)  $(6\vec{i} + 8\vec{j}) \times 10^{-4}$
- ۲)  $(6\vec{i} - 8\vec{j}) \times 10^{-4}$
- ۳)  $(8\vec{i} + 6\vec{j}) \times 10^{-4}$
- ۴)  $(8\vec{i} - 6\vec{j}) \times 10^{-4}$

۲۶۰- یک اتومبیل به جرم ۲ تن روی سطح شیب‌داری به زاویه‌ی شیب ۳۰ درجه، با تندی ثابت  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  بالا می‌رود. اگر  $\frac{1}{5}$  نیروی موتور صرف غلبه بر اصطکاک شود، توان موتور چند کیلووات است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- ۱) ۱۲٫۵
- ۲) ۱۲۵
- ۳) ۲۵
- ۴) ۲۵۰

۲۶۱- با توجه به شکل، اگر فشار هوای محیط  $76\text{cmHg}$  و چگالی مایع داخل لوله  $6,8 \frac{g}{\text{cm}^3}$  باشد، فشار مخزن گاز چند سانتی متر جیوه است؟ (چگالی جیوه  $13,6 \frac{g}{\text{cm}^3}$  و سطح مقطع لوله‌های حاوی مایع، دایره با قطر  $2\text{cm}$  است.)

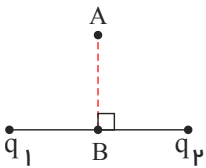


- ۶۶,۵ (۱)  
۶۸,۵ (۳)  
۶۷,۵ (۲)  
۶۵,۵ (۴)

۲۶۲- بار نقطه‌ای  $5$  میکروکولنی به جرم  $2\text{g}$  را در یک میدان الکتریکی یکنواخت افقی به بزرگی  $2000 \frac{N}{C}$  رها می‌کنیم. تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار پس از طی مسافت  $15\text{cm}$  چند میلی ژول است؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$

- ۱,۵ (۱)  
 $0,15\sqrt{5}$  (۲)  
 $-0,3\sqrt{5}$  (۳)  
 $-0,15\sqrt{5}$  (۴)

۲۶۳- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در دو نقطه ثابت شده‌اند و  $q_2 = -2q_1$  می‌باشد. اگر روی عمود منصف خط واصل دو بار از نقطه  $A$  تا نقطه  $B$  (وسط فاصله دو بار) حرکت کنیم، پتانسیل الکتریکی چه تغییری می‌کند؟ ( $q_1 > 0$ )

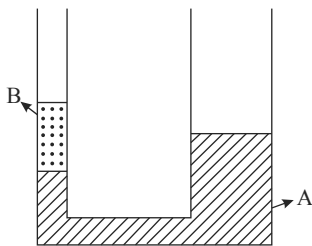


- افزایش می‌یابد. (۱)  
ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد. (۳)  
کاهش می‌یابد. (۲)  
ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد. (۴)

۲۶۴- بازده یک دستگاه بالابر برابر با  $70\%$  درصد است. اگر بتوانیم اتلاف انرژی در این دستگاه را  $10\%$  درصد کاهش دهیم، بازده آن چند درصد می‌شود؟

- ۸۰ (۱)  
۷۳ (۲)  
۷۵ (۳)  
۷۸ (۴)

۲۶۵- در شکل مقابل شعاع مقطع شاخه سمت راست دو برابر شعاع مقطع شاخه سمت چپ است و ارتفاع مایع  $B$  در شاخه سمت چپ برابر با  $20\text{cm}$  است. اگر در شاخه سمت راست مایع  $C$  به چگالی  $4 \frac{g}{\text{cm}^3}$  و به ارتفاع  $25\text{cm}$  بریزیم، پس از رسیدن مجموعه به تعادل، سطح مایع  $A$  در شاخه سمت چپ چند سانتی‌متر بالا می‌رود؟ ( $\rho_A = 5 \frac{g}{\text{cm}^3}$  و  $\rho_B = 3 \frac{g}{\text{cm}^3}$  و سه مایع مخلوط نشدنی هستند.)



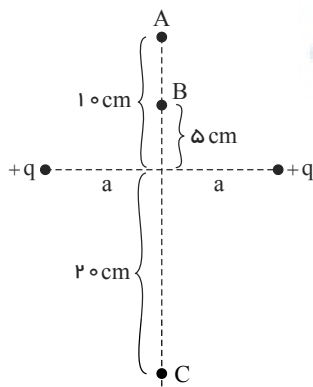
- ۱۲ (۱)  
۱۶ (۲)  
۴ (۳)  
۸ (۴)

۲۶۶- سیمی را به دور استوانه‌ای توخالی به گونه‌ای می‌پیچیم که حلقه‌ها در کنار هم و چسبیده به هم باشند. اگر شدت جریانی که از سیم می‌گذرد  $1\text{A}$  باشد و میدان مغناطیسی روی محور استوانه و به دور از لبه‌ها برابر  $10^{-2}\pi$  گاوس شود، قطر سیم انتخابی چند میلی‌متر است؟

$$\left( \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A} \right)$$

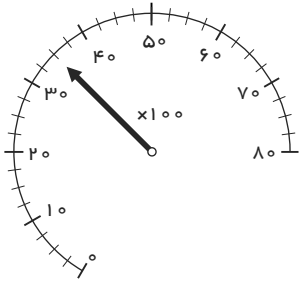
- ۲۰ (۱)  
۴۰ (۲)  
۵۰ (۳)  
۸۰ (۴)

۲۶۷- مطابق شکل زیر دو بار الکتریکی نقطه‌ای هم‌اندازه و مثبت در فاصله مشخص از یکدیگر ثابت شده‌اند. یک بار نقطه‌ای منفی روی عمود منصف خط واصل دو بار با سرعت ثابت از نقطه‌ی  $A$  تا نقطه‌ی  $C$  جابه‌جا می‌شود. کدام گزینه در مورد انرژی پتانسیل الکتریکی بار در نقاط  $A$ ،  $B$  و  $C$  صحیح است؟



- $U_A < U_B < U_C$  (۱)  
 $U_C < U_A < U_B$  (۲)  
 $U_B < U_C < U_A$  (۳)  
 $U_B < U_A < U_C$  (۴)

۲۶۸- شکل زیر نمایشگر دور موتور یک خودرو را بر حسب دور بر دقیقه ( $rpm$ ) نمایش می‌دهد. کدام گزینه عدد گزارش شده در این اندازه‌گیری و تعداد رقم غیرقطعی را به درستی نشان می‌دهد؟



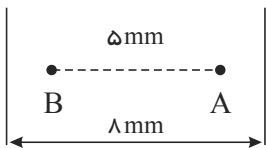
①  $1250rpm \pm 3500rpm$  و ۱

②  $250rpm \pm 3500rpm$  و ۱

③  $1250rpm \pm 3500rpm$  و ۳

④  $250rpm \pm 3500rpm$  و ۳

۲۶۹- ذره‌ای با بار الکتریکی  $-2pC$  و جرم  $۰.۲$  میلی‌گرم در میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات یک خازن تخت شارژ شده، از حال سکون و از نقطه  $A$  رها شده و با تندی  $۰.۱m/s$  از نقطه  $B$  عبور می‌کند. اگر ظرفیت خازن برابر با  $۲nF$  باشد، بار الکتریکی ذخیره شده روی صفحات خازن چند میکروکولن است؟ (از نیروی وزن صرف نظر کنید.)



① ۱٫۶

② ۳٫۲

③ ۸

④ ۴

۲۷۰- یک خازن به اختلاف پتانسیل ثابتی متصل است و بار ذخیره شده در آن برابر  $۱۲\mu C$  است. اگر ظرفیت خازن را  $۲\mu F$  افزایش دهیم و اختلاف پتانسیل دو سر آن را یک ولت تغییر دهیم، بار ذخیره شده در خازن تغییر نمی‌کند، انرژی ذخیره شده در خازن در حالت دوم چند میکروژول است؟

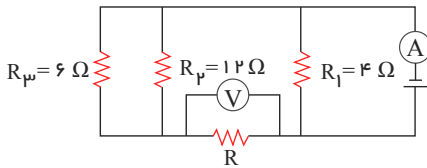
① ۱۲

② ۴۸

③ ۲۵۲

④ ۱۵۰

۲۷۱- در مدار شکل زیر، ولت‌سنج ایده‌آل عدد  $۱۶V$  و آمپرسنج ایده‌آل  $۱۰A$  را نشان می‌دهد. مقاومت  $R$  چند اهم است؟



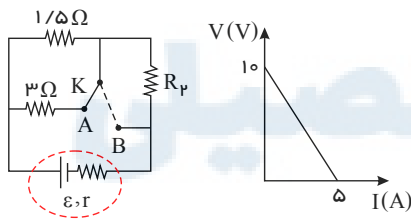
① ۱

② ۱۶/۳

③ ۸/۳

④ ۴

۲۷۲- نمودار اختلاف پتانسیل دو سر یک مولد بر حسب جریان عبوری از آن به صورت زیر می‌باشد. این مولد را در مدار شکل زیر می‌بندیم. اگر وضعیت کلید  $k$  از  $A$  به  $B$  تغییر کند، مقدار  $R_p$  چند اهم می‌تواند باشد تا توان خروجی مولد در هر دو حالت یکسان بماند؟



① ۱/۲

② ۵/۴

③ ۵/۲

④ ۱

۲۷۳- در حین سقوط جسمی در نزدیکی سطح زمین، نسبت اندازه‌ی تغییرات انرژی جنبشی به اندازه‌ی تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی آن در یک ارتفاع معین برابر با  $۲/۳$  می‌باشد. از لحظه شروع حرکت تا این ارتفاع، نسبت کار نیروی مقاومت هوا به کار نیروی وزن، کدام است؟

① ۱/۳

② -۱/۳

③ ۳/۵

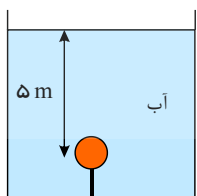
④ -۳/۵

⑤ ۱/۳

⑥ -۱/۳

⑦ ۱/۳

۲۷۴- مطابق شکل، گلوله‌ای با چگالی  $۰.۸g/cm^3$  در عمق  $۵m$  از سطح آب قرار دارد. اگر نخ متصل به گلوله ناگهان پاره شود، تندی گلوله در عمق  $۱.۸m$  از سطح آب به چند متر بر ثانیه خواهد رسید؟ (از نیروی مقاوم آب صرف نظر کنید،  $g = ۱۰N/kg$  و  $\rho_{\text{آب}} = ۱g/cm^3$ )



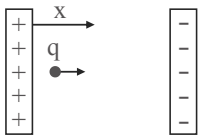
① ۴

② ۱۶

③ ۲

④ ۸

۲۷۵- مطابق شکل زیر، ذره‌ای به جرم  $۰٫۲$  میکروگرم دارای بار الکتریکی  $-۳nC$  می‌باشد و با سرعت اولیه افقی  $\frac{m}{s} ۳۰$  از مقابل صفحه مثبت به سمت صفحه منفی پرتاب می‌شود. اگر معادله پتانسیل الکتریکی نقاط بین دو صفحه در  $SI$  به صورت  $V = ۱۰۰ - ۲x$  باشد، این ذره در فاصله چند متری از صفحه مثبت متوقف می‌شود؟ ( $x$  فاصله تا صفحه مثبت است و فاصله دو صفحه به اندازه کافی است و از نیروی وزن وارد بر ذره صرف نظر کنید).



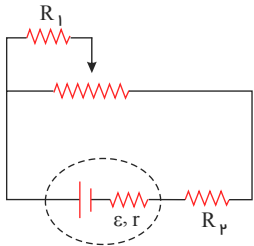
۷۰ (۲)

۳۰ (۱)

۳۵ (۴)

۱۵ (۳)

۲۷۶- در مدار شکل زیر با حرکت لغزنده‌ی رئوستا به سمت راست، جریان عبوری از مقاومت‌های  $R_۱$  و  $R_۲$  به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کند؟



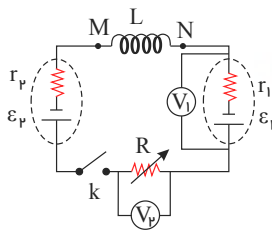
افزایش - کاهش (۱)

کاهش - کاهش (۲)

کاهش - افزایش (۳)

افزایش - افزایش (۴)

۲۷۷- در مدار شکل مقابل در لحظه وصل کلید  $V_N > V_M$  است. پس از گذشت مدت زمان طولانی از لحظه وصل کلید اگر مقاومت متغیر  $R$  را از مقدار  $R_۱$  به  $R_۲$  برسانیم ( $R_۲ > R_۱$ ) در حالتی که  $V_M = V_N = ۰$  است، اعدادی که ولت سنج‌های ایده آل  $V_۱$  و  $V_۲$  نشان می‌دهند. به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟ (مقاومت القاگر ناچیز است).



کاهش - افزایش (۱)

افزایش - افزایش (۲)

کاهش - کاهش (۳)

افزایش - کاهش (۴)

۲۷۸- دمای ماده‌ای را به اندازه  $\theta$  درجه سلسیوس افزایش می‌دهیم و چگالی آن  $۰٫۶$  در صد کاهش می‌یابد. اگر دمای میله‌ای از جنس این ماده را به اندازه  $۲\theta$  افزایش دهیم، طول آن چند درصد افزایش می‌یابد؟

۰٫۳ (۴)

۰٫۴ (۳)

۰٫۲ (۲)

۱٫۲ (۱)

۲۷۹- کره‌ای رسانا دارای بار الکتریکی مثبت است. اگر  $۵ \times 10^{۱۳}$  الکترون به کره بدهیم، بار آن منفی و اندازه بار، منفی  $\frac{۲}{۳}$  اندازه بار اولیه‌اش می‌شود. با اتصال این کره به کره‌ای مشابه که دارای بار  $۱۹٫۲ \mu C$  است، چند میکروکولن بار از یکی به دیگری منتقل می‌شود؟ ( $e = ۱٫۶ \times 10^{-۱۹} C$ )

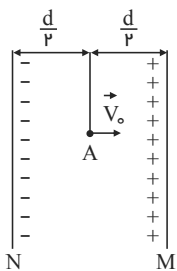
۱۲٫۲ (۴)

۱۲٫۴ (۳)

۱۱٫۲ (۲)

۸ (۱)

۲۸۰- مطابق شکل زیر، پروتونی به جرم  $۱٫۶ \times 10^{-۲۱} mg$  و بار الکتریکی  $۱٫۶ \times 10^{-۱۳} \mu C$  با تندی  $v_۰ = ۱۰۰ \frac{m}{s}$  از نقطه A به صورت افقی در فضای میدان الکتریکی یکنواخت بین دو صفحه باردار M و N با اختلاف پتانسیل  $۴۰۰ V$  پرتاب می‌شود. در این صورت پروتون با تندی ..... به صفحه ..... برخورد می‌کند. (از اثر نیروی اصطکاک صرف نظر شود).



بیش تر از  $v_۰$  M (۱)

بیش تر از  $v_۰$  N (۲)

کم تر از  $v_۰$  M (۳)

کم تر از  $v_۰$  N (۴)

۲۸۱- فاصله صفحات یک خازن تخت به ظرفیت  $۱۰ \mu F$  برابر یک میلی‌متر است. این خازن را به وسیله یک مولد  $۱۰۰$  ولتی شارژ کرده و سپس از مولد جدا می‌کنیم. اگر فاصله میان صفحات را  $۰٫۲$  میلی‌متر افزایش دهیم، انرژی الکتریکی ذخیره شده در خازن چند ژول تغییر می‌کند؟

$11 \times 10^{-۲}$  (۴)

$10^{-۲}$  (۳)

$۵ \times 10^{-۲}$  (۲)

$۶ \times 10^{-۲}$  (۱)

۲۸۲- اگر بخواهیم مقاومت یک سیم مسی به طول  $L$  و شعاع سطح مقطع  $r$  را ۷۵ درصد کاهش دهیم، در این صورت می‌توانیم طول آن را ..... برابر کنیم و استوانه‌ای به شعاع ..... را از داخل سیم خالی کنیم. (دما ثابت فرض شود).

- ①  $\frac{\sqrt{3}}{2}r$  و  $\frac{1}{6}$       ②  $\frac{\sqrt{2}}{2}r$  و  $\frac{1}{6}$       ③  $\frac{\sqrt{3}}{2}r$  و  $\frac{1}{8}$       ④  $\frac{\sqrt{2}}{2}r$  و  $\frac{1}{8}$

۲۸۳- دو خودروی مشابه  $A$  و  $B$  که به ترتیب با تندی‌های  $2v$  و  $3v$  در مسیری مستقیم و افقی در حال حرکت می‌باشند، پس از دیدن مانعی در روبه‌روی خود، هر دو بلافاصله ترمز گرفته تا تندی‌شان به  $v$  برسد. اگر نیروی ترمز تا رسیدن به تندی  $v$  برای هر دو خودرو یکسان و ثابت باشد و طی این مدت جابه‌جایی خودروی  $A$  برابر با  $d_A$  و جابه‌جایی خودروی  $B$  برابر  $d_B$  باشد، حاصل  $\frac{d_B}{d_A}$  کدام است؟ (تنها نیروی وارد به خودروها ناشی از ترمزها می‌باشد).

- ①  $\frac{3}{8}$       ②  $\frac{8}{3}$       ③  $\frac{4}{9}$       ④  $\frac{9}{4}$

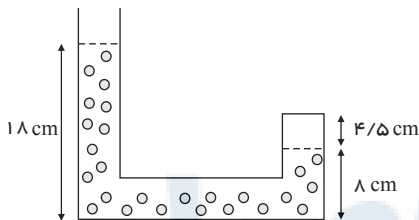
۲۸۴- معادله‌ی نیم‌خط عمود بر قابی مستطیلی شکل به ابعاد  $30\text{ cm} \times 20\text{ cm}$  که در میدان مغناطیسی یکنواخت قرار دارد، به صورت  $12x - 3y + 4z = 0$  است. اگر بردار میدان مغناطیسی در جهت مثبت محور  $y$  و مقدار آن برابر با  $0.5T$  باشد، بزرگی شار عبوری از قاب چند وبر می‌باشد؟ ( $\sin 37^\circ = 0.6$ )

- ①  $9 \times 10^{-3}$       ②  $3 \times 10^{-2}$       ③  $1.8 \times 10^{-3}$       ④  $2.4 \times 10^{-3}$

۲۸۵- به کره‌ی فلزی توخالی با شعاع خارجی  $2\text{ cm}$  و چگالی اولیه‌ی  $15000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  و گرمای ویژه‌ی  $400 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ ، به مقدار  $6000\text{ J}$  گرما می‌دهیم. اگر شعاع کره  $0.5$  درصد افزایش یابد، حجم اولیه‌ی حفره‌ی درون کره چند سانتی‌متر مکعب است؟ ( $10^{-4} \frac{1}{^\circ\text{K}}$  ضریب انبساط طولی این فلز و  $3 = \pi$ )

- ① ۱۲      ② ۲۲٫۵      ③ ۱۵      ④ ۲۰

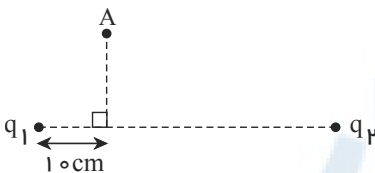
۲۸۶- در شکل زیر قطر مقطع لوله‌ی راست و چپ با هم برابر است. دمای مطلق هوای محبوس در لوله‌ی راست را چند برابر کنیم تا ارتفاع مایع در لوله‌ی سمت چپ  $23.5\text{ cm}$  شود؟ ( $g = 10\text{ N/kg}$  و هوا را گاز کامل در نظر بگیرید،  $\rho_{\text{مایع}} = 10^3\text{ kg/m}^3$ ،  $P_0 = 10^5\text{ Pa}$ )



- ①  $\frac{15}{3}$       ②  $\frac{22}{9}$

- ③  $\frac{15}{11}$       ④  $\frac{11}{10}$

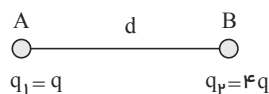
۲۸۷- مطابق شکل زیر، دو بار نقطه‌ای مثبت  $q_1$  و  $q_2$  ( $q_2 = 2q_1$ ) در فاصله‌ی  $50\text{ cm}$  از یکدیگر ثابت شده‌اند. اگر راستای بردار برابند میدان الکتریکی حاصل از این دو بار در نقطه‌ی  $A$  بر خط واصل دو بار عمود باشد، در این صورت فاصله‌ی نقطه‌ی  $A$  تا بار  $q_1$  چند سانتی‌متر است؟



- ① ۲۰      ②  $20\sqrt{5}$

- ③ ۲۵      ④  $10\sqrt{5}$

۲۸۸- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در فاصله‌ی  $d$  از یکدیگر قرار دارند. اگر بار  $Q > 0$  روی خط واصل دو بار از نقطه‌ی  $A$  تا نقطه‌ی  $B$  جابه‌جا شود، تغییرات پتانسیل الکتریکی آن چگونه است؟ ( $q > 0$ )



- ① تا فاصله‌ی  $\frac{d}{3}$  از بار کوچک‌تر کاهش و بعد از آن افزایش می‌یابد.      ② تا فاصله‌ی  $\frac{d}{3}$  از بار کوچک‌تر افزایش و بعد از آن کاهش می‌یابد.
- ③ تا فاصله‌ی  $\frac{d}{2}$  از بار کوچک‌تر کاهش و بعد از آن افزایش می‌یابد.      ④ تا فاصله‌ی  $\frac{d}{2}$  از بار کوچک‌تر افزایش و بعد از آن کاهش می‌یابد.

۲۸۹- مکعبی به حجم  $400 \text{ cm}^3$  که درون آن حفره‌ای وجود دارد، از آلومینیوم به چگالی  $2.7 \text{ g/cm}^3$  ساخته شده است. اگر تمام حفره را با آب به چگالی  $1 \text{ g/cm}^3$  پر کرده باشیم و جرم کل مجموعه ۹۱۰ باشد، حجم حفره آب چند درصد از کل حجم مکعب را شامل می‌شود؟

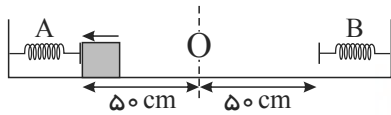
۷۵ (۴)

۲۰ (۳)

۳۰ (۲)

۲۵ (۱)

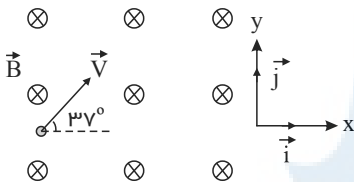
۲۹۰- در شکل زیر، هر دو فنر در طول عادی خود هستند. جسمی به جرم  $2 \text{ kg}$ ، با تندی  $10 \text{ m/s}$  به فنر A برخورد می‌کند و سپس برمی‌گردد و به فنر B برخورد می‌کند. اگر حداکثر انرژی ذخیره شده در فنرهای A و B به ترتیب  $99 \text{ J}$  و  $86.5 \text{ J}$  باشد، تندی جسم پس از برخورد به فنر B و زمانی که برمی‌گردد و از نقطه O عبور می‌کند، چند متر بر ثانیه است؟ (اندازه نیروی اصطکاک را ثابت و برابر با  $10 \text{ N}$  در نظر بگیرید و از ابعاد جسم صرف نظر کنید)

 $4\sqrt{5}$  (۲) $5\sqrt{17}$  (۱)

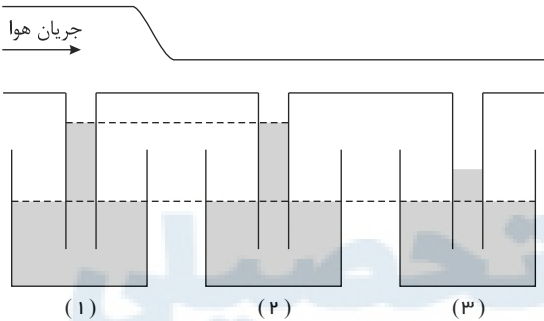
۱۰ (۴)

 $\sqrt{93}$  (۳)

۲۹۱- مطابق شکل زیر، بار الکتریکی ۵ میکروکولنی با سرعت  $2 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $100$  گاوس در جهت نشان داده شده حرکت می‌کند. بردار نیروی وارد بر ذره در لحظه نشان داده شده در SI کدام است؟ ( $\sin 37^\circ = 0.6$ )

 $-6\vec{i} + 8\vec{j}$  (۲) $6\vec{i} - 8\vec{j}$  (۱) $-8\vec{i} + 6\vec{j}$  (۴) $8\vec{i} - 6\vec{j}$  (۳)

۲۹۲- با حرکت جریان هوا در لوله افقی با سطح مقطع متغیر مطابق شکل، سطح مایع در لوله‌های عمودی متصل به ظروف حاوی مایع‌های (۱) و (۲) و (۳) مطابق شکل زیر خواهد شد. کدام گزینه رابطه بین چگالی سه مایع را به درستی نشان می‌دهد؟

 $\rho_3 > \rho_2 > \rho_1$  (۱) $\rho_3 > \rho_1 > \rho_2$  (۲) $\rho_1 = \rho_2 > \rho_3$  (۳) $\rho_3 > \rho_1 = \rho_2$  (۴)

۲۹۳- درون ظرفی به ظرفیت گرمایی  $\frac{J}{C}$ ، مقداری مایع به ظرفیت گرمایی  $1050 \frac{J}{C}$  در دمای  $5^\circ \text{C}$  در تعادل گرمایی قرار دارد. قطعه فلزی به دمای  $75^\circ \text{C}$  را به ظرف و مایع اضافه می‌کنیم و دمای تعادل مجموعه به  $15^\circ \text{C}$  می‌رسد. اگر  $3000$  ژول انرژی گرمایی در این تبادل گرمایی به هوای اطراف داده شود، ظرفیت گرمایی قطعه فلز چند  $\frac{J}{C}$  است؟

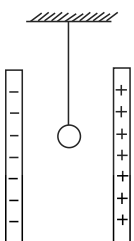
۱۰۰ (۴)

۲۰۰ (۳)

۲۵۰ (۲)

۱۵۰ (۱)

۲۹۴- در شکل مقابل، گلوله‌ی رسانای آونگ در ابتدا بدون بار است و بین دو صفحه‌ی رسانای باردار که اندازه‌ی بار آنها برابر است، قرار دارد. اگر گلوله را به یکی از صفحه‌ها تماس داده و رها کنیم، چه اتفاقی می‌افتد؟



به همان صفحه می‌چسبد. (۱)

به صفحه‌ی مقابل می‌چسبد. (۲)

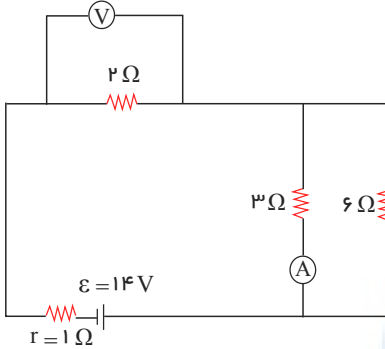
دائماً بین دو صفحه نوسان می‌کند. (۳)

ابتدا بین دو صفحه نوسان می‌کند و بعد از مدتی به حالت تعادل اولیه برمی‌گردد. (۴)

۲۹۵- از سیم رسانایی به مقاومت الکتریکی  $R$  که به اختلاف پتانسیل الکتریکی  $V$  وصل شده است، جریان  $I$  عبور می‌کند. سیم را از ابزاری می‌گذرانیم تا بدون تغییر جرم، شعاع سطح مقطع آن  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  برابر شود و سپس اختلاف پتانسیل دو سر رسانا را ۲۰ درصد کاهش می‌دهیم. جریان عبوری از آن چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

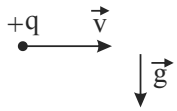
- (۱) ۸۰ درصد کاهش می‌یابد. (۲) ۸۰ درصد افزایش می‌یابد. (۳) ۶۰ درصد کاهش می‌یابد. (۴) ۶۰ درصد افزایش می‌یابد.

۲۹۶- در مدار شکل زیر، اگر جای آمپرسنج و ولت‌سنج را باهم عوض کنیم، اعدادی که آمپرسنج ایده‌آل و ولت‌سنج ایده‌آل نشان می‌دهد، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر خواهند کرد؟ (آمپرسنج و ولت‌سنج ایده‌آل‌اند.)



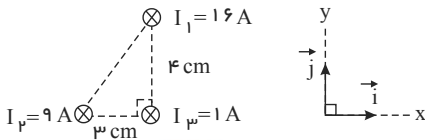
- (۱) افزایش - کاهش  
(۲) افزایش - افزایش  
(۳) کاهش - کاهش  
(۴) کاهش - افزایش

۲۹۷- مطابق شکل زیر، ذره باردار  $m$  و بار  $+q$  با تندی افقی  $v$  که به سمت راست می‌باشد، وارد میدان مغناطیسی افقی و یکنواختی می‌شود که خط‌های آن بر راستای حرکت بار عمود است. اندازه و جهت میدان مغناطیسی مطابق با کدام گزینه باشد تا شتاب ذره در لحظه ورود به میدان برابر با  $2g$  و به سمت پایین باشد؟



- (۱)  $\frac{mg}{qv}$  ، درون‌سو  
(۲)  $\frac{2mg}{qv}$  ، برون‌سو  
(۳)  $\frac{mg}{qv}$  ، برون‌سو  
(۴)  $\frac{2mg}{qv}$  ، درون‌سو

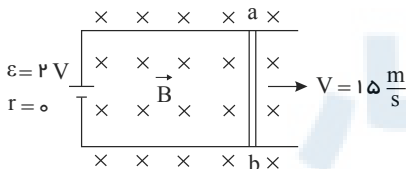
۲۹۸- سه سیم راست و موازی حامل جریان مطابق شکل زیر ثابت شده‌اند. میدان‌های مغناطیسی سیم‌های (۱) و (۲) در مکان سیم (۳) به ترتیب



$8 \times 10^{-5} T$  و  $6 \times 10^{-5} T$  است. براینده نیروهای وارد بر  $2m$  از سیم (۳) در  $SI$  کدام است؟

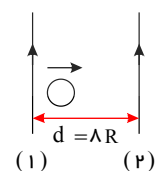
- (۱)  $-2,56 \times 10^{-4} \vec{i} + 1,08 \times 10^{-4} \vec{j}$   
(۲)  $2,56 \times 10^{-4} \vec{i} - 1,08 \times 10^{-4} \vec{j}$   
(۳)  $-1,2 \times 10^{-5} \vec{i} + 1,6 \times 10^{-5} \vec{j}$   
(۴)  $1,2 \times 10^{-5} \vec{i} - 1,6 \times 10^{-5} \vec{j}$

۲۹۹- در شکل مقابل میله‌ی رسانای  $ab$  به طول  $20 \text{ cm}$  در میدان مغناطیسی یکنواخت  $\vec{B}$  به بزرگی  $0,6T$  که عمود بر صفحه کاغذ است با سرعت ثابت به سمت راست کشیده می‌شود. اگر مقاومت الکتریکی میله  $5\Omega$  باشد و از مقاومت سیم‌های رابط صرف نظر شود، شدت جریان مدار چند آمپر خواهد بود؟



- (۱) ۰,۲  
(۲) ۰,۴  
(۳) ۰,۰۲  
(۴) ۰,۰۴

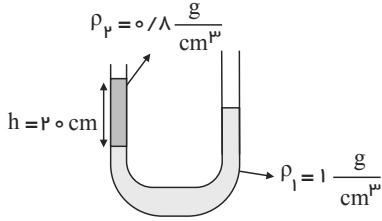
۳۰۰- از دو سیم موازی، نازک و بلند جریان‌های مساوی و در یک جهت عبور می‌کند. اگر مطابق شکل مقابل حلقه‌ای به شعاع  $R$  را از مجاورت سیم (۱) تا مجاورت سیم (۲) به طور یکنواخت منتقل کنیم، جهت جریان القایی در حلقه در چه جهتی خواهد بود؟ (دو سیم حامل جریان و حلقه در صفحه‌ی کاغذ قرار دارند.)



- (۱) ابتدا ساعتگرد سپس پادساعتگرد  
(۲) ساعتگرد  
(۳) پادساعتگرد  
(۴) ابتدا پادساعتگرد سپس ساعتگرد

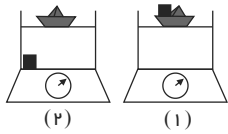


۳۰۱- دو مایع مخلوط نشدنی در لوله ی U شکل زیر در حال تعادل اند. مایعی به چگالی  $\rho_3$  را به طرف راست لوله اضافه می کنیم تا سطح آزاد مایع ها در یک ارتفاع قرار گیرند. اگر در این حالت اختلاف سطح مایع به چگالی  $\rho_1$  در دو طرف لوله  $4\text{ cm}$  باشد، در این صورت  $\rho_3$  چند  $\frac{g}{\text{cm}^3}$  است؟



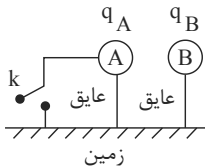
- گزینه های ۱ و ۲
- ۱)  $\frac{5}{6}$
- ۲)  $\frac{3}{4}$
- ۳)  $\frac{3}{5}$
- ۴)  $\frac{5}{4}$

۳۰۲- مطابق شکل های زیر، یک قطعه ی فولادی توپر داخل یک قایق اسباب بازی قرار دارد و بر سطح آب درون ظرفی که روی باسکولی قرار دارد، شناور است. پس از آن که قطعه ی فولادی را از داخل قایق برداریم و به درون آب بیندازیم، سطح آب درون ظرف ..... و عددی که باسکول نشان خواهد داد ..... حالت قبل خواهد بود.



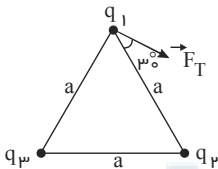
- ۱) بالاتر می رود - برابر با
- ۲) پایین تر می رود - برابر با
- ۳) بالاتر می رود - بیش تر از
- ۴) پایین تر می رود - کم تر از

۳۰۳- مطابق شکل زیر دو کره رسانای A و B در فاصله مشخصی از هم قرار دارند و یکدیگر را جذب می کنند. یک لحظه کره A را با سیم رسانایی به زمین متصل کرده و سپس کلید k را قطع می کنیم. ملاحظه می شود که دیگر نیروی الکتریکی بین این دو کره وجود ندارد. کدام گزینه می تواند در مورد بار کره ها قبل از اتصال به زمین درست باشد؟



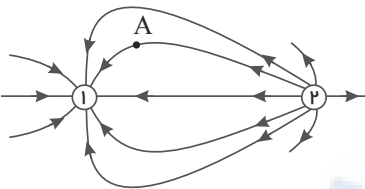
- ۱)  $q_A \cdot q_B < 0$
- ۲)  $q_B < 0, q_A + q_B > 0$
- ۳)  $q_A > 0, q_A + q_B < 0$
- ۴)  $q_A > 0, q_A + q_B > 0$

۳۰۴- در شکل مقابل سه بار الکتریکی نقطه ای  $q_1, q_2, q_3$  در سه رأس مثلث متساوی الاضلاعی ثابت شده اند. اگر بردار برآیند نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  از طرف دو بار دیگر مطابق شکل باشد، کدام است  $\left| \frac{q_2}{q_3} \right|$ ؟



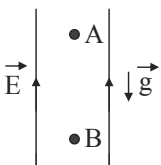
- ۱)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- ۲) ۲
- ۳)  $\frac{1}{2}$
- ۴)  $\sqrt{3}$

۳۰۵- خطوط میدان الکتریکی در اطراف دو کره رسانای مشابه باردار مطابق شکل زیر است. اگر این دو کره را توسط یک سیم رسانا به هم وصل کرده و بعد از تعادل، سیم را جدا کنیم، در صورتی که فاصله بین دو کره تغییر نکند، بردار میدان در نقطه A در چه جهتی خواهد بود؟ (بار باقی مانده روی سیم را ناچیز در نظر بگیرید.)



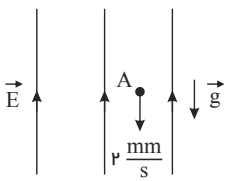
- ۱) ↖
- ۲) ↘
- ۳) ↗
- ۴) ↙

۳۰۶- مطابق شکل مقابل، بار الکتریکی نقطه ای  $q > 0$  به جرم  $20\text{ mg}$  را در یک میدان الکتریکی یکنواخت قائم از نقطه ی A رها می کنیم و بار سرعت  $\frac{3m}{s}$  از نقطه ی B عبور می کند. اگر طی این جابه جایی، کار نیروی وزن  $\frac{1}{5}$  کار نیروی الکتریکی باشد، کار نیروی الکتریکی چند میکروژول است؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر شود.)



- ۱) ۷۵
- ۲) ۱۱۲٫۵
- ۳) ۴۵
- ۴) ۶۰

۳۰۷- مطابق شکل زیر، میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی  $\frac{N}{C}$  رو به بالا وجود دارد. اگر ذره‌ای با بار الکتریکی  $1.6 \times 10^{-19} C$  و جرم  $10^{-20} kg$  با تندی  $2 \frac{mm}{s}$  از نقطه A رو به پایین پرتاب شود، تغییرات انرژی جنبشی ذره چگونه است؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

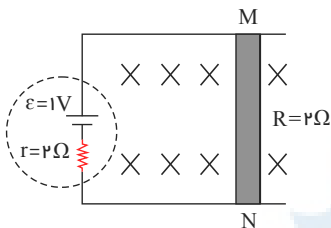


۱) همواره کاهش می‌یابد. ۲) همواره افزایش می‌یابد. ۳) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد. ۴) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

۳۰۸- از مقدار معینی مس، یک بار سیمی یکنواخت با سطح مقطع دایره‌ای و به قطر  $a$  و بار دیگر سیمی یکنواخت با سطح مقطع مربعی به طول ضلع  $a$  می‌سازیم. در دمای یکسان، مقاومت الکتریکی سیم با سطح مقطع دایره‌ای چند برابر مقاومت الکتریکی سیم با سطح مقطع مربعی است؟

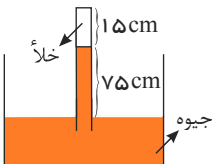
- ۱)  $\frac{1}{\pi}$  ۲)  $\frac{4}{\pi}$  ۳)  $(\frac{1}{\pi})^2$  ۴)  $(\frac{4}{\pi})^2$

۳۰۹- مطابق شکل زیر، سیم  $MN$  به طول ۴ متر و مقاومت الکتریکی  $2 \Omega$  را در میدان مغناطیسی یکنواخت درون سویی به اندازه  $5T$ ، با سرعت ثابت و عمود بر خط‌های میدان مغناطیسی به حرکت در می‌آوریم. جهت حرکت سیم کدام طرف و سرعت آن چند سانتی‌متر بر ثانیه باشد تا در حالتی که جریان عبوری از مدار صفر نیست، توان خروجی مولد صفر شود؟



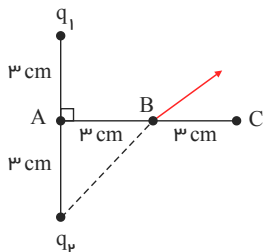
- ۱)  $10 \leftarrow$  ۲)  $10 \rightarrow$  ۳)  $5 \leftarrow$  ۴)  $5 \rightarrow$

۳۱۰- حداکثر نیرویی که انتهای لوله شکل زیر می‌تواند از طرف جیوه تحمل کند،  $4N$  است. حداکثر چند سانتی‌متر می‌توان لوله را نسبت به سطح آزاد جیوه درون ظرف، وارد ظرف کرد تا لوله آسیب نبیند؟ (سطح مقطع لوله  $2cm^2$  است و هر  $10^5 Pa$  را معادل  $75cmHg$  در نظر بگیرید.)



- ۱) ۱۵ ۲) ۲۰ ۳) ۳۰ ۴) ۶۰

۳۱۱- مطابق شکل مقابل، بارهای الکتریکی  $q_1 = q_2 = 6 \mu C$  در جای خود ثابت شده‌اند. اگر بار الکتریکی به بزرگی  $q_3$  را در یکی از نقاط A یا C قرار دهیم، میدان الکتریکی برآیند حاصل از هر سه بار در نقطه B به صورت بردار  $\vec{E}$  (روی شکل) و بزرگی آن برابر با  $5\sqrt{2} \times 10^9 N/C$  خواهد شد. در این صورت، بارهای  $q_1$  و  $q_2$  ..... بوده و بزرگی بار  $q_3$  برابر با ..... میکروکولن است. ( $k = 9 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2$ )



- ۱) ناهم نام، ۴ ۲) هم نام، ۴ ۳) ناهم نام،  $4\sqrt{2}$  ۴) هم نام،  $4\sqrt{2}$

۳۱۲- فاصله‌ی میان صفحات مستطیلی شکل خازن مسطحی  $10$  برابر شده و فضای میان صفحات آن که در ابتدا خالی بوده را به طور کامل توسط یک دی الکتریک با ضریب  $1.6$  پر می‌کنیم. اگر طول و عرض صفحات با یک نسبت تغییر کنند، ابعاد صفحات خازن چند برابر شود تا ظرفیت آن تغییر نکند؟

- ۱)  $\frac{5}{2}$  ۲)  $\frac{2}{5}$  ۳)  $\frac{25}{4}$  ۴)  $\frac{4}{25}$

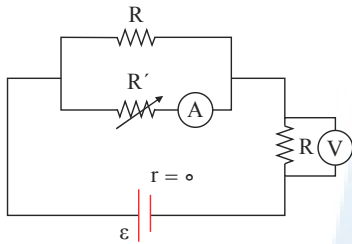
۳۱۳- خازن تختی که عایق بین صفحات آن هواست، به مولد متصل است و انرژی الکتریکی ذخیره شده در آن برابر با  $U$  است. اگر در این حالت فاصله دو صفحه‌اش را سه برابر کرده و سپس آن را از مولد جدا کنیم و پس از آن، بین دو صفحه خازن را به طور کامل با عایقی به ضریب دی‌الکتریک ۲ پر کنیم، انرژی الکتریکی ذخیره شده در خازن چند برابر  $U$  خواهد شد؟

- ① ۶      ②  $\frac{1}{6}$       ③  $\frac{2}{3}$       ④  $\frac{3}{2}$

۳۱۴- طول یک سیم فلزی  $45m$ ، قطر آن  $0.5mm$ ، مقاومت الکتریکی آن  $100\Omega$  است. سیم را ذوب کرده و دوباره از آن سیمی به مقاومت  $4\Omega$  می‌سازیم. طول سیم جدید چند سانتی‌متر است؟ (دمای سیم اولیه و ثانویه یکسان است).

- ① ۱٫۸      ② ۹      ③ ۱۸۰      ④ ۹۰۰

۳۱۵- در مدار شکل زیر با افزایش مقاومت رئوستا، اعدادی که آمپرسنج ایده‌آل و ولت‌سنج ایده‌آل نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چه تغییری می‌کنند؟

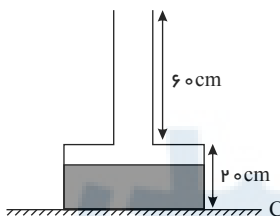


- ① کاهش - افزایش  
② افزایش - کاهش  
③ افزایش - افزایش  
④ کاهش - کاهش

۳۱۶- یک موتور الکتریکی با بازده ۶۰ درصد یک بالابر به جرم  $400kg$  را با تندی ثابت  $2.4 \frac{m}{s}$  بالا می‌برد. اگر اندازه‌ی نیروی اصطکاک در مقابل حرکت بالابر برابر با ۲۵ درصد وزن آن باشد، توان ورودی موتور الکتریکی چند کیلووات است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- ① ۱۲      ② ۱۶      ③ ۸      ④ ۲۰

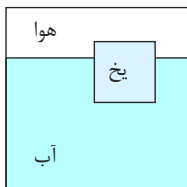
۳۱۷- در شکل زیر مساحت درب و کف ظرف به ترتیب  $5cm^2$  و  $50cm^2$  است و تا ارتفاع  $15cm$  آب در داخل ظرف وجود دارد. اگر  $5$  لیتر آب به آب موجود در ظرف اضافه شود، به ترتیب از راست به چپ به نیروی وارد بر کف ظرف و سطح تکیه‌گاه (سطح  $C$ ) چند نیوتون اضافه می‌شود؟



$$g = 10 \frac{N}{kg}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$$

- ① ۵۰۲۷٫۵      ② ۵۰۲۵  
③ ۲۷٫۵۰، ۲۷٫۵      ④ ۲۵٫۰۲۵

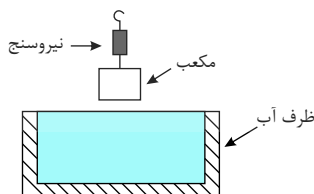
۳۱۸- مطابق شکل زیر، در یک محفظه بسته استوانه‌ای شکل، مقداری آب و یخ و هوا محبوس است. با ذوب شدن یخ، فشار ناشی از مایع در کف ظرف و فشار هوای محبوس به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟ (دمای هوا را ثابت و هوای محبوس را گاز کامل فرض کنید).



- ① ثابت - کاهش  
② ثابت - ثابت  
③ افزایش - کاهش  
④ افزایش - ثابت

۳۱۹- در شکل زیر ظرف به طور کامل از آب پر است. مکعبی فلزی و توپُر به ضلع  $10$  سانتی‌متر را که به نیروسنجی متصل شده است چند سانتی‌متر در

$$(g = 10 m/s^2, \rho_{\text{آب}} = 1 g/cm^3, \rho_{\text{جسم فلزی}} = 2.5 g/cm^3)$$

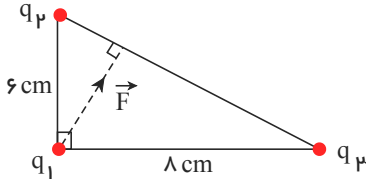


- ① ۲٫۵      ② ۲  
③ ۵      ④ غیرممکن است نیروسنج این عدد را نشان دهد.

۳۲۰- اگر دمای آب درون سه ظرف (۱)، (۲) و (۳) به ترتیب  $39.2^\circ F$ ،  $14^\circ C$  و  $276K$  باشد و چگالی آب درون ظرف‌های (۱)، (۲) و (۳) را به ترتیب  $\rho_1$ ،  $\rho_2$  و  $\rho_3$  بنامیم، کدام گزینه در مورد مقایسه چگالی آب درون این سه ظرف صحیح است؟

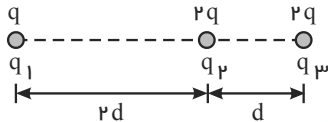
- (۱)  $\rho_3 = \rho_2 = \rho_1$       (۲)  $\rho_2 > \rho_1 > \rho_3$       (۳)  $\rho_1 > \rho_3 > \rho_2$       (۴)  $\rho_3 > \rho_1 > \rho_2$

۳۲۱- مطابق شکل زیر، سه بار الکتریکی نقطه‌ای روی رأس‌های یک مثلث قائم‌الزاویه ثابت شده‌اند. اگر برابری نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  از طرف دو بار دیگر برابر با  $\vec{F}$  باشد، حاصل  $\frac{q_2}{q_3}$  کدام است؟



- (۱)  $\frac{3}{4}$       (۲)  $-\frac{3}{4}$   
(۳)  $\frac{3}{5}$       (۴)  $-\frac{3}{5}$

۳۲۲- مطابق شکل زیر، ۳ ذره باردار  $q_1 = q$ ،  $q_2 = 2q$  و  $q_3 = 2q$  به گونه‌ای روی یک خط راست قرار دارند که فاصله  $q_2$  از  $q_1$  دو برابر فاصله  $q_3$  از  $q_2$  است. اگر به جای  $q_3$  بار  $3q$  قرار دهیم و بار  $q_1$  را به سمت راست انتقال دهیم تا برای اولین بار فاصله بین  $q_1$  و  $q_2$  نصف شود، بزرگی نیروهای وارد بر  $q_2$  چند برابر می‌شود؟



- (۱)  $\frac{8}{9}$       (۲)  $\frac{16}{9}$   
(۳)  $\frac{16}{9}$       (۴)  $\frac{8}{9}$

۳۲۳- اگر یک رابطه به صورت  $x = Aa^2 + Bv^3$  تعریف شده باشد که در آن  $x$  نماد جابه‌جایی با یکای  $cm$  و  $a$  نماد شتاب با یکای  $\frac{dam}{ds^2}$  و  $v$  نماد سرعت با یکای  $\frac{nm}{\mu s}$  باشد، در این صورت  $[A]$  و  $[B]$  به ترتیب در کدام یک از گزینه‌های زیر می‌توانند باشند؟  $[A]$  و  $[B]$  به ترتیب یکای کمیت‌های  $A$  و  $B$  هستند.

- (۱)  $\frac{s^2}{m}$ ،  $cs^2$       (۲)  $\frac{s^2}{m}$ ،  $das^2$       (۳)  $\frac{das^2}{cm^2}$ ،  $\frac{cs^2}{m}$       (۴)  $\frac{s^2}{m}$ ،  $\frac{das^2}{m}$

۳۲۴- شکل‌های زیر چهار آرایش خطوط میدان الکتریکی را نشان می‌دهد. اگر در هر چهار میدان یک الکترون با تندی اولیه یکسان از نقطه  $M$  به سمت چپ پرتاب شود، این الکترون در کدام حالت در زمان کم‌تری متوقف می‌شود؟



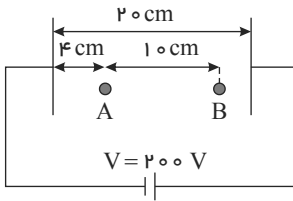
۳۲۵- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1 = 2\mu C$  و  $q_2 = -4\mu C$  در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه‌ی  $A$  تا نقطه‌ی  $B$  جابه‌جا می‌شوند. اگر کار میدان الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  در این جابه‌جایی  $6$  میلی‌ژول بیش‌تر از کار میدان الکتریکی وارد بر بار  $q_2$  در این جابه‌جایی باشد،  $V_B - V_A$  چند ولت است؟

- (۱)  $100$       (۲)  $50$       (۳)  $-100$       (۴)  $-50$

۳۲۶- ذره‌ای به جرم  $4$  میلی‌گرم و بار الکتریکی  $+4\mu C$  از نقطه‌ی  $A$  با پتانسیل  $80$  - ولت با تندی  $20\sqrt{5} m/s$  به سمت نقطه‌ی  $B$  به پتانسیل  $20$  + ولت پرتاب می‌شود، تندی ذره در نقطه‌ی  $B$  چند متر بر ثانیه است؟ (از نیروی وزن وارد بر ذره صرف‌نظر شود).

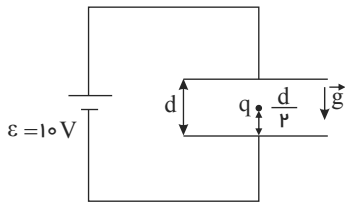
- (۱)  $20\sqrt{2}$       (۲)  $8\sqrt{11}$       (۳)  $30\sqrt{2}$       (۴)  $10\sqrt{2}$

۳۲۷- مطابق شکل زیر، ذره‌ای باردار به جرم  $2mg$  را بین صفحات یک خازن تخت، از نقطه  $A$  با تندی  $10m/s$  در خلاف جهت خط‌های میدان الکتریکی بین صفحات پرتاب می‌کنیم. اگر جهت حرکت ذره در نقطه  $B$  عوض شود. بار الکتریکی ذره چند میکروکولن است؟ (از نیروی وزن ذره صرف نظر کنید.)



- ۱ (۱) ۲ (۲)  
-۱ (۳) -۲ (۴)

۳۲۸- در شکل زیر ذره باردار  $q = -2\mu C$  به جرم  $15mg$  در وسط فاصله صفحات یک خازن افقی به حال تعادل قرار دارد. اگر در یک لحظه با ثابت بودن صفحه پایینی، صفحه بالایی را به اندازه  $\frac{d}{2}$  به سمت بالا جابه‌جا کنیم، در این صورت کدام یک از گزینه‌های زیر در مورد بار  $q$  صحیح است؟



$$(g = 10 N/kg)$$

- ۱ (۱) با تندی  $\frac{2}{3}m/s$  به صفحه پایینی می‌رسد.  
۲ (۲) با تندی  $2m/s$  به صفحه بالایی می‌رسد.  
۳ (۳) با تندی  $2m/s$  به صفحه پایینی می‌رسد.  
۴ (۴) همچنان ساکن می‌ماند.

۳۲۹- سیمی به طول  $L$  و سطح مقطع  $A$  دارای مقاومت  $R$  است. اگر سیم را  $n$  بار از وسط تا کنیم، مقاومت آن چند  $R$  می‌شود؟

- ۱ (۱)  $\frac{1}{n^2}$  ۲ (۲)  $\frac{1}{n^n}$  ۳ (۳)  $\frac{1}{2^{2n}}$  ۴ (۴)  $\frac{1}{n^{2n}}$

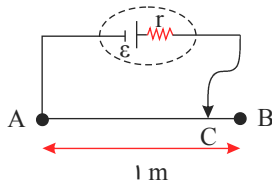
۳۳۰- باتری خودرویی جریان ثابت  $5A$  و اختلاف پتانسیل  $12V$  را فراهم می‌سازد و هنگامی که به مدت  $5$  ساعت کار کند، بار الکتریکی ذخیره شده در آن به  $20$  درصد مقدار اولیه خود می‌رسد. این باتری در این مدت حداکثر چند مگاژول انرژی به مدار خودرو می‌تواند بدهد؟

- ۱ (۱)  $1,08$  ۲ (۲)  $5,4$  ۳ (۳)  $0,864$  ۴ (۴)  $375$

۳۳۱- اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر یک مقاومت اهمی  $220$  ولت و جریان عبوری از آن  $10$  آمپر است. اگر با ثابت ماندن طول، قطر سطح مقطع مقاومت  $10$  درصد افزایش یابد، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مقاومت را چند ولت تغییر دهیم تا جریان الکتریکی عبوری از آن  $1$  آمپر افزایش یابد؟

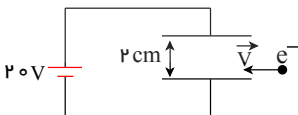
- ۱ (۱)  $-72,8$  ۲ (۲)  $-20$  ۳ (۳)  $-46,2$  ۴ (۴) صفر

۳۳۲- در مدار شکل زیر، مقاومت الکتریکی سیم  $AB$  برابر با  $100\Omega$  است. اگر توان الکتریکی مصرفی در این سیم در دو حالتی که فاصله نقطه‌ی اتصال  $C$  از نقاط  $A$  و  $B$  به ترتیب برابر با  $1cm$  و  $19cm$  است، یکسان باشد، مقاومت درونی مولد برابر با چند اهم است؟ (دما ثابت و یکسان است.)



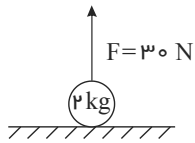
- ۱ (۱)  $3$   
۲ (۲)  $9$   
۳ (۳)  $2$   
۴ (۴)  $\sqrt{19}$

۳۳۳- مطابق شکل مقابل، الکترونی با سرعت افقی  $500 \frac{m}{s}$  وارد میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات می‌شود. برای این که این ذره به حرکت مستقیم‌الخط و یکنواخت خود ادامه دهد، اندازه‌ی حداقل میدان مغناطیسی برحسب تسلا که باید بین صفحات ایجاد کنیم و جهت آن کدام است؟ (از جرم الکترون صرف نظر کنید.)



- ۱ (۱)  $5$ ، درون سو ۲ (۲)  $2$ ، درون سو  
۳ (۳)  $5$ ، برون سو ۴ (۴)  $2$ ، برون سو

۳۳۴- مطابق شکل زیر گلوله‌ای به جرم  $2\text{ kg}$  تحت تأثیر نیروی قائم  $F = 30\text{ N}$  از حال سکون و از سطح زمین شروع به حرکت می‌کند و پس از طی مسافت  $32$  متر، بدون تغییر جهت، تندی آن به  $16\text{ m/s}$  می‌رسد. اگر در این لحظه نیروی  $F$  قطع شود، کار نیروی مقاومت هوا از لحظه شروع حرکت تا لحظه رسیدن گلوله به سطح زمین چند ژول است؟



$g = 10\text{ N/kg}$  و اندازه نیروی مقاومت هوا را در کل مسیر حرکت گلوله ثابت در نظر بگیرید.

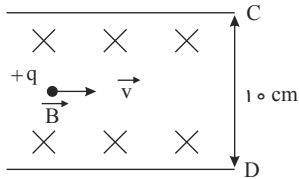
$\frac{-1920}{11}$  (۴)

$\frac{-512}{11}$  (۳)

(۲) صفر

$\frac{-960}{11}$  (۱)

۳۳۵- مطابق شکل زیر، ذره باردار مثبتی با تندی  $10^4\text{ m/s}$  وارد میدان الکتریکی و مغناطیسی عمود برهم می‌شود. اگر اندازه میدان مغناطیسی  $100\text{ G}$  باشد، برای این که ذره بدون انحراف از فضای بین دو صفحه خارج شود، کدام گزینه اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه  $C$  و  $D$  را به درستی نشان می‌دهد؟ (از نیروی وزن ذره صرف نظر می‌شود.)



$V_C - V_D = 50\text{ V}$  (۲)

$V_C - V_D = 0.5\text{ V}$  (۱)

$V_D - V_C = 50\text{ V}$  (۴)

$V_D - V_C = 0.5\text{ V}$  (۳)

۳۳۶- سیمی به طول  $60\text{ m}$  را که مقاومت هر متر آن برابر با  $2\Omega$  است، به صورت سیمولوله‌ای به شعاع  $2\text{ cm}$  و طول  $10\text{ cm}$  در آورده و دو سر آن را به اختلاف پتانسیل  $60\text{ V}$  وصل می‌کنیم، بزرگی میدان مغناطیسی درون سیمولوله چند گاوس می‌شود؟  $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A}, \pi = 3)$

$0.3$  (۴)

$3 \times 10^{-5}$  (۳)

$30$  (۲)

$3 \times 10^{-3}$  (۱)

۳۳۷- گلوله‌ای با جرم  $2$  کیلوگرم را با تندی اولیه  $20$  متر بر ثانیه از سطح زمین به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. اگر اندازه نیروی مقاومت هوا در تمام مسیر حرکت گلوله ثابت باشد و گلوله حداکثر تا ارتفاع  $16$  متری سطح زمین بالا رود، نسبت تندی گلوله در ارتفاع  $7$  متری سطح زمین در هنگام اوج گرفتن به تندی گلوله در همان ارتفاع در هنگام سقوط کدام است؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$

$\frac{\sqrt{15}}{7}$  (۴)

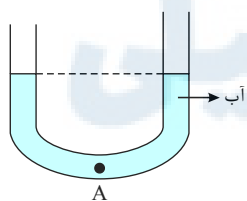
$\frac{3}{\sqrt{15}}$  (۳)

$\frac{\sqrt{15}}{6}$  (۲)

$\frac{5}{\sqrt{15}}$  (۱)

۳۳۸- مطابق شکل زیر، در یک لوله  $U$  شکل، مقداری آب در حالت تعادل قرار دارد. در شاخه سمت راست تا ارتفاع  $16\text{ cm}$  روغن می‌ریزیم. بعد از ایجاد تعادل، فشار در نقطه  $A$  چند پاسکال افزایش می‌یابد؟ (سطح مقطع لوله در دو طرف یکسان است.)

$(\rho_{\text{روغن}} = 0.8\text{ g/cm}^3, \rho_{\text{آب}} = 1\text{ g/cm}^3, g = 10\text{ m/s}^2)$



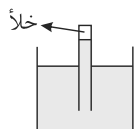
$64$  (۱)

$640$  (۲)

$128$  (۳)

$1280$  (۴)

۳۳۹- در شکل زیر طول قسمتی از لوله که بالای سطح جیوه قرار دارد برابر با  $80$  سانتی‌متر است. اگر لوله در راستای قائم  $15$  سانتی‌متر پایین بیاید، پس از رسیدن به تعادل، اندازه نیروی وارد بر ته لوله به مساحت  $10$  سانتی‌متر مربع از طرف جیوه چند نیوتون است؟ (فشار هوا  $75\text{ cmHg}$ ، چگالی جیوه  $13.6\text{ g/cm}^3$  و  $g = 10\text{ N/kg}$  است.)



$27.2$  (۲)

$13.6$  (۱)

$7.6$  (۴)

$136$  (۳)

۳۴۰- دو میله فلزی نازک، همجنس و هم‌دمای هریک به طول  $12\text{ m}$  در اختیار داریم. میله‌ی اول را تا دمای مشخص گرم می‌کنیم تا طول آن  $0.1\text{ mm}$  افزایش یابد. میله‌ی دوم را به صورت یک حلقه درمی‌آوریم و دمای آن را تا دمای میله‌ی اول بالا می‌بریم. مساحت محصور توسط حلقه چند میلی‌متر مربع افزایش می‌یابد؟  $(\pi = 3)$

$400$  (۴)

$80$  (۳)

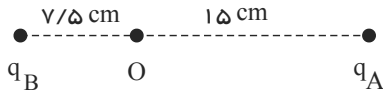
$100$  (۲)

$200$  (۱)

۳۴۱- درون ظرفی با جرم ناچیز مقداری آب  $100^{\circ}C$  و یک قطعه یخ با دمای  $20^{\circ}C$  می‌اندازیم. پس از رسیدن به تعادل گرمایی، نصف جرم یخ ذوب شده و نصف آن ذوب نشده باقی می‌ماند. اگر جرم کل آب موجود درون ظرف پس از تعادل  $3kg$  باشد، جرم قطعه یخ اولیه چند کیلوگرم بوده است؟ ( $C_{\text{یخ}} = \frac{1}{2}C_{\text{آب}}$ ،  $L_F = 80C_{\text{آب}}$  و تمام واحدها در SI هستند).

- ۱ (۱)      ۱٫۵ (۲)      ۲ (۳)      ۳ (۴)

۳۴۲- در شکل زیر با خنثی کردن بار الکتریکی  $q_A$ ، نیروی وارد بر بار دلخواه  $q$  در نقطه  $O$  بدون تغییر اندازه فقط تغییر جهت می‌دهد. حاصل  $\frac{q_A}{q_B}$  کدام است؟



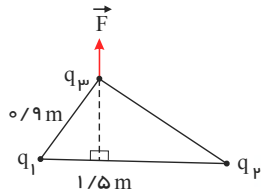
$-\frac{1}{8}$  (۲)

$\frac{1}{8}$  (۴)

-۸ (۱)

۸ (۳)

۳۴۳- در شکل زیر سه بار الکتریکی نقطه‌ای هم‌نام بر روی سه رأس یک مثلث قائم‌الزاویه ثابت شده‌اند. اگر اندازه نیروی که بار  $q_2$  به بار  $q_3$  وارد می‌کند برابر  $12N$  باشد، بزرگی  $\vec{F}$  (نیروی خالص وارد بر بار  $q_3$  واقع در رأس قائمه که در شکل مشخص شده است)، چند نیوتون است؟



۲۰ (۱)

۱۶ (۲)

۲۸ (۳)

۲۱ (۴)

۳۴۴- اندازه نیروی الکتریکی بین دو بار نقطه‌ای در فاصله  $r$  سانتی‌متر از هم برابر با  $F$  است. اگر در حالت اول به مقدار  $1cm$  اضافه کنیم و در حالت دوم از  $r$  به اندازه  $1cm$  کم کنیم، اندازه نیروی الکتریکی بین بارها در SI به ترتیب برابر با  $F_1 = \frac{9}{16}F$  و  $F_2 = (F + 25)N$  می‌گردد. اندازه  $F$  چند نیوتون است؟ ( $k = 9 \times 10^9 Nm^2/C^2$ )

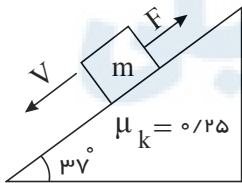
۵۷٫۱۴ (۴)

۴۵ (۳)

۳۲٫۱۴ (۲)

۲۰ (۱)

۳۴۵- در شکل زیر، به جسمی به جرم  $m = 20kg$  نیروی مناسب  $F$  به موازات سطح شیبدار وارد می‌شود تا جسم با سرعت ثابت رو به پایین سطح حرکت می‌کند. کار نیروی  $F$  در مدتی که جسم ۲ متر روی سطح پایین می‌آید، چند ژول است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ ,  $\sin 37^{\circ} = 0.6$ )



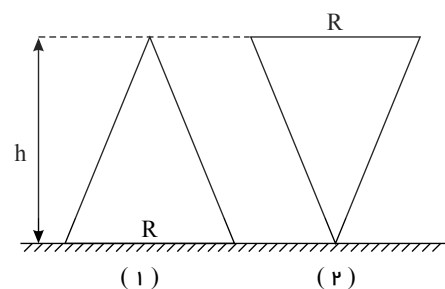
+۲۶۰ (۴)

+۱۶۰ (۳)

-۱۶۰ (۲)

-۲۶۰ (۱)

۳۴۶- مطابق شکل، دو مخروط مشابه و خالی به ارتفاع  $h$  را یکی از طرف قاعده بزرگ‌تر با شعاع  $R$  و دیگری از طرف نوک مخروط مطابق شکل مقابل به صورت قائم روی سطح افقی قرار می‌دهیم. مخروط (۱) با آهنگ  $\frac{35}{s} cm^3$  از یک مایع پر می‌شود و هم‌زمان مخروط (۲) با آهنگ  $x \frac{dm^3}{min}$  پر می‌شود،



اگر ارتفاع مایع در هر دو مخروط به طور هم‌زمان برابر با  $\frac{h}{4}$  شود،  $x$  برحسب  $\frac{dm^3}{min}$  کدام است؟

۲ (۱)

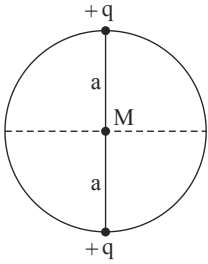
۰٫۳ (۲)

۰٫۶ (۳)

۴ (۴)



۳۴۷- مطابق شکل زیر دو بار الکتریکی نقطه‌ای مشابه، روی محیط یک دایره قرار دارند. می‌خواهیم باری در مرکز دایره (نقطه  $M$ ) قرار دهیم تا میدان الکتریکی برآیند حاصل از این سه بار در نقطه‌ای روی محوری گذرنده از مرکز دایره که بر سطح دایره عمود بوده و در فاصله  $a$  از مرکز دایره قرار دارد، برابر با صفر گردد. این بار کدام است؟



(۱)  $+\sqrt{2}q$

(۲)  $-\sqrt{2}q$

(۳)  $+\frac{\sqrt{2}}{2}q$

(۴)  $-\frac{\sqrt{2}}{2}q$

۳۴۸- جسمی با تندی  $v$  از سطح زمین و در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می‌شود. تندی جسم در مسیر بازگشت و در هنگام برخورد به زمین  $0.8v$  می‌شود. اگر کار نیروی مقاومت هوا روی جسم در مسیر رفت دو برابر مسیر برگشت باشد، حداکثر ارتفاعی که جسم از سطح زمین بالا می‌رود، چند برابر  $\frac{v^2}{g}$  است؟

(۱)  $0.38$

(۲)  $0.44$

(۳)  $0.88$

(۴)  $0.94$

۳۴۹- کامیونی به جرم  $5$  تن از جاده شیب‌داری که با افق زاویه  $5^\circ$  درجه می‌سازد، با تندی ثابت  $72$  کیلومتر بر ساعت بالا می‌رود. اگر مجموع نیروهای اصطکاک جنبشی و مقاومت هوا در مقابل حرکت آن  $0.2$  نیروی وزن کامیون باشد، توان موتور کامیون چند کیلووات است؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$  و  $\sin 5^\circ \approx 0.08$ )

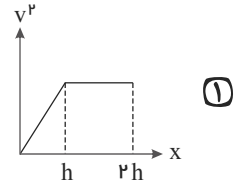
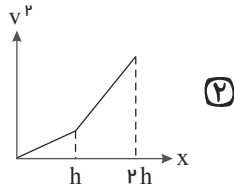
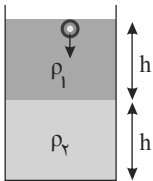
(۱)  $19.6$

(۲)  $85.8$

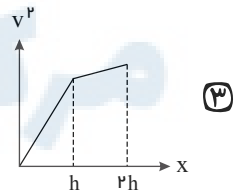
(۳)  $100$

(۴)  $98$

۳۵۰- مطابق شکل مقابل، گلوله‌ای به جرم  $m$  را از سطح آزاد ظرفی که حاوی دو مایع مخلوط نشدنی به چگالی‌های  $\rho_1$  و  $\rho_2$  می‌باشد، رها می‌کنیم تا به کف ظرف برسد. اگر تندی گلوله را با  $v$  نمایش دهیم، کدام نمودار مربع تندی گلوله را بر حسب عمق به درستی نشان می‌دهد؟



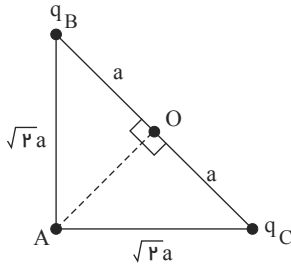
(۳) گزینه‌های (۱) و (۳) می‌توانند جواب باشند.



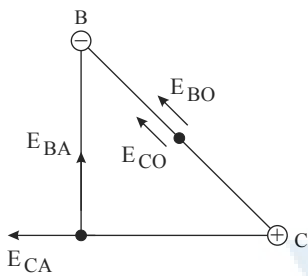
## پاسخنامه تشریحی

۱ - گزینه ۲

اگر طول وتر مثلث قائم الزاویه را  $2a$  فرض کنیم، مطابق شکل روبه‌رو فاصله نقطه  $O$  از بارهای  $q_C$  و  $q_B$  برابر  $a$  و فاصله نقطه  $A$  از بارهای  $q_C$  و  $q_B$  برابر  $\sqrt{2}a$  می‌شود.



باتوجه به شکل روبه‌رو میدان‌های الکتریکی ناشی از بارهای  $q_A$  و  $q_B$  در نقطه  $O$  هم‌سو هستند و در نقطه  $A$  بر هم عمود می‌باشند. اندازه بارهای  $q_B$  و  $q_C$  را که یکسان هستند،  $q$  فرض می‌کنیم و داریم:



$$E_{BO} = E_{CO} = k \frac{q}{a^2} \Rightarrow E_O = E_{BO} + E_{CO} = 2k \frac{q}{a^2}$$

$$E_{BA} = E_{CA} = k \frac{q}{(\sqrt{2}a)^2} = k \frac{q}{2a^2} \Rightarrow E_A = \sqrt{E_{BA}^2 + E_{CA}^2} = \sqrt{2} \left( k \frac{q}{2a^2} \right) \frac{\sqrt{2}}{2} k \frac{q}{a^2}$$

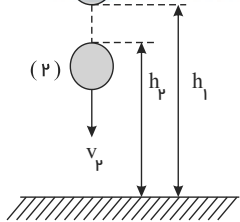
$$\Rightarrow \frac{E_O}{E_A} = \frac{2}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)} = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$$

پس پاسخ گزینه ۲ است.

۲ - گزینه ۱

با توجه به ناچیز بودن مقاومت هوا و این که سطح زمین به عنوان مرجع انرژی پتانسیل گرانشی در نظر گرفته شده است. با استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$v_1 = 0 \quad (1) \quad E_1 = E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$



$$v_1 = 0 \Rightarrow K_1 = 0$$

$$U_1 = \frac{v}{\Delta} U_2 + U_2 = \frac{v}{\Delta} U_2 \Rightarrow mgh_1 = \frac{v}{\Delta} mgh_2 \Rightarrow h_1 = \frac{v}{\Delta} h_2$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta h}{h} = \frac{h_1 - h_2}{h_1} = \frac{\frac{v}{\Delta} h_2 - h_2}{\frac{v}{\Delta} h_2} = \frac{\frac{v}{\Delta} h_2 - h_2}{\frac{v}{\Delta} h_2} = \frac{v}{v - \Delta} = \frac{v}{v}$$

۳ - گزینه ۲ با دادن الکترون به ذره‌ای که بارش مثبت است، مقداری بار مثبت آن خنثی می‌شود. بنابراین اگر بار اولیه را  $q_1$  فرض کنیم، مقدار بار ثانویه بار (الکترون‌ها)  $q_2 = q_1 - q$  خواهد بود.

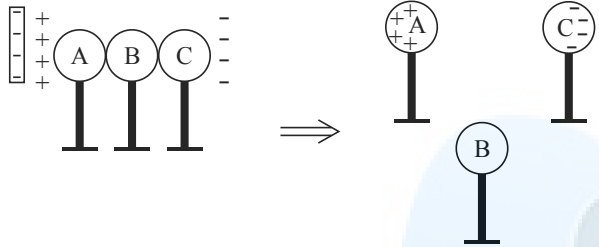
پس:

$$\left\{ \begin{array}{l} q_p = q_1 - (\text{بار الکترون‌ها}) \\ \text{بار الکترون‌ها} = ne = 2 \times 10^{12} \times 1.6 \times 10^{-19} = 3.2 \times 10^{-7} C \end{array} \right.$$

از طرفی سؤال گفته کاهش بار برابر ۱۶ درصد است یعنی  $3.2 \times 10^{-7} C$  برابر ۱۶ درصد بار اولیه است. پس:

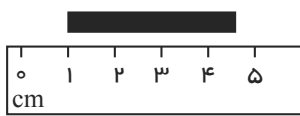
$$\frac{16}{100} q_1 = 3.2 \times 10^{-7} \Rightarrow q_1 = 2 \times 10^{-6} C = 2 \mu C$$

۴ - گزینه ۳ با نزدیک کردن میله منفی به کره‌ها، بار الکتریکی به صورت شکل زیر القا می‌شود که با حذف کره B در حضور میله، خواهیم داشت.



۵ - گزینه ۱

دقت اندازه‌گیری ۱ cm و خطای اندازه‌گیری مثبت و منفی نصف آن و  $\pm 0.5$  cm است. همچنین اگر به شکل خوب دقت کنیم، ابتدای جسم روی درجه ۱ قرار دارد و در نتیجه طول جسم بین ۳ و ۴ سانتی‌متر است. بنابراین پاسخ گزینه ۱ است.



۶ - گزینه ۴

با جایگذاری ۲ نقطه از نمودار  $V - I$  در رابطه اختلاف پتانسیل مولد، داریم:

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{I=0 \Rightarrow V=12V} \varepsilon = 12V$$

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{\substack{V=4V \\ I=6A}} 4 = 12 - 6r \Rightarrow r = \frac{4}{3} \Omega$$

۷ - گزینه ۲ چون تندی جسم کاهش یافته است، لذا انرژی جنبشی آن نیز کاهش می‌یابد.

$$\Delta K = -\frac{v}{16} K_1 \Rightarrow K_p - K_1 = -\frac{v}{16} K_1 \Rightarrow K_p = K_1 - \frac{v}{16} K_1$$

$$\Rightarrow K_p = \frac{9}{16} K_1 \Rightarrow \frac{1}{2} m v_p^2 = \frac{9}{16} \times \left( \frac{1}{2} m v_1^2 \right) \Rightarrow v_p^2 = \frac{9}{16} v_1^2 \Rightarrow v_p = \frac{3}{4} v_1$$

$$\frac{v_p = v_1 - 3(m/s)}{\quad} \rightarrow v_1 - 3 = \frac{3}{4} v_1 \Rightarrow 4v_1 - 12 = 3v_1 \Rightarrow v_1 = 12 m/s$$

۸ - گزینه ۱ ابتدا دمای جسم را برحسب درجه سلسیوس به دست می‌آوریم:

$$T = \theta + 273 \xrightarrow{T=8\theta} 8\theta = \theta + 273 \Rightarrow 7\theta = 273 \Rightarrow \theta = 39^\circ C$$

حال این دما را برحسب درجه فارنهایت محاسبه می‌کنیم:

$$F = \frac{9}{5} \theta + 32 \Rightarrow F = 102.2^\circ F$$

۹ - گزینه ۱ با توجه به آنکه توان مصرفی تمامی مقاومت‌ها برابر است و با توجه به برابری جریان عبوری از هر سه مقاومت سری  $R_1, R_2, R_3$  می‌توان گفت:

$$\left\{ \begin{array}{l} P_1 = P_2 = P_3 \\ I_1 = I_2 = I_3 \end{array} \right\} \xrightarrow{P=RI^2} R_1 = R_2 = R_3$$



$$P_1 = P_2 = P_3 = P_f = P$$

$$P_{1,2,3} = P_1 + P_2 + P_3 \Rightarrow P_{1,2,3} = 3P$$

$$R_f || R_{1,2,3} \Rightarrow V_f = V_{1,2,3}$$

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P}{R_f} = \left( \frac{V_{1,2,3}}{V_f} \right)^2 \times \left( \frac{R_f}{R_{1,2,3}} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{3P}{P} = 1 \times \frac{R_f}{9} \Rightarrow R_f = 27 \Omega$$

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R_{1,2,3}} + \frac{1}{R_f} = \frac{1}{9} + \frac{1}{27} \Rightarrow R_T = \frac{27}{4} \Omega$$

۱۰ - گزینه ۲ با باز شدن شیر ارتباط به دلیل اینکه چگالی آب بیشتر از چگالی نفت است. سطح آب در لوله سمت چپ پایین‌تر از سطح نفت در لوله سمت راست قرار می‌گیرد. لذا با انتخاب سطح

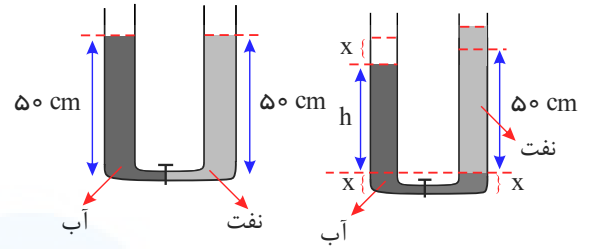
ترازی مناسب و با استفاده از اصل هم فشاری نقاط همتراز، ارتفاع  $h$  را محاسبه می‌کنیم:

$$P_{\text{روغن}} = P_{\text{آب}}$$

$$\rho_{\text{روغن}} h_{\text{روغن}} g = \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} g \rightarrow \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{روغن}} h_{\text{روغن}}$$

$$\rightarrow 1000 \times h_{\text{آب}} = 800 \times 50 \rightarrow h_{\text{آب}} = 40 \text{ cm}$$

$$h_{\text{آب}} + 2x = 50 \rightarrow 40 + 2x = 50 \rightarrow x = 5 \text{ cm}$$



بنابراین سطح آب در لوله سمت چپ  $5 \text{ cm}$  پایین می‌آید.

۱۱ - گزینه ۱ حجم مایع بیرون ریخته شده از ظرف دقیقاً برابر حجم قطعه فلز است.

$$V_{\text{الکل}} = V_{\text{فلز}} \Rightarrow \frac{m_{\text{الکل}}}{\rho_{\text{الکل}}} = \frac{m_{\text{فلز}}}{\rho_{\text{فلز}}} \Rightarrow \frac{160g}{0.8} = \frac{m_{\text{فلز}}}{2.7} \Rightarrow m_{\text{فلز}} = \frac{2.7 \times 160}{0.8} = 540g$$

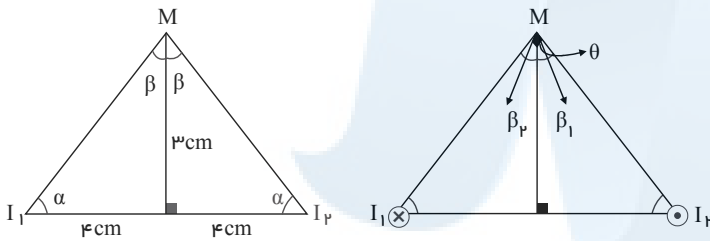
۱۲ - گزینه ۱ باید به دونکته توجه داشته باشید:

(الف) خط میدان ناشی از هر سیم در یک نقطه، دایره‌ای به مرکز آن سیم در همان نقطه است و بردار میدان مغناطیسی در آن نقطه مماس بر این دایره و در نتیجه عمود بر شعاع است.

(ب) برای تعیین جهت این میدان باید انگشت شست دست راست را در جهت جریان نگه دارید و به نحوی جمع شدن چهار انگشت در همان نقطه نگاه کنید.

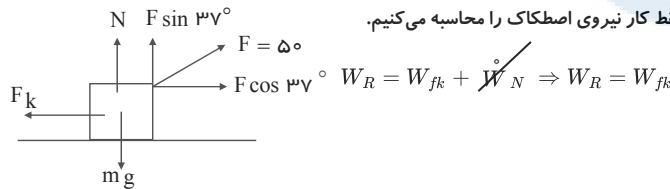
$$\tan \alpha = \frac{3}{4} \rightarrow \alpha = 37^\circ \rightarrow \beta = 53^\circ \rightarrow 2\beta = 106^\circ \quad 2\beta = 90^\circ + \theta$$

$\vec{B}_1$  و به همین ترتیب  $\vec{B}_2$  در داخل مثلث قرار می‌گیرند یعنی گزینه‌های ۲ و ۳ و ۴ صحیح نیستند.



۱۳ - گزینه ۳

برای محاسبه‌ی کار نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند چون کار نیروی عمودی تکیه‌گاه صفر است فقط کار نیروی اصطکاک را محاسبه می‌کنیم.



$$W_R = W_{fk} + W_N \Rightarrow W_R = W_{fk}$$

$$N + F \sin 37^\circ - mg = 0 \Rightarrow N + 50 \times 0.6 = 5 \times 10 = 0 \Rightarrow N = 20 \text{ N}$$

$$f_k = \mu_k N \Rightarrow f_k = 0.5 \times 20 = 10 \text{ N}$$

$$W_{f_k} = f_k \cdot d \cdot \cos 180^\circ = 10 \times 5 \times (-1) = -50 \text{ J}$$

$$W_R = W_{f_k} = -50 \text{ J}$$

۱۴ - گزینه ۱

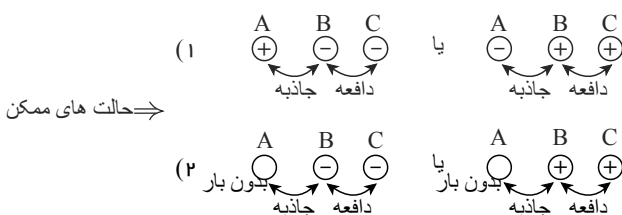
$$V_1 = V_2 \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 9 \times 0.5 = 18 I_2 \Rightarrow I_2 = 0.25 \text{ A} \Rightarrow I_3 = I_1 + I_2 = 0.75 \text{ A}$$

$$V_f = V_{AB} = V_{1,2,3} = R_{1,2,3} \times I_3 = \left( \frac{9 \times 18}{9 + 18} + 2 \right) \times 0.75 = 6 \text{ V}$$

$$P_f = \frac{V_f^2}{R_f} = \frac{(6)^2}{4} = \frac{36}{4} = 9 \text{ W}$$

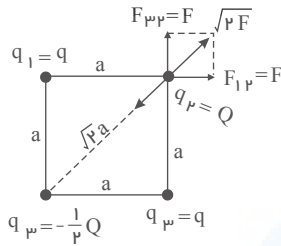
۱۵ - گزینه ۴ اگر  $B$  و  $C$  یکدیگر را دفع می‌کنند، قطعاً این دو گلوله باردار بوده و بار آن‌ها با یکدیگر هم نام است (رد گزینه‌ی ۲ و ۳). از طرفی گلوله‌ی  $B$  جذب گلوله‌ی  $A$  شده است. بنابراین

گلوله‌ی  $A$  باردار و بار آن  $B$  ناهمنام است و یا بدون بار می‌باشد (توجه شود که یک گلوله‌ی باردار، همواره یک گلوله‌ی فلزی بدون بار را جذب می‌کند) و گزینه‌ی ۴ می‌تواند صحیح باشد. دقت شود که در مورد مقدار بار گلوله‌ها نمی‌توان اظهار نظر کرد.



۱۶ - گزینه ۲

اگر فرض کنیم  $Q > 0$  آنگاه:



$$q_2 = Q > 0$$

$$q_3 = -\frac{1}{4}Q < 0$$

$$q_2 > 0, q_1 > 0 \Rightarrow q > 0$$

و برای خنثی شدن نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_p$  می‌بایستی:

$$\begin{cases} \vec{F}_{1p} + \vec{F}_{2p} + \vec{F}_{3p} = \vec{0} \\ |\vec{F}_{1p}| = |\vec{F}_{2p}| = F \end{cases} \Rightarrow \vec{F}_{3p} = -(\vec{F}_{1p} + \vec{F}_{2p}) \Rightarrow |\vec{F}_{3p}| = |-(\vec{F}_{1p} + \vec{F}_{2p})| \rightarrow \frac{k|q_3|q_p}{(\sqrt{2}a)^2} = \sqrt{2}F = \sqrt{2}\left(\frac{kqq_p}{a^2}\right) \rightarrow \frac{k\frac{Q}{4}Q}{2a^2} = \frac{\sqrt{2}(kqQ)}{a^2}$$

$$\rightarrow \frac{Q}{4} = \sqrt{2}q \rightarrow \frac{Q}{q} = 4\sqrt{2}$$

۱۷ - گزینه ۴

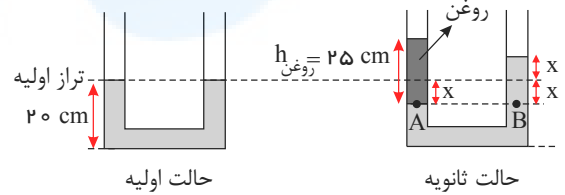
$$F_{max} = P_{max} \times A \Rightarrow F_{max} = \rho gh_{max} \times A \Rightarrow 135 = 13500 \times 10 \times h_{max} \times (20 \times 10^{-4})$$

$$\Rightarrow h_{max} = 0.5m = 50cm \Rightarrow \Delta h = 50 - 40 = 10cm$$

۱۸ - گزینه ۲ اگر در ستون سمت چپ به ارتفاع ۲۵cm روغن ریخته شود، آب در شاخه‌ی سمت چپ  $x$  سانتی‌متر پایین رفته و در شاخه‌ی سمت راست  $x$  سانتی‌متر بالا می‌رود و با توجه به یکسان بودن فشار در نقاط هم تراز درون یک مایع ساکن مانند نقاط  $A$  و  $B$  می‌توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow (\rho gh)_A + P_0 = (\rho gh)_B + P_0 \Rightarrow \rho_{roغن} \times 25 = \rho_{آب} \times 2x$$

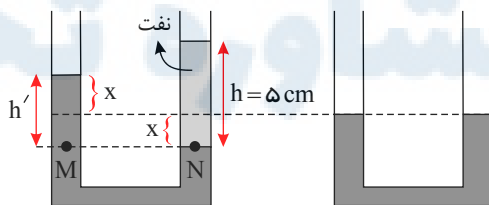
$$\Rightarrow 0.6 \times 25 = 1 \times 2x \Rightarrow x = 7.5cm$$



بنابراین ارتفاع آب در شاخه سمت راست برابر است با:

$$20 + x = 20 + 7.5 = 27.5cm$$

۱۹ - گزینه ۲



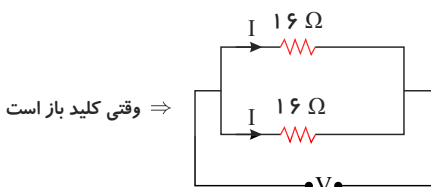
با فرض آنکه سطح مقطع لوله در طرفین یکسان باشد:

$$P_M = P_N \Rightarrow P_0 + \rho gh = P_0 + \rho' gh'$$

$$\Rightarrow \rho h = \rho' h' \Rightarrow 5 \times 0.8 = 1 \times h' = h' = 4cm$$

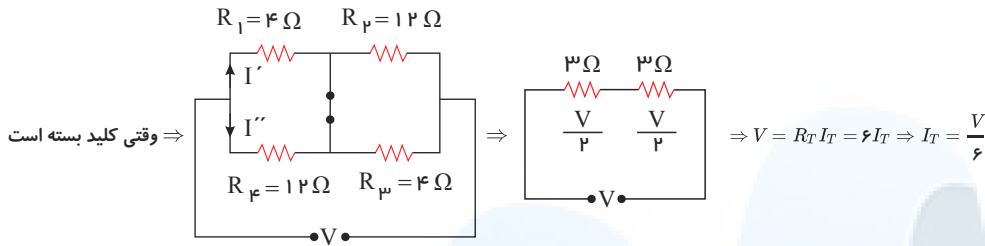
$$h' = 2x \Rightarrow x = \frac{h'}{2} = 2cm$$

۲۰ - گزینه ۱



$$V = R_T I_T \Rightarrow V = \lambda I_T \Rightarrow I_T = \frac{V}{\lambda}$$

جریان کل بین دو مقاومت موازی و برابر ۱۶ اهمی تقسیم می شود و به هر شاخه جریان  $I = \frac{V}{16}$  می رسد. با بستن کلید نوع اتصال مقاومت ها تغییر می کند.

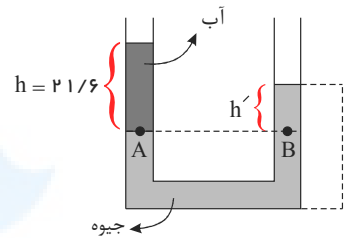


و جریان  $I_T$  بین مقاومت ۴ و ۱۲ اهمی به نسبت ۳ به ۱ تقسیم می شوند و جریان مقاومت ۴Ω برابر  $I' = \frac{V}{8}$  می شود.

$$\frac{I' \text{ کلید بسته}}{I \text{ کلید باز}} = \frac{\frac{V}{8}}{\frac{V}{16}} = \frac{16}{8} = 2$$

۲۱ - گزینه ۱ فشار در نقاط هم تراز درون یک شاره ساکن مانند نقاط A و B یکسان است، پس می توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 + \rho gh = P_0 + \rho' gh' \Rightarrow \rho h = \rho' h' \Rightarrow 1 \times 21.6 = 13.5 h' \Rightarrow h' = 1.6 \text{ cm}$$



جابجایی جیوه در هر شاخه نسبت به وضعیت اولیه به شرط آن که سطح مقطع لوله در طرفین مساوی باشد، نصف اختلاف ارتفاع جیوه در دو شاخه در وضعیت دوم است.

$$1.6 \text{ cm} = 21.6 \div 2 = 10.8 \text{ cm}$$

۲۲ - چون در این سؤال مقاومت لامپ ثابت فرض شده است، پس با استفاده از فرم مقایسه ای رابطه  $P = \frac{V^2}{R}$  می توان نوشت:

$$P_2 = P_1 - 0.19 P_1 = 0.81 P_1$$

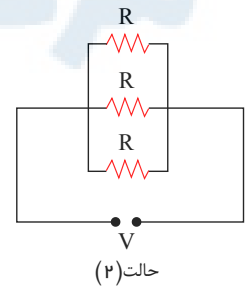
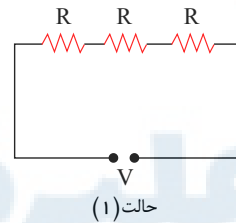
$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{0.81 P_1}{P_1} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = 0.9 \Rightarrow V_2 = 0.9 \times 200 = 180 \text{ V}$$

$$\Delta V = V_2 - V_1 = 180 - 200 = -20 \text{ V}$$

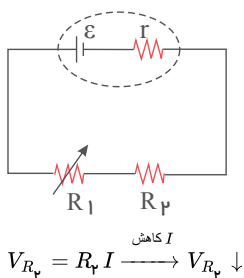
۲۳ - گزینه ۴ با مقایسه ی دو حالت و با توجه به یکسان بودن ولتاژ در دو حالت می توان نوشت:

$$P = \frac{V^2}{R_T} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{R_{T1}}{R_{T2}} = \frac{3R}{\frac{R}{3}} = 9 \Rightarrow P_2 = 9P_1$$

$$P_1 = 90 \text{ W} \Rightarrow P_2 = 810 \text{ W}$$



۲۴ - گزینه ۲



$I = \frac{\epsilon}{r + R_1 + R_2} \Rightarrow I \downarrow$  کاهش می یابد  
 $rI \Rightarrow$  افت پتانسیل در مولد کاهش می یابد.

$$V_{\text{مولد}} = V_{R_1} + V_{R_2} \xrightarrow[\text{کاهش } V_{R_2}]{\text{مولد } V \text{ افزایش}} V_{R_1} \uparrow$$

۲۵ - گزینه ۴ شدت نور مربوط مرتب با توان لامپ است و با توجه به تشابه لامپها مرتب با شدت جریان عبوری از لامپ است. اگر در مدار اختلاف پتانسیل دو سر لامپ برابر با اختلاف پتانسیل دو سر لامپ در مدار شکل صورت سؤال باشد شدت نور در آن نیز مشابه شدت نور آن خواهد بود.

در گزینه (۴) وجود یک لامپ موازی تأثیری بر اختلاف پتانسیل دو سر لامپ ندارد و در نتیجه شدت نور لامپها در گزینه (۴) تقریباً برابر شدت نور لامپ در شکل صورت سؤال است.

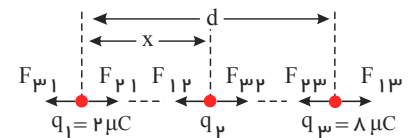
۲۶ - گزینه ۳ با توجه به این که برابری نیروهای الکترواستاتیکی وارد بر هر یک از بارها برابر صفر است پس علامت بار  $q_2$  منفی می باشد.

$$F_{12} = F_{22} \Rightarrow k \frac{q_1 q_2}{x^2} = k \frac{\lambda \times q_2}{(d-x)^2} \Rightarrow 4x^2 = (d-x)^2 \quad (1)$$

$$F_{21} = F_{31} \Rightarrow k \frac{q_2 q_1}{x^2} = k \frac{q_2 \times \lambda}{d^2} \Rightarrow q_2 = \lambda \frac{x^2}{d^2} \quad (2)$$

$$(1) \text{ رابطه ی } \Rightarrow 2x = d - x \Rightarrow 3x = d \Rightarrow x = \frac{d}{3}$$

$$(2) \text{ رابطه ی } \Rightarrow q_2 = \lambda \frac{x^2}{d^2} = \lambda \frac{d^2}{9d^2} = \frac{\lambda}{9} \mu C$$



چون بار  $q_2$  منفی است پس  $q_2 = -\frac{\lambda}{9} \mu C$  است.

۲۷ - گزینه ۳

چون ذره ی باردار از حال سکون رها می شود، میدان الکتریکی بر روی آن کار انجام می دهد و آن را از پتانسیل  $V_1$  به نقطه ای با پتانسیل  $V_2$  منتقل می کند. به این ترتیب انرژی جنبشی بار افزایش می یابد.

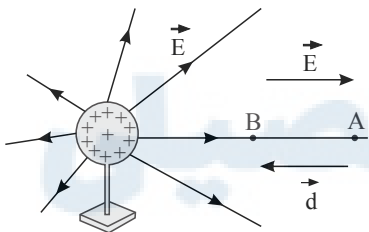
$$\Delta U = -\Delta K = -(K_2 - K_1) = -0.005 J$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 0.1 \times 10^{-3} \times 10^2 = 0.005 J$$

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow V_2 - V_1 = \frac{-\Delta U}{q} \Rightarrow -100 - 100 = \frac{-0.005}{q} \Rightarrow q = \frac{5 \times 10^{-3}}{200}$$

$$\Rightarrow q = 2.5 \times 10^{-5} C = 25 \mu C$$

۲۸ - گزینه ۲ بار کره مثبت است، پس خطوط میدان الکتریکی از آن خارج می شود. با این حساب جهت خطوط میدان از B به A است. چون بار ذره ی باردار مثبت است با جابه جایی در جهت خطوط میدان، کار شخص منفی ( $W < 0$ )، کار میدان مثبت ( $W' > 0$ ) و اختلاف پتانسیل هم منفی ( $\Delta V < 0$ ) خواهد بود.



۲۹ - گزینه ۱

چون جرم دو سیم و جنس آنها یکسان است بنابراین حجم آنها یکسان است.

$$V_A = V_B \Rightarrow A_A L_A = A_B L_B \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{A_B}{A_A}$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \left(\frac{A_B}{A_A}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \left(\frac{D_B}{D_A}\right)^4 \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = 1 \times \left(\frac{D_B}{\sqrt{2}D_B}\right)^4 \Rightarrow R_A = 2.5$$

۳۰ - گزینه ۲ روش اول: با افزایش مقاومت  $R_2$ ، مقاومت معادل مدار نیز افزایش می یابد و به همین دلیل، شدت جریان کل (شدت جریان گذرنده از مولد) مدار کم می شود. با کاهش جریان، ولتاژ دو سر مولد با توجه به رابطه  $V = \epsilon - rI$  افزایش می یابد.

و می توان نتیجه گرفت که  $V_{2,3}$  افزایش یافته است. به دلیل موازی بودن دو مقاومت  $R_2$  و  $R_3$  این ولتاژ ( $V_{2,3}$ ) ولتاژ دو سر هر یک از مقاومت های  $R_2$  و  $R_3$  نیز هست.

روش دوم: اگر  $R_2$  زیاد شود، مقاومت معادل مدار ( $R_T$ ) نیز افزایش می یابد و بنابراین رابطه  $I = \frac{\epsilon}{R_T + r}$  مقدار  $I$  کم می شود. حال اگر  $R_1$  را که با مولد متوالی است به مقاومت درونی مولد اضافه کنیم، ولتاژ دو سر  $R_2$  و  $R_3$  برابر با ولتاژ دو سر مولد خواهد شد و در مورد ولتاژ دو سر مولد نیز می توان گفت:

$$\uparrow V_{\text{مولد}} = \epsilon - rI \downarrow$$

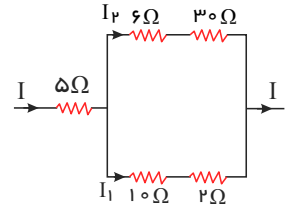


۳۱ - گزینه ۱

$$V_1 = V_2 \Rightarrow (10 + 2)I_1 = (6 + 30)I_2 \Rightarrow I_1 = 3I_2$$

$$\begin{aligned} I = I_1 + I_2 \\ \longrightarrow I_1 = \frac{3}{4}I, I_2 = \frac{1}{4}I \end{aligned}$$

$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{10I_1^2}{5I_2^2} = 2 \times \left(\frac{I_1}{I_2}\right)^2 = 2 \times \frac{9}{16} = \frac{9}{8}$$



۳۲ - گزینه ۲

روش اول:

$$F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \rightarrow 4 = \frac{(9 \times 10^9) \times |q_1| \times |q_2| \times 10^{-12}}{(0.3)^2} \rightarrow |q_1||q_2| = 40$$

که فقط در گزینه‌ی (۲) حاصل ضرب اندازه‌ی بارها برابر ۴۰ می‌باشد.

روش دوم:

$$F = \frac{kq_1q_2}{r^2} \Rightarrow 4 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_1q_2| \times 10^{-12}}{9 \times 10^{-2}} \Rightarrow |q_1q_2| = 40 \quad (1)$$

$$\text{بعد از تماس: } q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = 3 \Rightarrow q_1 + q_2 = 6 \quad (2)$$

$$\begin{cases} (1), (2) \\ q_1q_2 = 40 \\ q_1 + q_2 = 6 \end{cases} \Rightarrow q_1(q_1 - 6) = 40 \Rightarrow q_1^2 - 6q_1 - 40 = 0$$

ریشه یا جواب این معادله برابر  $10 \mu C$  و  $-4 \mu C$  است.

۳۳ - گزینه ۲

$$\Delta U + \Delta K = 0 \Rightarrow \Delta U = -\Delta K \quad \text{بنابر اصل پایستگی انرژی:}$$

$$\Delta U = -\lambda mJ \Rightarrow \Delta U = q\Delta V$$

$$\Rightarrow -\lambda \times 10^{-2} = -4 \times 10^{-6}(V_B - V_A) \Rightarrow V_B - V_A = 2000V = 2kV$$

۳۴ - گزینه ۱

باتوجه به جهت میدان الکتریکی نشان داده شده در یکی از حلقه‌ها که هم جهت با جریان القایی می‌باشد، می‌توان گفت جریان القایی در حلقه‌ها ساعت گرد و میدان مغناطیسی حاصل از آن درون سو است چون میدان مغناطیسی نشان داده شده در شکل نیز درون سو است بنابراین باید طبق قانون لنز میدان نشان داده شده در حال کاهش بوده است.

۳۵ - گزینه ۴

ابعاد استوانه‌ی B نصف ابعاد استوانه A است. یعنی:

$$h_B = \frac{h_A}{2}$$

$$r_B = \frac{r_A}{2} \xrightarrow{A = \pi r^2} A_B = \frac{A_A}{4}$$

$$P = \rho gh \Rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{\rho g h_A}{\rho g h_B} = \frac{h_A}{\frac{h_A}{2}} = 2$$

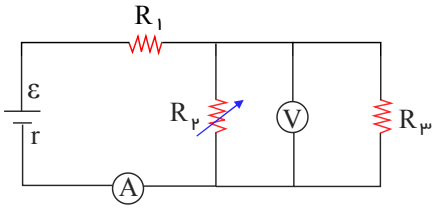
$$P = \frac{F}{A} \Rightarrow F = PA \Rightarrow \frac{F_A}{F_B} = \frac{P_A A_A}{P_B A_B} = \frac{P_A}{P_B} \times \frac{A_A}{\frac{A_A}{4}} = 2 \times 4 = 8$$

۳۶ - گزینه ۳

$$0.25q_1 = 20 \mu C \rightarrow \begin{cases} q'_1 = 80 - 20 = 60 \mu C \\ q'_2 = (-50) + 20 = -30 \mu C \end{cases}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1|q'_2|}{q_1|q_2|} = \frac{60 \times 30}{80 \times 50} = \frac{18}{40} = \frac{9}{20} \rightarrow \frac{\Delta F}{F} = -\frac{11}{20} = -55\% \quad \text{کاهش ۵۵ درصد}$$

۳۷ - گزینه ۲ در مدار شکل زیر با افزایش مقاومت  $R_p$  مقاومت مدار ( $R_T$ ) افزایش می‌یابد. در نتیجه طبق رابطه  $I = \frac{\epsilon}{R_T + r}$  شدت جریان کلی مدار یا جریانی که از شاخه‌ی اصلی مدار عبور می‌کند کاهش می‌یابد. بنابراین آمپرسنج عدد کم‌تری را نشان می‌دهد. از طرفی طبق رابطه  $\epsilon - Ir = V_{مد}$  با کاهش شدت جریان مدار، افت پتانسیل در مولد کاهش و اختلاف پتانسیل دو سر مولد افزایش می‌یابد. با توجه به آن که  $V_{مد} = V_{R_1} + V_{R_p}$   $\uparrow V_{مد} = \downarrow V_{R_1} + V_{R_p} \uparrow$  می‌باشد و با کاهش جریان  $\downarrow V_{R_1} = \downarrow IR_1$  کاهش می‌یابد، پس  $V_{R_p} = V_{مد}$  باید افزایش پیدا کند و ولت‌سنج عدد بیشتری را نشان می‌دهد.



۳۸ - گزینه ۳ برای محاسبه انرژی جنبشی طبق رابطه  $K = \frac{1}{2}mv^2$  باید سرعت ذره را بدانیم، پس به کمک رابطه نیروی مغناطیسی سرعت ذره را به دست می آوریم:

$$F = qvB \sin \alpha \xrightarrow{\sin 90=1} v = \frac{F}{qB} = \frac{1,28 \times 10^{-16}}{1,6 \times 10^{-19} \times 20 \times 10^{-2}} = 4 \times 10^4 \frac{m}{s}$$

حال انرژی جنبشی محاسبه می شود:

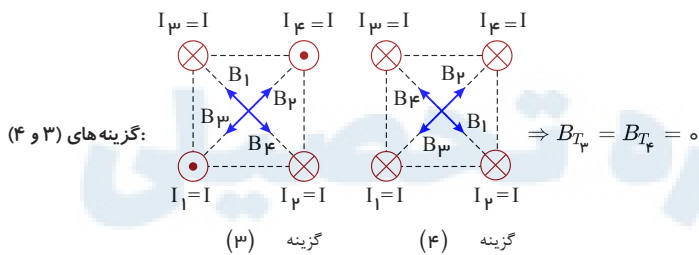
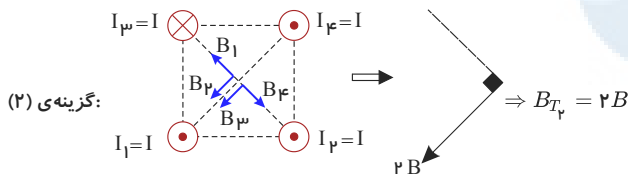
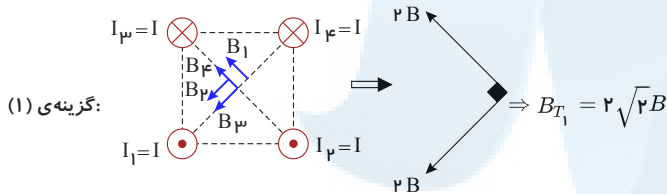
$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 1,7 \times 10^{-27} \times 16 \times 10^8 = 0,85 \times 16 \times 10^{-19} J$$

$$K_{eV} = \frac{0,85 \times 16 \times 10^{-19}}{1,6 \times 10^{-19}} = 8,5 eV$$

\* نکته: برای تبدیل ژول به الکترون ولت داریم:

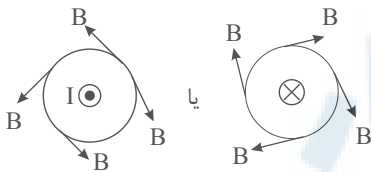
$$1 eV = 1,6 \times 10^{-19} J$$

۳۹ - گزینه ۱ اگر میدان مغناطیسی ناشی از هر سیم در مرکز مربع را  $B$  فرض کنیم، میدان مغناطیسی در هر گزینه به صورت زیر است:



بنابراین بیشترین میدان مغناطیسی برآیند در مرکز مربع گزینه (۱) بوجود می آید.

\*دقت کنید: جهت میدان مغناطیسی ناشی از سیم راست، در هر نقطه به کمک قاعده دست راست به دست می آید.



۴۰ - گزینه ۳ چون اصطکاک نداریم ( $W_f = 0$ ) می توان از اصل پایستگی انرژی بین نقطه پرتاب و نقطه مورد نظر استفاده کرد:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow U_1 + K_1 = U_2 + K_2 \Rightarrow 0 + \frac{1}{2}mV_0^2 = U_2 + \frac{1}{2}U_2 \Rightarrow \frac{1}{2}mV_0^2 = \frac{3}{2}U_2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times m(30)^2 = \frac{3}{2} \times mgh \Rightarrow h = 30 m$$

۴۱ - گزینه ۴ برای حل این سؤال به صورت زیر عمل می کنیم:

$$\begin{cases} \Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \\ \frac{\Delta L}{L_1} = 0,17\% \Rightarrow \Delta L = \frac{17}{10000} L_1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{17}{10000} L_1 = L_1 \alpha \times 100 \Rightarrow \alpha = 17 \times 10^{-6} \frac{1}{K}$$

$$\Delta A = A_1 \alpha \Delta \theta = A_1 \times (2 \times 17 \times 10^{-6}) \times 100 \Rightarrow \Delta A = 0.0034 A_1$$

$$A_2 = A_1 + \Delta A = A_1 + 0.0034 A_1 = 1.0034 A_1$$

توضیح بیشتر: می‌دانیم ضریب انبساط سطحی برای اجسام دو برابر ضریب انبساط خطی است. از این گونه می‌توان نتیجه گرفت که در صورتی که در اثر مقدار معینی افزایش دما طول یک جسم  $x$  درصد افزایش یابد، درصد افزایش سطح جسمی از همان ماده تحت همان افزایش دما برابر  $2x$  است. در این سوال طول میله‌ی مسی با افزایش دمای  $100^\circ C$ ،  $0.17\%$  درصد ( $0.0017$ ) مقدار اولیه افزایش یافته است.

بنابراین افزایش سطح یک ورقه‌ی مسی تحت همان افزایش دما برابر  $0.34\%$  درصد ( $0.0034$ ) برابر مقدار اولیه است و می‌توان نوشت:

$$A_2 = A_1 + \Delta A = A_1 + 0.0034 A_1 = 1.0034 A_1$$

۴۲ - گزینه ۳

$$\rho_2 = \frac{m}{V_2} = \frac{m}{V_1 (1 + \beta \Delta T)} = \frac{\rho_1}{1 + \beta \Delta T} \approx \rho_1 (1 - \beta \Delta T)$$

$$\rho_2 = \rho_1 - \rho_1 \beta \Delta T \rightarrow \Delta \rho = -\rho_1 \beta \Delta T = -\rho_1 (3\alpha) \Delta T$$

$$\rightarrow \Delta \rho = -\left(\frac{24 \times 10^{-3} \text{ kg}}{\left(\frac{4}{3}\right)(3)(10^{-2})^3}\right) (3 \times 3 \times 10^{-5})(100) \rightarrow \Delta \rho = -99 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$\left(\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right)$  ۹۹ کاهش می‌یابد.

۴۳ - گزینه ۴ راه حل اول:

$$540 - 300 = 240 \text{ g مایع} \rightarrow \rho_{\text{مایع}} = \frac{m}{V} \rightarrow 1.2 = \frac{240}{V} \rightarrow V = 200 \text{ cm}^3$$

$$460 - 300 = 160 \text{ g روغن} \rightarrow \rho_{\text{روغن}} = \frac{m}{V} \rightarrow \rho_{\text{روغن}} = \frac{160}{200} = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 800 \frac{\text{gr}}{\text{lit}}$$

\* نکته: تبدیل چگالی بر حسب یکاهای  $\frac{\text{kg}}{\text{lit}}$  و  $\frac{\text{g}}{\text{lit}}$  به صورت زیر است:

$$1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{lit}}, \quad 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1 \frac{\text{g}}{\text{lit}}$$

راه حل دوم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \times V$$

$$\frac{m_{\text{روغن}}}{m_{\text{مایع}}} = \frac{\rho_{\text{روغن}}}{\rho_{\text{مایع}}} \times \frac{V_{\text{روغن}}}{V_{\text{مایع}}} \Rightarrow \frac{160}{240} = \frac{\rho_{\text{روغن}}}{1.2} \times 1$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 800 \frac{\text{g}}{\text{lit}}$$

۴۴ - گزینه ۴

$$\begin{cases} m_B = \frac{2}{3} m_A \\ m = \rho V \end{cases} \Rightarrow \rho_B V_B = \frac{2}{3} \rho_A V_A \xrightarrow{\rho_B = \frac{1}{3} \rho_A} \frac{1}{3} \rho_A A_B L_B = \frac{2}{3} \rho_A A_A L_A \xrightarrow{L_B = L_A} A_B = 2 A_A$$

اکنون باتوجه به رابطه‌ی  $R = \rho \frac{l}{A}$  داریم:

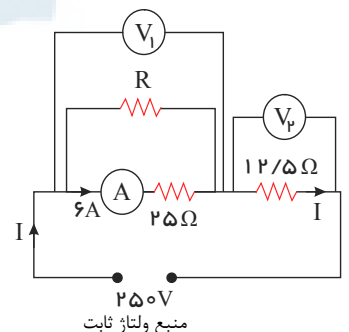
$$R = \rho \frac{l}{A} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \frac{A_A}{A_B} \xrightarrow{\frac{R_A = R_B}{L_A = L_B}} 1 = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times 1 \times \frac{A_A}{A_B}$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{A_B}{A_A} \xrightarrow{A_B = 2 A_A} \frac{\rho_B}{\rho_A} = 2$$

۴۵ - گزینه ۱ در شکل زیر اعداد ولت سنج‌های فرضی (۱) و (۲) عبارت است از:

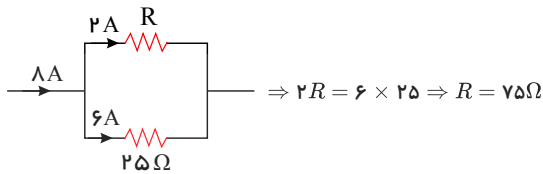
$$\begin{cases} V_1 + V_2 = V_T \\ V_T = 250 \text{ V} \end{cases} \Rightarrow 150 + 12.5 I = 250 \Rightarrow I = 8 \text{ A}$$

$$V_1 = 25 \times 6 = 150 \text{ V}, \quad V_2 = 12.5 I$$



جمع بندی فیزیک پایه

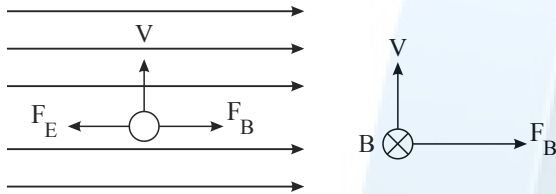
جریان کل مدار برابر  $8 \text{ A}$  و جریان عبوری از مقاومت  $R$  برابر  $2 \text{ A}$  بوده و می‌توان نوشت:



$R$  توان مقاومت  $\Rightarrow P = RI^2 = 75 \times 2^2 = 300W = 0.3kW$ ,  $t = 30 \text{ min} = \frac{1}{2}h$

انرژی مصرفی  $\Rightarrow W = P \cdot t \Rightarrow W = 0.3 \times \frac{1}{2} = 0.15kWh$

۴۶ - گزینه ۴ نیروی میدان الکتریکی  $F_E$  وارد بر بار مثبت به طرف چپ می باشد (خلاف جهت میدان الکتریکی) در نتیجه برای اینکه الکترون از مسیر خود منحرف نشود باید نیروی میدان مغناطیسی به طرف راست باشد تا نیروی الکتریکی را خنثی کند پس با استفاده از قاعده دست راست برای بار منفی باید میدان مغناطیسی درون سو باشد.



۴۷ - گزینه ۲ نکته: نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q < 0$ ، خلاف جهت  $\vec{E}$  است و نیروی مغناطیسی وارد بر  $q < 0$  برعکس قانون دست راست است.

با توجه به قانون دست راست نیروی مغناطیسی وارد بر الکترون ها را بدست می آوریم، و نیروی الکتریکی وارد بر الکترون ها نیز بدست می آوریم، اگر این ۲ نیرو خلاف جهت یکدیگر باشند (و هم اندازه) برآیند نیروهای وارد بر الکترون صفر می شود و الکترون مسیر حرکت خود را حفظ می کند:

۴۸ - گزینه ۲ اگر فشار هوای محبوس در بالای مخزن را  $P_g$  بنامیم، باتوجه به جیوه درلوله  $U$  شکل، خواهیم داشت:

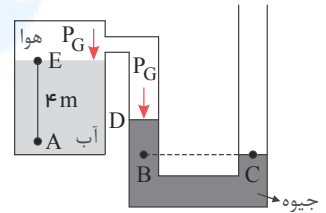
$$P_B = P_C$$

$$P_G + DB \text{ فشار ستون} = P_o \Rightarrow P_G + \rho_{Hg}gh_{DB} = P_o$$

$$P_G + 13600 \times 10 \times \frac{15}{100} = 10^5 \Rightarrow P_G = 79600 Pa$$

$$P_A = P_G + \rho_{H_2O} \cdot g \cdot h_{EA} = 79600 + (10000 \times 10 \times 4)$$

$$P_A = 119600 Pa = 119.6 kPa$$



۴۹ - گزینه ۳ فاصله  $AB$  را مانند میله ای به طول  $500 \text{ mm}$  در نظر می گیریم، و چون  $\alpha_{خطی} = 2\alpha_{سطحی}$  است، داریم:

$$\Delta L_{AB} = L_1 \alpha_{خطی} \Delta\theta = 500 \times \left( \frac{3.6 \times 10^{-5}}{2} \right) \times 200 = 1.8 \text{ mm}$$

$$L'_{AB} = 500 + \Delta L_{AB} = 501.8 \text{ mm}$$

۵۰ - گزینه ۴

$$\Delta\ell_1 + \Delta\ell_2 = 100.4 \text{ cm} - 2(50 \text{ cm}) = 0.4 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow (\ell_1 \alpha \Delta\theta)_{Cu} + (\ell_2 \alpha \Delta\theta)_{Al} = 0.4 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow (50 \text{ cm} \times 1.7 \times 10^{-5} \times \Delta\theta)_{Cu} + (50 \text{ cm} \times 2.3 \times 10^{-5} \times \Delta\theta)_{Al} = 0.4 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow (185 + 115)(10^{-5} \times \Delta\theta) = 0.4 \text{ cm} \rightarrow \Delta\theta = \frac{0.4 \text{ cm}}{0.002 \text{ cm}} = 200^\circ C$$

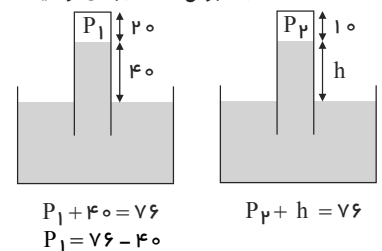
$$\Delta T = \Delta\theta \rightarrow \Delta T = 200 K$$

۵۱ - گزینه ۴ گاز محبوس شده در بالای لوله یک گاز کامل است و با جابجا کردن لوله، فشار این گاز محبوس طی یک فرآیند هم دما تغییر می کند و داریم:

فرآیند هم دما  $T_1 = T_2$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$\Rightarrow (76 - 40)20A = P_2(10A) \Rightarrow P_2 = 72 \text{ cmHg}$$



$h = 76 - 72 = 4 \text{ cm}$  مقداری که جیوه بالاتر از سطح آزاد قرار خواهد گرفت

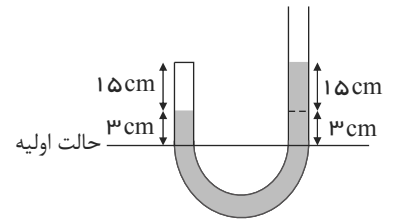
$$\Delta L = 60 - (4 + 10) = 46 \text{ cm}$$

۵۲ - گزینه ۳ حالت اول: وقتی ارتفاع در دو طرف لوله ی U شکل یکسان است فشار گاز مخزن با فشار هوای محیط برابر است.

$$P_{1G} = P_0$$

در حالت دوم اختلاف ارتفاع جیوه برابر با ۱۵ cm است.

$$P_{2G} = P_0 + 15$$



چون دما ثابت است با توجه به قانون گازها داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow P_1 A h_1 = P_2 A h_2 \Rightarrow P_0 \times 18 = (P_0 + 15) \times 15 \Rightarrow P_0 = 75 \text{ cmHg}$$

۵۳ - گزینه ۴ طول خط کش بر حسب میلی متر است بنابراین دقت اندازه گیری آن برابر یک میلی متر می باشد. می دانیم اگر بخواهیم عددی در مقیاس میلی متر را بر حسب سانتی متر بیان کنیم عدد مورد نظر تا یک رقم اعشار بر حسب سانتی متر بیان خواهد شد. مثال:

$$752 \text{ mm} = 75.2 \text{ cm}$$

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 \rightarrow V = \frac{4}{3} \times \pi \times (5)^3 = \frac{500}{3} \pi \text{ cm}^3$$

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow \rho \left( \frac{g}{\text{cm}^3} \right) = \frac{m}{\frac{500}{3} \pi (\text{cm}^3)} \rightarrow m = 1000 \pi (g) = \pi (kg) \rightarrow m = 3.14 \text{ kg}$$

۵۴ - گزینه ۳ ابتدا حجم کره ی توپر به شعاع ۵ cm را به دست می آوریم:

حال با استفاده از رابطه ی چگالی می توانیم جرم کره را به دست می آوریم:

۵۵ - گزینه ۳

ولت سنج هم به دو سر باتری و هم به دو سر مقاومت بسته شده است.

$$\begin{cases} V = RI \Rightarrow 18 = RI \Rightarrow RI = 18 \Rightarrow R = \frac{18}{I} \\ V = \varepsilon - rI \Rightarrow 18 = 20 - rI \Rightarrow r = \frac{2}{I} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} P = RI^2 \\ P' = rI^2 \end{cases} \Rightarrow \frac{P}{P'} = \frac{R}{r} = \frac{\frac{18}{I}}{\frac{2}{I}} = 9$$

۵۶ - گزینه ۲

$$R = \frac{\rho L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} = \frac{1.6 \times 10^{-8}}{5.6 \times 10^{-8}} = \frac{2}{7}$$

طبق رابطه ی  $R = \rho \frac{L}{A}$  داریم:

چون دو سیم به طور موازی به هم وصل شده اند اختلاف پتانسیل دو سر آنها با هم برابر است.

$$V_A = V_B \Rightarrow R_A I_A = R_B I_B \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{I_B}{I_A} = \frac{2}{7}$$

$$I = I_A + I_B \Rightarrow 4.5 = I_A + I_B \Rightarrow 4.5 = I_A + \frac{2}{7} I_A \Rightarrow I_A = 3.5 \text{ A}$$

۵۷ - گزینه ۳ با استنباط از متن تست داده شده چنین برمی آید  $W_1$  و  $W_2$  کار نیروی خالص وارد بر جسم است که تغییرات سرعت جسم منوط به انجام این کار است.

$$W_t = \Delta k = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) \rightarrow \begin{cases} W_1 = \frac{1}{2} m (v^2 - 0^2) = \frac{1}{2} m v^2 \\ W_2 = \frac{1}{2} m ((3v)^2 - v^2) = 4 m v^2 \end{cases} \rightarrow \frac{W_2}{W_1} = 8$$

۵۸ - گزینه ۴ می دانیم فشار ناشی از اجسام جامد همگن (اجسامی که سطح مقطع یکنواخت دارند مانند استوانه یا یک مکعب ...) بر سطح تکیه گاه از رابطه ی  $P = \frac{mg}{A} = \rho gh$  به دست می آید. از آن جایی که حجم مکعب با حجم استوانه برابر است، داریم:

$$V_{(\text{مکعب})} = V_{(\text{استوانه})} \Rightarrow a^3 = Ah_{(\text{استوانه})} \Rightarrow (0.6)^3 = 0.36 \times h_{(\text{استوانه})} \Rightarrow h_{(\text{استوانه})} = 0.6 \text{ m}$$

$$P = \rho gh \Rightarrow \frac{P_{(\text{استوانه})}}{P_{(\text{مکعب})}} = \frac{h_{(\text{استوانه})}}{h_{(\text{مکعب})}} = \frac{0.6}{0.6} = 1$$

$$V_2 = V_1 - 0.8 V_1 = 0.2 V_1$$

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} \times \left( \frac{V_2}{V_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = 1 \times \left( \frac{0.2 V_1}{V_1} \right)^2 = 0.04 \Rightarrow U_2 = 0.04 U_1$$

۵۹ - گزینه ۴ پس از کاهش ۸۰ درصدی، اختلاف پتانسیل دو سر خازن برابر است با:

اکنون با استفاده از رابطه ی  $U = \frac{1}{2} C V^2$  می توان نوشت:

بنابراین انرژی خازن  $96\% - 4\% = 92\%$  کاهش می یابد.

۶۰ - گزینه ۳ حجمی که با رابطه چگالی و جرم جسم بدست می آید، حجم خالص (توپر) کره می باشد:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 2,7 = \frac{1080}{V} \Rightarrow V = 400 \text{ cm}^3 \text{ حجم واقعی}$$

یعنی اگر کره حفره نداشته باشد، حجم آن  $400 \text{ cm}^3$  است، اما حجم کره ای که حفره دارد برابر است با:

$$V' = \frac{4}{3}\pi r^3 \Rightarrow V' = \frac{4}{3} \times 3 \times (5)^3 \Rightarrow V' = 500 \text{ cm}^3 \text{ حجم ظاهری}$$

بنابراین داریم:  $V_{\text{حفره}} = 500 - 400 = 100 \text{ cm}^3$   $\Rightarrow$  حجم واقعی - حجم ظاهری = حجم حفره

پس:  $\frac{V_{\text{حفره}}}{V'} = \frac{100}{500} \times 100 = 20\%$  درصد حجم حفره به حجم کره

۶۱ - گزینه ۲

$$m_1 = m_2 \Rightarrow \rho_1 V_1 = \rho_2 V_2 \xrightarrow{V=AL} \rho_1 = \rho_2 \rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2 \rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{A_1}{A_2}$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{\rho_2 = \rho_1} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 \xrightarrow{R_2 = 12R_1} \frac{12R_1}{R_1} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2$$

$$\rightarrow 12 = \frac{L_2}{L_1} \rightarrow L_2 = 12 \text{ cm}$$

۶۲ - گزینه ۳

ابتدا مقاومت معادل را به دست می آوریم:

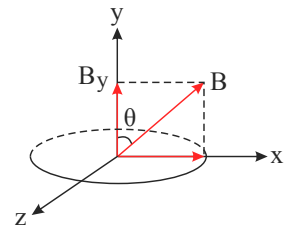
$$V_T = R_T I \rightarrow 120 = R_T \times 15 \rightarrow R_T = 8 \Omega$$

چون این مقاومت، کوچکتر از اندازه ی هر مقاومت (یعنی  $40 \text{ اهم}$ ) است، مقاومت ها را موازی بسته ایم:

$$R_T = \frac{R}{n} \rightarrow 8 = \frac{40}{n} \rightarrow n = 5$$

۶۳ - گزینه ۴ برای تعیین بزرگی میدان مغناطیسی می توان نوشت:

$$\vec{B} = 0,3\vec{i} + 0,4\vec{j} \Rightarrow B = \sqrt{0,3^2 + 0,4^2} \Rightarrow B = 0,5T$$



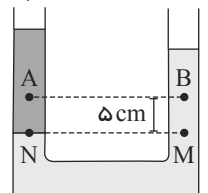
با توجه به تعریف شار مغناطیسی عبوری از یک سطح، تنها مؤلفه ای از میدان که عمود بر سطح است ( $B_y$ ) در تعیین مقدار شار عبوری مغناطیسی سهم دارد و مؤلفه ای از میدان که موازی سطح است ( $B_x$ ) سهمی در شار مغناطیسی ندارد، بنابراین داریم:

$$\Phi = BA \cos \theta \xrightarrow{B \cos \theta = B_y} \Phi = B_y A = 0,4 \times 200 \times 10^{-4} \Rightarrow \Phi = 8 \times 10^{-3} \text{ Wb}$$

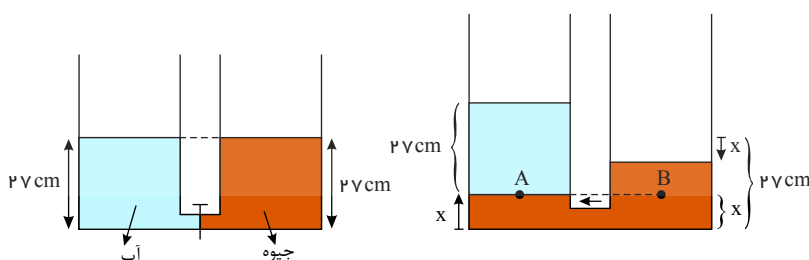
۶۴ - گزینه ۴ می دانیم نقاط هم تراز در یک مایع، فشار یکسان دارند، بنابراین در مورد فشار نقاط A و B می توان گفت:

$$\begin{cases} P_A = P_M - \rho_A gh \\ P_B = P_N - \rho_B gh \end{cases} \xrightarrow{P_M = P_N} P_A + \rho_A gh = P_B + \rho_B gh \Rightarrow P_A = P_B + (\rho_B - \rho_A)gh$$

$$\Rightarrow P_A = P_B + (1000 - 800) \times 10 \times 0,5 \Rightarrow P_A = P_B + 100$$



۶۵ - گزینه ۳



$$P_A = P_B \rightarrow (\rho h)_{\text{آب}} = (\rho_{Hg} (27 - 2x))_{\text{جیوه}} \rightarrow 1 \times 27 \text{cm} = 13,5(27 - 2x) \rightarrow x = 12,5 \text{cm}$$

۶۶ - گزینه ۳

$$\Delta V_{\text{ظاهری}} = \Delta V_{\text{مغناطیسی}} - \Delta V_{\text{ظرف}} \Rightarrow 12 = V_1 (\beta - 3\alpha) \cdot \Delta \theta$$

$$\Rightarrow 12 = 1000 \times (\beta - 3\alpha) \times (80 - 0) \Rightarrow \beta - 3\alpha = \frac{12}{1000 \times 80} = \frac{3}{2} \times 10^{-4} K^{-1} = 1,5 \times 10^{-4} K^{-1}$$

$$\Rightarrow 1,8 \times 10^{-4} - 3\alpha = 1,5 \times 10^{-4} \Rightarrow 3\alpha = 0,3 \times 10^{-4} \Rightarrow \alpha = 10^{-5} K^{-1}$$

۶۷ - گزینه ۳

$$E = \frac{kq}{r^2} \rightarrow (2,25 \times 10^5) = \frac{k(q)}{(0,8)^2} \rightarrow \boxed{kq = 1,44 \times 10^5}$$

$$r = 90 \text{cm}$$

$$\rightarrow F = \frac{kqq'}{r^2} = \frac{(1,44 \times 10^5)(9 \times 10^{-6})}{(0,9)^2} = 1,6 \text{N}$$

$$\rightarrow \boxed{F = 1,6 \text{N}}$$

۶۸ - گزینه ۳

$$C = K\epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow{k=1} \Delta C = \epsilon_0 A \left( \frac{1}{d_1} - \frac{1}{d_2} \right)$$

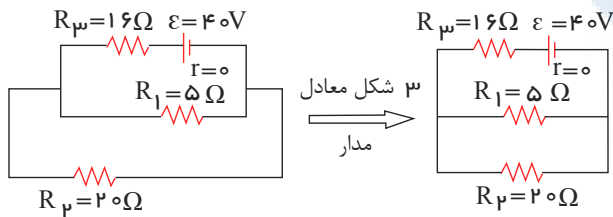
$$\rightarrow \Delta C = (9 \times 10^{-12})(40 \times 10^{-4}) \left( \frac{1}{5} - \frac{1}{4} \right)$$

$$\frac{4}{5 \text{mm}} = \frac{4000}{5} = 800$$

$$\rightarrow \Delta C = (9 \times 4 \times 8)(10^{-12})$$

$$\rightarrow \Delta C = 288 \times 10^{-12} \text{F} \rightarrow \Delta C = 28,8 \times 10^{-12} \text{F} = 28,8 \text{pF}$$

۶۹ - گزینه ۲ در ابتدا با ساده کردن مدار، مقاومت معادل و جریان خروجی از باتری را محاسبه می‌کنیم:



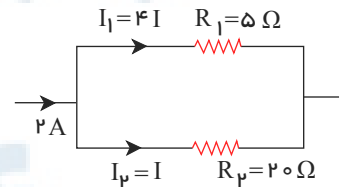
$$R_1 \text{ و } R_\mu \text{ موازی هستند و حاصل با } R_\rho \text{ سری است} \Rightarrow R_T = \frac{R_1 R_\mu}{R_1 + R_\mu} + R_\rho = \frac{5 \times 20}{5 + 20} + 16 = 20 \Omega$$

$$I_{\text{کل}} = \frac{\epsilon}{R_T + r} = \frac{40}{20 + 0} = 2 \text{A}$$

در ادامه جریان ۲A را بین مقاومت‌های موازی ۵Ω و ۲۰Ω توزیع کرده و جریان  $I_1$  را محاسبه می‌کنیم:

$$I_1 + I_\rho = 2 \Rightarrow 5I = 2A \Rightarrow I = 0,4 \text{A}$$

$$I_1 = 4 \times 0,4 = 1,6 \text{A}$$



تذکر: در مقاومت‌های موازی، جریان عبوری از هر مقاومت با اندازه‌ی مقاومت رابطه‌ی معکوس دارد و از مقاومت بزرگتر جریان کمتر عبور می‌کند، بنابراین اگر جریان عبوری از مقاومت  $R_\rho$  را  $I$  فرض کنیم، جریان عبوری از مقاومت  $R_1$  برابر  $4I$  است (دقت شود که  $R_1$  برابر  $\frac{1}{4}$  برابر  $R_\rho$  است).

۷۰ - گزینه ۱ ابتدا فشار هوا را برحسب  $cmHg$  محاسبه می‌کنیم.

$$P_0 = (\rho gh)_{\text{جیوه}} \Rightarrow 1,0336 \times 10^5 = 13,6 \times 10^3 \times 10 \times h$$

$$\Rightarrow h = 0,76 \text{m} \Rightarrow P_0 = 76 \text{cmHg}$$

اکنون براساس رابطه‌ی فشار در ته لوله  $P = P_0 + h_{Hg}$  داریم:

$$\frac{P_\rho}{P_1} = 2 \Rightarrow \frac{76 + h'}{76 + 4} = 2 \Rightarrow 76 + h' = 160 \Rightarrow h' = 84 \text{cm}$$

۷۱ - گزینه ۳ دو نقطه‌ی هم تراز  $M$  و  $N$  در یک مایع (جیوه) را مشخص می‌کنیم و می‌دانیم،  $P_M = P_N$  بنابراین داریم:



$$P_M = P_N \Rightarrow P_A + (\rho gh)_{\text{آب}} = (\rho gh)_{\text{زنج}} + P_o \Rightarrow P_A + 10^3 \times 10 \times 0.2 = 13600 \times 10 \times 0.5 + 10^5$$

$$\Rightarrow P_A + 2 \times 10^5 = 68 \times 10^5 + 10^5 \Rightarrow P_A + 2 \times 10^5 = 168 \times 10^5$$

$$\Rightarrow P_A = 166 \times 10^5 \Rightarrow P_A = 166 kPa$$

۷۲ - گزینه ۱

بنا بر اصل پایستگی انرژی داریم:

$$Q_1 \quad Q_2 \quad Q_3$$

$$30^\circ C \leftarrow \text{آب } 20^\circ C \rightarrow \text{آب } 0^\circ C \rightarrow \text{یخ } 0^\circ C$$

$$\sum Q = 0 \Rightarrow m_{\text{آب}} L_F + m_{\text{آب}} c(20 - 0) + m_{\text{یخ}} c(20 - 30) = 0$$

$$\Rightarrow m(336) + m \times 4.2 \times 20 + 1 \times 4.2 \times (-10) = 0$$

$$\Rightarrow 336m + 84m - 42 = 0 \Rightarrow 420m = 42 \Rightarrow m = \frac{1}{10} kg = 100g$$

۷۳ - گزینه ۳

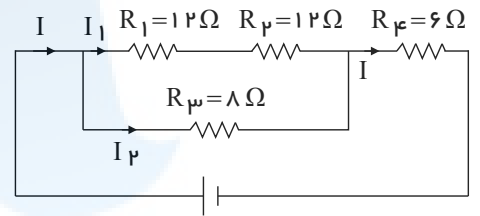
$$I r = \frac{1}{9} IR \Rightarrow r = \frac{1}{9} R \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow 0.2 = \frac{6}{R + \frac{1}{9}R} \Rightarrow 0.2 = \frac{6}{\frac{10}{9}R}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{10} \times \frac{10}{9} R = 6 \Rightarrow \frac{2}{9} R = 6 \Rightarrow R = 27 \Omega$$

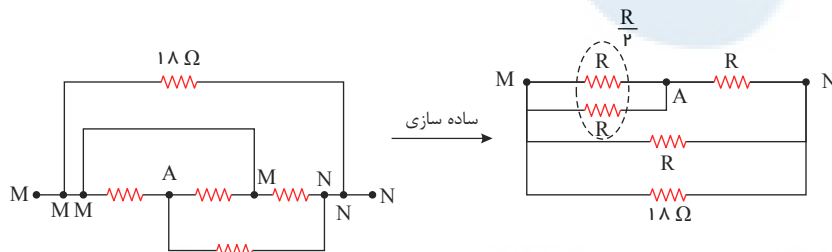
۷۴ - گزینه ۴ اگر جریانی را که از مولد می‌گذرد  $I$  در نظر بگیریم، باتوجه به اینکه جریان بین مقاومت‌های موازی ( $R_p = 8, R_{12} = 24$ ) به نسبت عکس مقاومت‌ها تقسیم می‌شود. داریم:

$$I_p = \frac{3}{4} I, I_1 = \frac{1}{4} I$$

$$\frac{P_{R_p}}{P_{R_1}} = \frac{R_p I_p^2}{R_1 (I_p/4)^2} = \frac{6 I^2}{12 \times \frac{I^2}{16}} = 8$$



۷۵ - گزینه ۳



$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{\frac{R}{2} + R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{18} \Rightarrow \frac{1}{R} = \frac{1}{\frac{R}{2}} + \frac{1}{R} + \frac{1}{18} \Rightarrow R = 6 \Omega$$

۷۶ - گزینه ۴ نیروی  $\vec{F}$  بر صفحه شامل  $\vec{B}$  و  $\vec{V}$  عمود است اما  $\vec{V}$  می‌تواند با  $\vec{B}$  زاویه‌ی  $\theta$  بسازد. در واقع در این سؤال  $\vec{V}$  باید در جهتی باشد که حداقل مولفه‌ای از آن به سمت راست باشد. (طبق قانون دست راست)

۷۷ - گزینه ۱

سیم‌های موازی حامل جریان در صورتی که دارای جریان‌های همسو باشند یکدیگر را می‌ربایند، بنابراین جهت  $\vec{F}_1$  به سوی پایین و جهت  $\vec{F}_2$  به سوی بالاست. از طرفی مطابق قانون سوم نیوتن (هر عملی را عکس‌العملی است مساوی و خلاف جهت) دو سیم نیروهایی برابر و خلاف جهت به یکدیگر وارد می‌کنند.

۷۸ - گزینه ۳

وقتی طرف با شتاب قائم  $a$  تندشونده و به طرف پایین حرکت می‌کند، شتاب قائم حاکم بر آن ( $g'$ ) برابر است با:  $g' = g - a$ . بنابراین داریم:

$$\Delta P = \rho g (\Delta h) \Rightarrow \frac{\Delta P_1}{\Delta P_2} = \frac{g}{g'} \Rightarrow \frac{\Delta P_1}{\Delta P_2} = \frac{g}{g - \frac{g}{3}} = \frac{g}{\frac{2}{3}g}$$

$$\frac{\Delta P_1}{\Delta P_2} = \frac{3}{2} \Rightarrow \Delta P_2 = \frac{2}{3} \Delta P_1$$

۷۹ - گزینه ۳ فشار وارد بر ته ظرف به حجم ظرف و سطح مقطع ظرف بستگی ندارد و تنها طبق رابطه‌ی  $P = \rho gh$  به ارتفاع مایع درون ظرف بستگی دارد و چون در این دو ظرف ارتفاع یکسان است پس  $P_1 = P_2$

اما نیرویی که ظرف‌ها بر سطح افقی وارد می‌کنند برابر مجموع وزن مایع‌ها و ظرف‌ها و طرف‌ها است که در هر دو شکل یکسان است و  $F_1 = F_2$

۸۰ - گزینه ۱ نصف انرژی جنبشی گلوله موقع برخورد، صرف گرم کردن خود گلوله می شود. پس:

$$\frac{1}{2}K = Q \Rightarrow \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} m V^2 = m c \Delta\theta \Rightarrow \frac{1}{4} \times 400^2 = 125 \times \Delta\theta$$

$$\Rightarrow \Delta\theta = 320^\circ C = 320 K$$

۸۱ - گزینه ۱ باتوجه به اینکه در این مسئله تغییر حالت نداریم. به کمک رابطه ی زیر می توان دمای تعادل مجموعه را به دست آورد:

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow |Q_{H_2O}| = |Q_{Cu}| \Rightarrow (mc\Delta\theta)_{H_2O} = (mc\Delta\theta)_{Cu}$$

$$\Rightarrow 80 \times 4200 \times (\theta_e - 11,5) = 420 \times 380 \times (100 - \theta_e) \Rightarrow \theta_e = 40^\circ C$$

دمای آب از  $11,5^\circ C$  به  $40^\circ C$  رسیده است، از طرفی می دانیم میزان افزایش دما برحسب درجه ی سلسیوس و کلون با هم برابر است. بنابراین برای محاسبه ی تغییر دمای آب می توان نوشت:

$$\Delta\theta_{\text{آب}} = 40 - 11,5 = 28,5^\circ C \xrightarrow[\text{کلون و سلسیوس برابر است}]{\text{تغییر دما بر حسب}} \Delta T_{\text{آب}} = 28,5 K$$

تذکر: بسیاری از دانش آموزان پس از محاسبه ی  $\theta_e$ ، گزینه ی ۲ را انتخاب می کنند. مراقب باشید که به سادگی نمره ی منفی نگیرید.

۸۲ - گزینه ۱

چون قرار است پیستون جابه جا نشود نتیجه می گیریم حجم ثابت است.

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{V_1=V_2} \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$$

$$\begin{cases} P_1 = P_0 + \frac{m_1 g}{A}, & T_1 = \theta_1 + 273 = 300 \\ P_2 = P_0 + \frac{m_2 g}{A}, & T_2 = \theta_2 + 273 = 360 \end{cases}$$

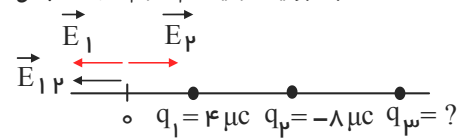
$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_0 + \frac{m_1 g}{A}}{300} = \frac{P_0 + \frac{m_2 g}{A}}{360} \Rightarrow \frac{10^5 + \frac{(4+1) \times 10}{5 \times 10^{-4}}}{300} = \frac{10^5 + \frac{(m_2+1) \times 10}{5 \times 10^{-4}}}{360} \Rightarrow m_2 = 6 kg$$

$$\Delta m = m_2 - m_1 = 6 kg - 4 kg = 2 kg$$

۸۳ - گزینه ۲ ابتدا برآیند دو میدان  $E_1$  و  $E_2$  را حساب می کنیم و سپس میدان را طوری مشخص می کنیم که برآیند  $E_1$  و  $E_2$  را خنثی کند.

$$E = \frac{kq_1}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E_1 = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{36 \times 10^{-4}} = 10^7 \frac{N}{C} \\ E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-6}}{144 \times 10^{-4}} = \frac{1}{2} \times 10^7 \frac{N}{C} \end{cases}$$

$$\Rightarrow E_{12} = E_1 - E_2 = \frac{1}{2} \times 10^7$$



بنابراین اگر بخواهیم میدان برآیند در نقطه  $x = 0$ ، صفر شود باید  $E_3$  خلاف جهت و برآیند برابر  $E_1$  و  $E_2$  باشد، پس  $q_3$  نیز منفی است و اندازه ی آن از رابطه ی زیر بدست می آید:

$$E_{12} = E_3 \Rightarrow \frac{1}{2} \times 10^7 = \frac{kq}{r^2} \Rightarrow \frac{1}{2} \times 10^7 = \frac{9 \times 10^9 \times q}{324 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow q_3 = 18 \times 10^{-6} = 18 \mu C \xrightarrow{\text{با توجه به توضیحات بالا}} q_3 = -18 \mu C$$

۸۴ - گزینه ۲ با ایجاد اختلاف پتانسیل در فضای بین دو صفحه ی رسانا میدان الکتریکی یکنواختی به شدت  $E = \frac{V}{d}$  ایجاد می شود. نیروی الکتریکی وارد بر ذره ی  $\alpha$  در این میدان برابر است با:

$$(\alpha = {}^4_2 He^{2+})$$

$$F = Eq_\alpha = \frac{V}{d} q_\alpha \xrightarrow{q_\alpha = 2e} F = \frac{V}{d} \times 2e = \frac{500}{0,02} \times 2 \times 1,6 \times 10^{-19} = 8 \times 10^{-15}$$

$$\Rightarrow F = 8 \times 10^{-15} N$$

۸۵ - گزینه ۱ در خط کش (الف):

(۱) دقت اندازه گیری  $1 cm$

(۲) خطای اندازه گیری  $\pm 0,5 cm$

در خط کش (ب):

(۱) دقت اندازه گیری  $1 mm$

(۲) خطای اندازه گیری آن  $\pm 0,5 mm$

۸۶ - گزینه ۱ حجم الکلی که بیرون می ریزد دقیقاً برابر حجم گلوله ی آهنی است بنابراین می توان نوشت:

$$V_{\text{آهن}} = V_{\text{الکل}} \Rightarrow \frac{m_{\text{آهن}}}{\rho_{\text{آهن}}} = \frac{m_{\text{الکل}}}{\rho_{\text{الکل}}} \Rightarrow \frac{3900}{7800} = \frac{m_{\text{الکل}}}{800} \Rightarrow m_{\text{الکل}} = 400g$$

۸۷ - گزینه ۲

$$\left. \begin{aligned} \text{کلید } K \text{ باز است} &\Rightarrow V_1 = \varepsilon \\ \text{کلید } K \text{ بسته است} &\Rightarrow V_p = \varepsilon - Ir \end{aligned} \right\} \xrightarrow{V_1 = V_p} Ir = 0 \Rightarrow I \neq 0 = r = 0$$

بنابراین مقاومت درونی مولد ناچیز بوده و در مقایسه با مقاومت خارجی مدار ناچیز می‌باشد.

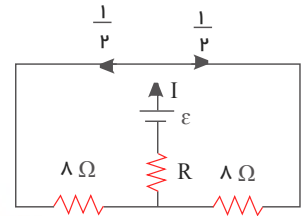
۸۸ - گزینه ۲ با توجه به رابطه انرژی جنبشی داریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{K_p}{K_1} = \left(\frac{v_p}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{K_1 + \frac{1}{4}K_1}{K_1} = \left(\frac{v_1 + \Delta}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{5}{4} = \left(\frac{v_1 + \Delta}{v_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{5}{4} = \frac{v_1 + \Delta}{v_1} \Rightarrow 5v_1 = 4v_1 + 4 \Rightarrow v_1 = 4 \frac{m}{s}$$

۸۹ - گزینه ۲ جریان  $I$  بین دو مقاومت موازی و مساوی ۸ اهمی به نسبت مساوی تقسیم می‌شود. پس جریان گذرنده از مقاومت های ۸ اهمی نصف جریان در شاخه اصلی یعنی  $\frac{I}{2}$  می‌باشد.

$$P = RI^2, P_{8\Omega} = P_R \Rightarrow 8\left(\frac{I}{2}\right)^2 = RI^2 \Rightarrow 2I^2 = RI^2 \Rightarrow R = 2\Omega$$



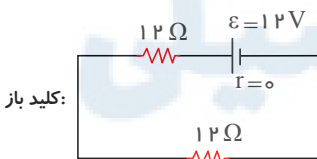
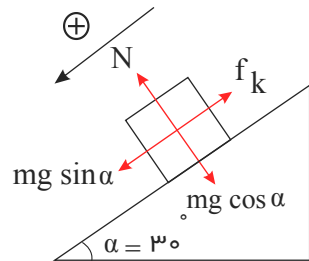
۹۰ - گزینه ۴

$$\sum F = ma \Rightarrow mgsin\alpha - f_k = 0 \Rightarrow f_k = mgsin\alpha$$

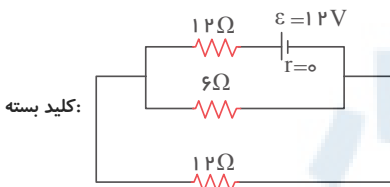
$$W_{f_k} = f_k \cdot d \cdot \cos 180^\circ = mgsin\alpha \cdot d \cdot \cos 180^\circ$$

$$\Rightarrow W_{f_k} = (2 \times 10 \times \frac{1}{2}) \times 2 \times (-1) = -20J$$

۹۱ - گزینه ۳

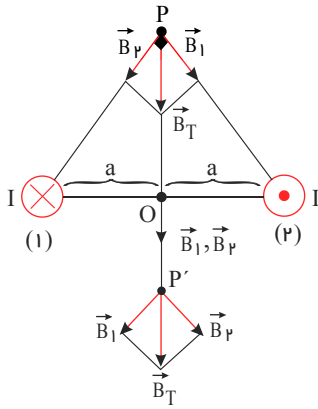


$$I_{T_1} = \frac{\varepsilon}{R_{T_1} + r} = \frac{12}{24} = 0.5A \rightarrow P_1 = \varepsilon I_1 = 12 \times \frac{1}{2} = 6W$$



$$I_{T_p} = \frac{\varepsilon}{R_{T_p} + r} = \frac{12}{16} = 0.75A \rightarrow P_p = \varepsilon I_p = 12 \times \frac{3}{4} = 9W$$

۹۲ - گزینه ۳ با توجه به شکل روبه رو، بزرگی میدان ناشی از دو سیم، در نقطه  $O$  بیش تر از سایر نقاط روی پاره خط  $PP'$  است. بنابراین از نقطه  $O$  تا  $P$  بزرگی میدان ناشی از دو سیم ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

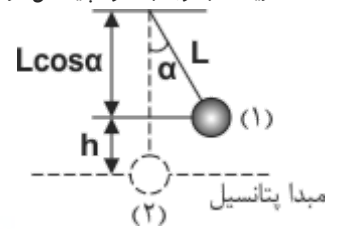


۹۳ - گزینه ۴ چون جسم به طرف پایین جابه‌جا شده کار نیروی وزن مثبت است و از رابطه  $W_{mg} = +mgh$  به دست می‌آید:

$$W_{mg} = +mgh \xrightarrow{m=2kg, h=5m} W_{mg} = 2 \times 10 \times 5 = 100J$$

۹۴ - گزینه ۳ با توجه به قانون پایستگی انرژی می‌توان نوشت:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow mgh = \frac{1}{2}mV^2 \Rightarrow 10 \times h = \frac{1}{2} \times (4)^2 \Rightarrow h = 0.8m$$



از طرفی داریم:

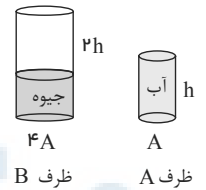
$$L = L \cos \alpha + h \Rightarrow 1.6 = 1.6 \cos \alpha + 0.8 \Rightarrow 0.8 = 1.6 \cos \alpha \Rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = 60^\circ$$

نکته: هنگامی که گلوله به بالاترین نقطه مسیر خود می‌رسد، سرعت آن و در نتیجه انرژی جنبشی صفر است و هنگامیکه یک گلوله به پایین‌ترین نقطه مسیر خود می‌رسد، می‌توان آن ارتفاع را مبدأ پتانسیل در نظر گرفت و در نتیجه انرژی پتانسیل گرانشی در آن نقطه صفر است.

۹۵ - گزینه ۴

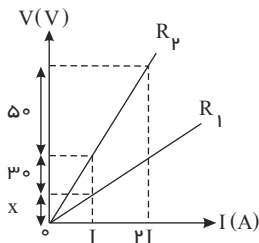
چون جرم آب و جیوه ریخته شده در ظرف‌های استوانه‌ای A و B یکسان است پس نیروی وزنی که بر مایع درون ظرف‌ها وارد می‌شود، با هم برابر است. یعنی  $(W_{\text{آب}} = W_{\text{جیوه}})$  بنابراین داریم:

$$P = \frac{F}{A} = \frac{mg}{A} \Rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{(mg)_A}{(mg)_B} \times \frac{A_B}{A_A} = 1 \times \frac{4A}{A} = 4$$



۹۶ - گزینه ۳

شیب خط مربوط به  $R_2$  را در دو حالت  $I$  و  $2I$  برابر قرار می‌دهیم تا  $x$  به دست آید:



$$\frac{30 + x}{I} = \frac{50 + x}{2I} \Rightarrow 60 + 2x = 50 + x \Rightarrow x = 10V$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{R_{\text{شیب خط } R_2}}{R_{\text{شیب خط } R_1}} = \frac{30+10}{I} = \frac{5}{2}$$

$$\text{حالت اول: } \frac{R'}{R} = \frac{\ell'}{\ell} \rightarrow \frac{R'}{R} = \frac{1}{3} \Rightarrow R' = \frac{R}{3}$$

وقتی قطعه سیم از ابزاری عبور کند که قطر آن نصف می‌شود، جرم و حجم آن تغییر نمی‌کند و با استفاده از رابطه زیر:

$$\frac{R''}{R'} = \left(\frac{d'}{d''}\right)^2 \Rightarrow \frac{R''}{R} = (2)^2 \Rightarrow R'' = \frac{16}{3}R$$

می آید.

۹۸ - گزینه ۴

$$A: m_A = 600g, \rho_A = 20g/cm^3 \Rightarrow V_A = \frac{m_A}{\rho_A} = \frac{600g}{20g/cm^3} = 30cm^3$$

$$B: V_B = 40cm^3, \rho_B = 7.5g/cm^3 \Rightarrow m_B = \rho_B V_B = 7.5g/cm^3 \times 40cm^3 = 300g$$

$$\text{آلیاژ} \begin{cases} m = m_A + m_B = 900g \\ \rho = 15g/cm^3 \end{cases} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{900g}{15g/cm^3} = 60cm^3$$

$$\Delta V = V - (V_A + V_B) = 60 - (30 + 40) = -10cm^3$$

حجم طی عمل مخلوط  $10cm^3$  کاهش یافته و در نتیجه پاسخ گزینه ۴ است.

۹۹ - گزینه ۳

$$\varepsilon = 10V \rightarrow \text{عرض از مبدا از روی نمودار}$$

$$\text{شیب خط } r = \frac{10}{20} = 0.5\Omega$$

$$\text{مولد مصرف کننده } V = \varepsilon + rI = 10 + 0.5 \times 2 = 11V$$

۱۰۰ - گزینه ۳ با بستن کلید  $k$ ، مقاومت  $R_1$  به صورت موازی با  $R_1$  به مدار اضافه می شود و  $R_{eq}$  مدار کاهش خواهد یافت و طبق رابطه  $I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$ ، با کاهش  $R_{eq}$ ، جریان کل مدار

افزایش می یابد و آمپرسنج ایده آل  $A_1$  عدد بیش تری را نشان می دهد.باتوجه به مدار، ولتاژ دو سر مقاومت  $R_1$  با ولتاژ دو سر مولد برابر است و چون مولد مقاومت درونی ندارد:

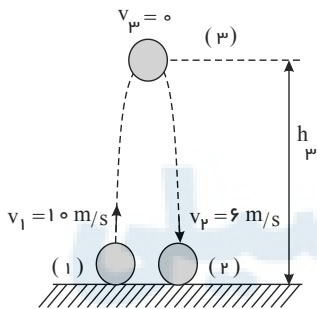
$$V_{\text{مولد}} = V_{R_1} = \varepsilon - Ir = \varepsilon$$

$$I_{R_1} = \frac{\varepsilon}{R_1} \text{ بنابراین جریان عبوری از مقاومت } R_1 \text{ برابر است با:}$$

که این مقدار همواره ثابت است و در نتیجه عددی که آمپرسنج  $A_1$  نشان می دهد ثابت می ماند.

۱۰۱ - گزینه ۳

با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مرجع انرژی پتانسیل گرانشی و استفاده از قانون پایستگی انرژی داریم:



$$W_{\text{مقاوم(صعود)}} = W_{\text{مقاوم(سقوط)}} = \frac{1}{2}W_{\text{مقاوم}} \Rightarrow W_{\text{مقاوم}} = E_2 - E_1 = (K_2 + U_2) - (K_1 + U_1)$$

$$= \left(\frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2\right) - \left(\frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1\right) \xrightarrow{h_1=0, h_2=h_3} W_{\text{مقاوم}} = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times (6^2 - 10^2) = -64J \Rightarrow W_{\text{مقاوم(صعود)}} = W_{\text{مقاوم(صعود)}} = -32J$$

اگر حرکت جسم را فقط در هنگام صعود در نظر بگیریم:

$$W_{\text{مقاوم(صعود)}} = E_2 - E_1 = (K_2 + U_2) - (K_1 + U_1)$$

$$\left(\frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2\right) - \left(\frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1\right) \xrightarrow{v_2=0, h_1=0} W_{\text{مقاوم(صعود)}} = mgh_2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$\Rightarrow -32 = 2 \times 10 \times h_2 - \frac{1}{2} \times 2 \times 10^2 \Rightarrow -32 = 20h_2 - 100 \Rightarrow h_2 = 3.4m$$

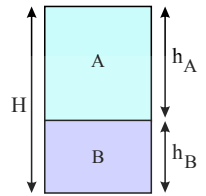
۱۰۲ - گزینه ۲ ابتدا نسبت چگالی دو مایع را با توجه به نمودار می یابیم:

$$\frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{m_B}{m_A} \times \frac{V_A}{V_B} \Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{7}{7.5} \times \frac{10}{4} = \frac{4}{3}$$

پس چگالی مایع  $B$  از چگالی  $A$  بیشتر است، لذا اگر آن‌ها را در داخل یک ظرف بریزیم در این صورت مایع  $B$  در پایین قرار می گیرد.

$$\begin{cases} h_A + h_B = H & (1) \\ m_A = m_B \Rightarrow \rho_A V_A = \rho_B V_B \end{cases}$$

$$\Rightarrow \rho_A h_A = \rho_B h_B \Rightarrow \frac{h_A}{h_B} = \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{4}{3} \quad (2)$$

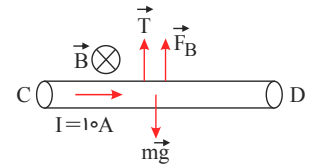


$$\xrightarrow{(2), (1)} \frac{4}{3}h_B + h_B = H \Rightarrow h_B = \frac{3}{7}H, \quad h_A = \frac{4}{7}H$$

پس حجم اشغال شده توسط مایع A،  $\frac{4}{7}$  حجم کل ظرف می باشد.

۱۰۳ - گزینه ۱ با توجه به جهت جریان و میدان، نیروی مغناطیسی وارد به سیم  $\vec{F}_B$  در حالت اول رو به بالاست و اندازه آن برابر است با:

$$F_B = BIl = 0.02 \times 10 \times 0.2 = 0.04N$$

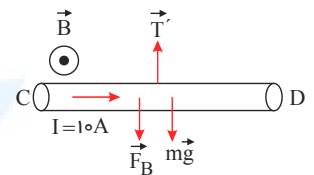


در این حالت نیروی کشش نخ برابر است با:

$$T + F_B = mg \Rightarrow T = (mg - 0.04)N$$

اگر جهت میدان مغناطیسی عکس شود و اندازه آن ثابت بماند، نیروی مغناطیسی همان مقدار قبلی خواهد بود ولی جهت آن رو به پایین است. در این حالت نیروی کشش نخ برابر است با:

$$T' = F_B + mg = 0.04 + mg$$



بنابراین تغییرات نیروی کشش نخ برابر است با:

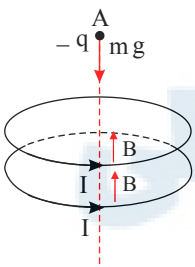
$$T' - T = 0.04 + mg - (mg - 0.04) = 0.08N$$

یعنی نیروی کشش نخ  $0.08N$  افزایش می یابد.

۱۰۴ - گزینه ۳

باتوجه به شکل چون راستای حرکت ذره ی باردار در طول مسیر حرکت خود با راستای خطوط میدان مغناطیسی ناشی از حلقه های حامل جریان یکسان است پس

میدان مغناطیسی بر آن نیرویی وارد نمی کند و تنها نیروی وارد بر ذره، نیروی وزن است. یعنی ذره با همان شتاب  $g$  سقوط می کند.



$$F = qvB \sin \theta \xrightarrow{\sin \theta = 0} F = 0$$

۱۰۵ - گزینه ۳ آب در  $4^\circ C$  کمترین حجم خود و در نتیجه بیشترین چگالی خود را دارد، پس طبق اصل شناوری، حجم کمتری از مکعب چوبی داخل آب قرار می گیرد.

در فاصله های دمایی بیشتر نسبت به  $4^\circ C$  حجم آب افزایش یافته و چگالی آن کاهش می یابد. به این ترتیب حجم بیشتری از چوب داخل آب قرار می گیرد.

۱۰۶ - گزینه ۳ اندازه میدان الکتریکی در نقطه A دو برابر شده است. باتوجه به ثابت بودن فاصله A تا محل بار الکتریکی، نتیجه می گیریم اندازه بار الکتریکی در حالت دوم، ۲ برابر اندازه بار الکتریکی در حالت اول است.

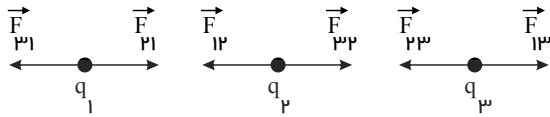
$$|q_2| = 2|q_1| \Rightarrow |Q + q| = 2|q| \Rightarrow \begin{cases} Q + q = +2q \Rightarrow Q = +q = +2\mu C \\ Q + q = -2q \Rightarrow Q = -3q = -6\mu C \end{cases}$$

پس اندازه بار Q ممکن است ۲ یا ۶ میکروکولن باشد و پاسخ گزینه ۳ است.

توجه: چون در مورد جهت میدان الکتریکی نهایی فرضی وجود ندارد، میدان الکتریکی نهایی ممکن است هم سو یا ناهم سو با میدان الکتریکی اولیه باشد و به همین دلیل بار الکتریکی اضافه شده (Q) می تواند هم نام یا ناهم نام با بار الکتریکی اولیه (q) باشد و سؤال دو جواب برای Q دارد.

۱۰۷ - گزینه ۳ همواره به ازای  $R = r = 2\Omega$ ، توان خروجی مولد بیشینه است. پس با افزایش مقاومت رتوستا از  $4\Omega$  تا  $2\Omega$  توان خروجی افزایش و از  $2\Omega$  تا  $1\Omega$  توان خروجی مولد کاهش می یابد.

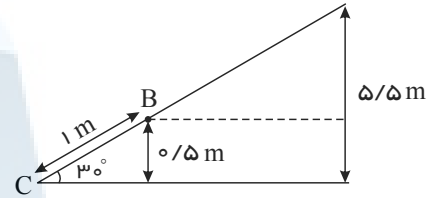
۱۰۸ - گزینه ۱ مطابق قانون سوم نیوتون و این که برایندهای الکتریکی وارد بر هر یک از بارها برابر با صفر است، داریم:



مطابق شکل با خنثی شدن بار  $q_1$ ، نیروی خالص وارد بر بار  $q_2$ ،  $\vec{F}_{23}$  (به سمت راست) و نیروی خالص وارد بر بار  $q_3$ ، نیروی  $\vec{F}_{32}$  (به سمت چپ) است.

۱۰۹ - گزینه ۳

$$W_{\text{قر}} = -\Delta U_{\text{کشسانی}} = -20 \text{ J}$$

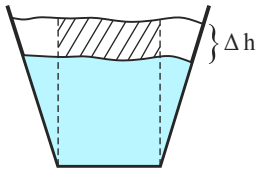


طبق قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K \Rightarrow W_{mg} + W_{f_k} + W_{\text{قر}} = K_B - K_A$$

$$\Rightarrow mgh + W_{f_k} + W_{\text{قر}} = \frac{1}{2}mv_B^2 \Rightarrow 2 \times 10 \times 0.5 - 16 - 20 = \frac{1}{2} \times 2 \times v_B^2 \Rightarrow v_B = 8 \text{ m/s}$$

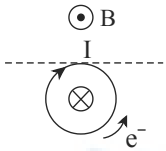
۱۱۰ - گزینه ۱



با برداشته شدن جسم از روی آب، ارتفاع آب درون ظرف کاهش می‌یابد (حجم آب بالا آمده برابر با حجم قسمتی از جسم است که درون آب قرار گرفته بود و وزن آب بالا آمده برابر است با وزن جسم  $(F_b = W)$ ).

سطح آب بزرگتر از کف ظرف است، در نتیجه  $\Delta h$  کاهش یافته کمتر از مقدار واقعی است، پس نیروی وارد به کف ظرف به اندازه واقعی کاهش پیدا نکرده بلکه کمتر از  $W$  کاهش پیدا کرده است.

۱۱۱ - گزینه ۱ جهت حرکت بار منفی روی قرص پاد ساعتگرد است، بنابراین جهت جریان روی قرص را ساعتگرد در نظر می‌گیریم. (جهت جریان عکس جهت شارش بار منفی است) با توجه به قاعده‌ی دست راست میدان ناشی از جریان در حلقه در محلی که عقربه آویزان است برون سو  $(\odot)$  می‌شود، پس قطب  $N$  عقربه می‌چرخد و به طرف بیرون صفحه قرار می‌گیرد.



۱۱۲ - گزینه ۱ در راستای افقی به هر یک از گلوله‌ها دو نیرو وارد می‌شود، نیروی دافعه کولنی و نیروی فنر، چون گلوله‌ها در حال تعادل‌اند، اندازه این دو نیرو با هم برابر است. اندازه نیروی که از طرف فنر فشرده به هر گلوله وارد می‌شود، برابر است با:

$$\text{حال با استفاده از قانون کولن، می‌توان نوشت:} \quad x = \frac{30 - 10}{2} = 10 \text{ cm} \rightarrow F_{\text{قر}} = kx = 100 \times 0.1 \Rightarrow F_{\text{قر}} = 10 \text{ N}$$

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 10 = 9 \times 10^9 \times \frac{q^2}{(3 \times 10^{-1})^2} \Rightarrow q^2 = 10^{-10} \Rightarrow |q| = 10^{-5} \text{ C}$$

۱۱۳ - گزینه ۳ ظرفیت خازن تغییری نمی‌کند و چون اختلاف پتانسیل دو سر خازن افزایش یافته است، بنابراین بار الکتریکی ذخیره شده در آن نیز افزایش می‌یابد. داریم:

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow \frac{Q_1}{V_1} = \frac{Q_2}{V_2} \Rightarrow \frac{Q_1}{V_1} = \frac{Q_1 + 30}{V_1 + 7.5}$$

$$\Rightarrow Q_1 V_1 + 7.5 Q_1 = Q_1 V_1 + 30 V_1 \Rightarrow \frac{Q_1}{V_1} = 4 \Rightarrow C = 4 \mu\text{F}$$

از طرف دیگر داریم:

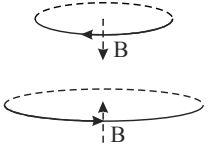
$$U_2 = U_1 + 187.5 \Rightarrow \frac{Q_2^2}{2C} = \frac{Q_1^2}{2C} + 187.5$$

$$\Rightarrow \frac{Q_2^2}{2 \times 4} = \frac{(Q_1 - 30)^2}{2 \times 4} + 187.5 \Rightarrow Q_2 = 40 \mu\text{C}$$



۱۱۴ - گزینه ۲

طبق قاعده دست راست، میدان حلقه کوچکتر به طرف پایین و میدان حلقه بزرگتر به طرف بالا است. بنابراین نیروی مغناطیسی بین دو حلقه همواره دافعه است.



۱۱۵ - گزینه ۴ حداقل اندازه میدان مغناطیسی زمانی است که میدان بر راستای سیم عمود بوده و سیم به طرف پایین حرکت کند:

$$F + mg = ma \xrightarrow{F=BIL \sin \alpha} B \times 5 \times \frac{1}{100} + \frac{3}{1000} \times 10 = \frac{3}{1000} \times 20 \Rightarrow B = 6 \times 10^{-1} T = 6 \times 10^3 G$$

۱۱۶ - گزینه ۲

$$m_{Hg} = 2m_{\text{آب}}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \rho_{Hg} V_{Hg} &= 2\rho_{\text{آب}} V_{\text{آب}} \xrightarrow{V=Ah, A_{\text{آب}}=A_{Hg}} \rho_{Hg} h_{Hg} = 2\rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} \\ \frac{\rho_{Hg}=13,6 \text{ g/cm}^3}{\rho_{\text{آب}}=1 \text{ g/cm}^3} &\rightarrow 13,6 \times h_{Hg} = 2 \times 1 \times h_{\text{آب}} \Rightarrow h_{\text{آب}} = 6,8 h_{Hg} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} h_{\text{آب}} + h_{Hg} &= 39 \\ \rightarrow 7,8 h_{Hg} &= 39 \Rightarrow h_{Hg} = 5 \text{ cm} \Rightarrow h_{\text{آب}} = 39 - 5 = 34 \text{ cm} \end{aligned}$$

حالا فشار ناشی از دو مایع را در کف ظرف محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{aligned} P &= P_{\text{آب}} + P_{Hg} = \rho_{\text{آب}} g h_{\text{آب}} + \rho_{Hg} g h_{Hg} \\ &= (1 \times 10^3) \times 10 \times (34 \times 10^{-2}) + (13,6 \times 10^3) \times 10 \times (5 \times 10^{-2}) = 3400 + 6800 = 10200 \text{ Pa} = 10,2 \text{ kPa} \end{aligned}$$

۱۱۷ - گزینه ۱ چگالی هر دو جسم کم‌تر از آب است، بنابراین روی سطح آب شناور می‌مانند. هر دو جسم هم‌جرم هستند بنابراین طبق قانون دوم نیوتون برای شناور بودن روی سطح آب باید به یک اندازه به آن‌ها به سمت بالا نیرو وارد شود که طبق اصل ارشمیدس نیروی وارد شده به جسم برابر با وزن مایع جابه‌جا شده است. بنابراین مایع جابه‌جا شده در هر دو حالت با هم برابر است. یعنی حجمی از جسم که وارد آب شده در هر دو حالت برابر است. از طرفی با توجه به برابر بودن سطح مقطع دو جسم، هر دو جسم به یک اندازه در آب فرو می‌روند. در نتیجه گزینه ۱ صحیح است.

۱۱۸ - گزینه ۲ در یک مدار تک حلقه، جریان عبوری از یک مولد می‌تواند دو حالت داشته باشد:

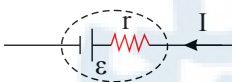
حالت (۱): از پایانه‌ی منفی مولد وارد و از پایانه‌ی مثبت آن خارج شود (مولد محرکه)

در این حالت اندازه‌ی اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مولد از رابطه‌ی  $V = \varepsilon - Ir$  به دست می‌آید (نمودار گزینه‌ی ۴)



حالت (۲): از پایانه‌ی مثبت مولد وارد و از پایانه‌ی منفی آن خارج شود. (مولد ضد محرکه)

در این حالت اندازه‌ی اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مولد از رابطه‌ی  $V = \varepsilon + Ir$  به دست می‌آید. (نمودار گزینه‌ی ۳)



اگر مقاومت درونی مولد برابر با صفر باشد، اندازه‌ی اختلاف پتانسیل دو سر مولد در هر دو حالت فوق ثابت و برابر  $V = \varepsilon$  خواهد بود. (نمودار گزینه ۱)

ولی مولدی که نیروی محرکه‌ی آن برابر با صفر باشد (نمودار گزینه‌ی ۲) دیگر مولد نیست. بنابراین نمودار گزینه‌ی ۲، نمی‌تواند اندازه‌ی اختلاف پتانسیل دو سر یک مولد را بر حسب شدت جریان عبوری از آن نشان دهد.

۱۱۹ - گزینه ۳ اختلاف پتانسیل دو سر باتری، همان اختلاف پتانسیل دو سر  $R$  است.

$$\frac{V'}{V} = \frac{RI'}{RI} = \frac{R' \frac{\varepsilon}{R'+r}}{R \frac{\varepsilon}{R+r}} = \frac{3r \frac{\varepsilon}{3r+r}}{2r \frac{\varepsilon}{2r+r}} = \frac{3}{2} = \frac{9}{6}$$

۱۲۰ - گزینه ۲ ابتدا بار الکتریکی هر یک از کره‌ها را بعد از بستن کلید حساب می‌کنیم.

دقت کنید. چون کره‌ها مشابه‌اند. طبق اصل پایستگی بار الکتریکی، بعد از تماس، بار آن‌ها مشابه و نصف مجموع بارهای قبل از تماس آن‌ها است.

$$q'_A = q'_B = \frac{q_A + q_B}{2} \xrightarrow{q_A=20 \mu C, q_B=12 \mu C} q'_A = q'_B = \frac{20 + 12}{2} = 16 \mu C$$

اکنون مقدار بار شارش شده بین دو کره را حساب می‌کنیم و سپس تعداد الکترون‌ها را به دست می‌آوریم.

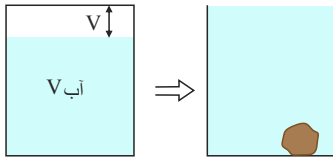
$$\Delta q = q'_B - q_B = 16 - 12 = 4 \mu C$$

$$n = \frac{q}{e} = \frac{4 \times 10^{-6}}{1,6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n = 2,5 \times 10^{13} \text{ الکترون}$$

چون همواره جهت حرکت خودبه‌خودی الکترون‌ها از پتانسیل الکتریکی کم‌تر به طرف پتانسیل الکتریکی بیش‌تر است. الکترون‌ها از کره  $B$  به طرف کره  $A$  جابه‌جا می‌شوند. دقت کنید، چون بار الکتریکی هر دو کره مثبت و کره‌ها مشابه‌اند کره‌ای که در ابتدا بار الکتریکی کم‌تری دارد. پتانسیل الکتریکی آن نیز کم‌تر است.

۱۲۱ - گزینه ۲

باتوجه به شکل، هنگامی که در ظرف آب داریم حجم خالی بالای ظرف را  $V'$  در نظر می‌گیریم:

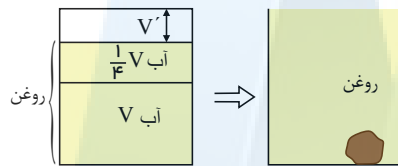


$$\text{حجم جسم در این حالت} = V + 100 \text{ cm}^3 \quad (1)$$

در حالت دوم که هم جرم با آب، روغن در ظرف می‌ریزیم، حجم روغن داخل ظرف برابر است با:

$$V = \frac{m}{\rho} \Rightarrow \frac{V_{\text{روغن}}}{V_{\text{آب}}} = \frac{m_{\text{روغن}}}{m_{\text{آب}}} \times \frac{\rho_{\text{آب}}}{\rho_{\text{روغن}}} = 1 \times \frac{1}{0.8} = \frac{5}{4}$$

پس حجم روغن داخل ظرف  $\frac{5}{4}$  برابر حجم آب است.



$$\text{حجم جسم در این حالت} = V' + 200 \text{ cm}^3 \quad (2)$$

از طرفی باتوجه به شکل‌ها داریم:

$$\xrightarrow{(1),(2)} V + 100 = V' + 200 \Rightarrow V - V' = 100 \text{ cm}^3 \quad (3)$$

از طرفی باتوجه به شکل‌ها برای حجم داخل ظرف در هر حالت داریم:

$$V_{\text{آب}} + V = V_{\text{روغن}} + V' \xrightarrow{V_{\text{روغن}} = \frac{5}{4} V_{\text{آب}}} V_{\text{آب}} + V = \frac{5}{4} V_{\text{آب}} + V'$$

$$\Rightarrow V - V' = \frac{1}{4} V_{\text{آب}} \xrightarrow{(3)} 100 = \frac{1}{4} V_{\text{آب}} \Rightarrow V_{\text{آب}} = 400 \text{ cm}^3$$

پس جرم آب موجود در ظرف برابر است با:

$$m_{\text{آب}} = \rho_{\text{آب}} \times V_{\text{آب}} = 1 \times 400 = 400 \text{ g}$$

۱۲۲ - گزینه ۳ طبق رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$ ، بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین مقاومت متناسب با بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین نسبت  $\frac{L}{A}$  می‌باشد، بنابراین داریم:

$$\frac{R_{\text{max}}}{R_{\text{min}}} = \frac{\rho \frac{L_{\text{max}}}{A_{\text{min}}}}{\rho \frac{L_{\text{min}}}{A_{\text{max}}}} \Rightarrow \frac{R_{\text{max}}}{R_{\text{min}}} = \frac{L_{\text{max}}}{L_{\text{min}}} \times \frac{A_{\text{max}}}{A_{\text{min}}}$$

$$\xrightarrow{L_{\text{max}}=6\text{cm}, L_{\text{min}}=2\text{cm}} \frac{R_{\text{max}}}{R_{\text{min}}} = \frac{6}{2} \times \frac{24}{8} = 9$$

$$A_{\text{max}}=24\text{cm}^2, A_{\text{min}}=8\text{cm}^2$$

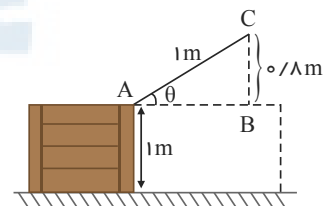
۱۲۳ - گزینه ۲ باتوجه به برابر بودن اندازه نیروی  $F$  و اندازه جابه‌جایی در دو حالت، اندازه کار نیروی  $F$  تنها به کسینوس زاویه بین نیرو و جابه‌جایی بستگی دارد.

حالت «الف»

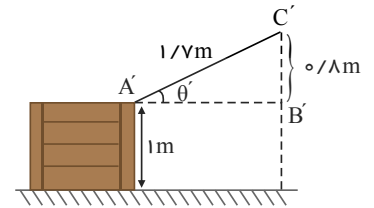
$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

$$\Rightarrow AB^2 + (0.8)^2 = 1^2 \Rightarrow AB = 0.6\text{m}$$

$$\cos \theta = \frac{AB}{AC} = \frac{0.6}{1} = 0.6$$



حالت «ب»



$$A'B^2 + B'C'^2 = A'C'^2$$

$$\Rightarrow A'B^2 + (6/7)^2 = (1/7)^2 \Rightarrow A'B = 1,5m$$

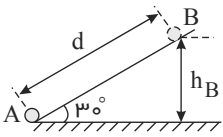
$$\cos \theta = \frac{A'B}{A'C'} = \frac{1,5}{1,7} = \frac{15}{17}$$

$$\frac{W_{\text{الف}}}{W_{\text{ب}}} = \frac{F}{F'} \times \frac{d}{d'} \times \frac{\cos \theta}{\cos \theta}$$

$$\frac{F=F'}{d=d'} \rightarrow \frac{W_{\text{الف}}}{W_{\text{ب}}} = \frac{0,6}{1,5} = \frac{3}{5} \times \frac{17}{15} = \frac{17}{25}$$

۱۲۴ - گزینه ۲

در هنگام بالا رفتن و یا پایین آمدن گلوله، نیروی وزن و نیروهای مقاوم (اصطکاک و مقاومت هوا) بر روی گلوله کار انجام می‌دهند. با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مرجع انرژی پتانسیل گرانشی، اگر از قضیه کار - انرژی جنبشی هنگام بالا رفتن لوله و پایین آمدن آن روی سطح شیبدار استفاده کنیم، داریم:



بالا رفتن:  $W_{\text{وزن}} + W_{\text{مقاوم ۱}} = K_B - K_{1A} \Rightarrow -\Delta U + W_{\text{مقاوم ۱}} = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_{1A}^2$

$$\xrightarrow{v_B=0} -mgh_B + W_{\text{مقاوم ۱}} = -\frac{1}{2}mv_{1A}^2 = -\frac{1}{2}m \times 3^2 = -\frac{9}{2}m \quad (1)$$

پایین آمدن:  $W_{\text{وزن}} + W_{\text{مقاوم ۲}} = K_{2A} - K_B \Rightarrow -\Delta U + W_{\text{مقاوم ۲}} = \frac{1}{2}mv_{2A}^2 - \frac{1}{2}mv_B^2$

$$\xrightarrow{v_B=0} -mg(0 - h_B) + W_{\text{مقاوم ۲}} = \frac{1}{2}mv_{2A}^2 = \frac{1}{2}m \times (\sqrt{3})^2 = \frac{3}{2}m \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} -mgh_B + W_{\text{مقاوم ۱}} = -\frac{9}{2}m \\ mgh_B + W_{\text{مقاوم ۲}} = \frac{3}{2}m \\ W_{\text{مقاوم ۱}} = W_{\text{مقاوم ۲}} = W_{\text{مقاوم}} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -mgh_B + W_{\text{مقاوم}} = -\frac{9}{2}m \\ mgh_B + W_{\text{مقاوم}} = \frac{3}{2}m \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} mgh_B = 3m \\ W_{\text{مقاوم}} = -\frac{3}{2}m \end{cases}$$

حذف m از طرفین  $mgh_B = 3m \rightarrow gh_B = 3 \Rightarrow 10h_B = 3 \Rightarrow h_B = 0,3m$

$$\sin 30^\circ = \frac{h_B}{d} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{0,3}{d} \Rightarrow d = 0,6m$$

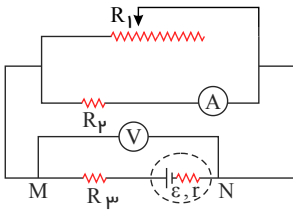
۱۲۵ - گزینه ۴. الکتروسکوپ و جسم رسانای باردار در شرایط الکترواستاتیک قرار دارند و هم‌پتانسیل هستند. به عبارتی بین الکتروسکوپ و جسم رسانای باردار اختلاف پتانسیل الکتریکی وجود ندارد و بار الکتریکی میان آن‌ها شارش نمی‌یابد و بنابراین فاصله ورقه‌های الکتروسکوپ تغییری نمی‌کند.

۱۲۶ - گزینه ۳. اگر با ثابت ماندن جرم یا حجم یک سیم رسانا، تغییراتی روی طول یا سطح مقطع آن ایجاد کنیم می‌توان از تناسب زیر در مورد تغییرات مقاومت سیم استفاده کرد:

$$R \propto \left(\frac{L}{A}\right)^2 \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2 \xrightarrow{A \propto D^2} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^4 \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{16}$$

$$V = IR \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{I_2}{I_1} \times \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{16} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{32}$$

بنابراین در مورد اختلاف پتانسیل دو سر آن می‌توان گفت:



با حرکت لغزنده رئوس تا به سمت راست، مقاومت رئوس تا افزایش می‌یابد (افزایش طول) و در نتیجه مقاومت معادل دو مقاومت موازی  $R_2$  و  $R_3$  افزایش می‌یابد. بنابراین مقاومت کل مدار افزایش می‌یابد و در نتیجه جریان کل مدار کاهش می‌یابد. ولت‌سنج ایده آل اختلاف پتانسیل بین دو نقطه  $M$  و  $N$  را نشان می‌دهد. داریم:

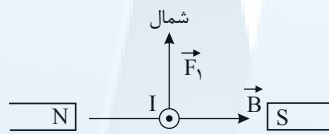
$$V_M + IR_2 - \varepsilon + Ir = V_N \Rightarrow V_M - V_N = \varepsilon - I[R_2 + r]$$

بنابراین با کاهش جریان مدار، عددی که ولت‌سنج ایده آل نشان می‌دهد، افزایش می‌یابد.

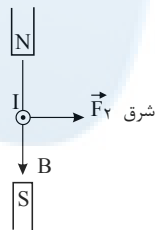
آمپرسنج ایده آل جریان عبوری از مقاومت  $R_2$  را نشان می‌دهد. با توجه به مدار، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_2$  با عدد ولت‌سنج برابر است. بنابراین با افزایش عددی که ولت‌سنج نشان می‌دهد، جریان عبوری از مقاومت  $R_2$  بیشتر شده و آمپرسنج عدد بزرگتری را نشان می‌دهد.

۱۲۸ - گزینه ۳ باید برای هر حالت به صورت جدا نیروی وارده را بیایم و سپس برآیند آن نیروها را تعیین کنیم.

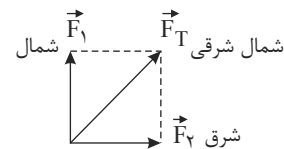
(الف) نیروی حاصل از دو آهنربای افقی



(ب) نیروی حاصل از دو آهنربای عمودی



برآیند:



$\vec{F}_1$ : رو به شمال

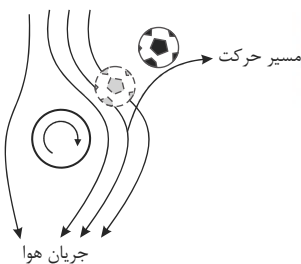
$\vec{F}_2$ : رو به شرق

$\vec{F}_T$ : رو به شمال شرقی

۱۲۹ - گزینه ۲ طبق اصل ارشمیدس، چگالی سنج در مایع‌های چگال‌تر نسبت به مایع‌هایی با چگالی کم‌تر به میزان کم‌تری فرو خواهد رفت. بنابراین چون چگالی سنج در مایع  $B$  بیش‌تر فرو رفته است، چگالی مایع  $B$  کم‌تر از چگالی مایع  $A$  خواهد بود و طبق رابطه  $\rho = \frac{m}{V}$  و با توجه به یکسان بودن جرم دو مایع، می‌توان نتیجه گرفت حجم کل مایع  $B$  نسبت به حجم کل مایع  $A$  بیش‌تر است. از طرف دیگر چون چگالی سنج روی سطح دو مایع شناور می‌گردد، پس اندازه نیروی شناوری وارد به آن در هر دو حالت برابر با نیروی وزن چگالی‌سنج است. پس نیروی شناوری مایع  $B$  برابر با نیروی شناوری مایع  $A$  است.

۱۳۰ - گزینه ۱

با توجه به جهت چرخش توپ، جریان هوا در سمت راست بیشتر می‌شود و طبق اصل برنولی با افزایش تندی سیال، فشار کم شده و گویی مکش انجام می‌شود و توپ به سمت راست (جهت (۱)) منحرف می‌شود که می‌توان گفت طبق قوانین نیوتون توپ به سمت (۱) منحرف شده پس برآیند وارد بر توپ در جهت (۱) است.



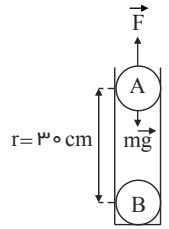
۱۳۱ - گزینه ۱ ابتدا نیروهای وارد بر گلوله  $A$  را رسم و اندازه هر یک را محاسبه می‌کنیم. بر گلوله  $A$  نیروی دافعه الکتریکی رو به بالا و نیروی وزن رو به پایین وارد می‌شود.

$$F = k \frac{|q_A||q_B|}{r^2} \quad \frac{|q_A|=|q_B|=2 \times 10^{-6}}{r=30 \text{ cm}=3 \times 10^{-1} \text{ m}} \Rightarrow F = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} \Rightarrow F = 0.4 \text{ N}$$

سپس با استفاده از قانون دوم نیوتون به صورت زیر جرم گلوله A را حساب می کنیم.

$$F_{net} = ma \Rightarrow F - mg = ma$$

$$\frac{F=0,4N}{a=30m/s^2} \rightarrow 0,4 - m \times 10 = m \times 30 \Rightarrow 0,4 = 40m \Rightarrow m = \frac{0,4}{40} = 0,01 kg = 10g$$



۱۳۲ - گزینه ۴ علامت بارهای الکتریکی نقطه‌ای  $q_A$  و  $q_B$  مثبت است و در نتیجه جهت میدان الکتریکی حاصل از آن‌ها در نقطه O به طرف راست است. چون با حذف بار الکتریکی  $q_B$  جهت میدان الکتریکی برآیند ناشی از دو بار در نقطه O تغییر می کند، اگر بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_C < 0$  باشد، جهت میدان الکتریکی حاصل از آن در نقطه O به طرف راست خواهد بود و در نتیجه با حذف بار  $q_B$ ، جهت میدان الکتریکی تغییر نخواهد کرد و همچنان به سمت راست خواهد بود. بنابراین می توان نتیجه گرفت  $q_C > 0$  است.

$$E = E_A + E_B - E_C \quad (1)$$

$$\frac{1}{3}E = E_C - E_A \quad (2)$$

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \frac{E_A}{E_B} = \frac{|q_A|}{|q_B|} \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 = \frac{4}{2} \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \Rightarrow E_B = 2E_A \quad (3)$$

با استفاده از رابطه اندازه میدان الکتریکی، داریم:

$$\xrightarrow{(1), (2)} E = E_A + 2E_A - E_C \Rightarrow E = 3E_A - E_C \quad (4)$$

بنابراین:

با حل هم زمان معادله های (۲) و (۴)، داریم:

$$\frac{1}{3}(3E_A - E_C) = E_C - E_A \Rightarrow \frac{E_C}{E_A} = \frac{3}{2} \Rightarrow \left|\frac{q_C}{q_A}\right| \times \left(\frac{r_A}{r_C}\right)^2 = \frac{3}{2} \Rightarrow \frac{|q_C|}{4} \times 2^2 = \frac{3}{2} \Rightarrow |q_C| = \frac{3}{2}\mu C \Rightarrow q_C = \frac{3}{2}\mu C$$

۱۳۳ - گزینه ۲

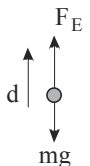
$$\text{میدان یکنواخت: } |\Delta V| = Ed \Rightarrow 400 - 200 = 10000 \times d \Rightarrow d = 0,02m$$

چون تندی گلوله ثابت است، نیروی خالص وارد بر آن صفر است.

$$F_E = mg = 20 \times 10^{-3} \times 10 = 0,2N$$

$$W = F_E d \cos 0^\circ = 0,2 \times 0,02 \times (+1) = 0,004J$$

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \xrightarrow{\Delta U_E = -W_E} 400 - 200 = \frac{-0,004}{q} \Rightarrow q = -20\mu C$$



۱۳۴ - گزینه ۳ کمترین مقداری را که یک وسیله‌ی اندازه گیری می تواند اندازه بگیرد، دقت اندازه گیری آن وسیله می نامند. برای تعیین دقت اندازه گیری یک وسیله، تمام ارقام آن را با عدد صفر و آخرین رقم سمت راست آن را با عدد یک جایگزین می کنیم و با توجه به واحد آن، دقت اندازه گیری را تعیین می کنیم.

در گزینه‌ی «۱» دقت اندازه گیری  $10^{-1} km = 0,1 km$ ، در گزینه‌ی «۲»  $10^{-2} km = 0,01 km$ ، در گزینه‌ی «۳»  $10^{-3} km = 0,001 km$  و در گزینه‌ی «۴»  $10^{-1} km = 0,1 km$  است. لذا دقت اندازه گیری در گزینه‌ی «۳» از بقیه‌ی گزینه‌ها بیش تر است.

۱۳۵ - گزینه ۱ چون حجم پیمانه  $50 cm^3$  است و هر لیتر برابر با  $1000 cm^3$  است، بنابراین کمترین مقداری که می توان با این پیمانه اندازه گیری کرد، برابر  $0,050$  لیتر است که به این ترتیب تنها عدد گزینه‌ی «۱» قابل اندازه گیری به وسیله‌ی این پیمانه است.

۱۳۶ - گزینه ۱

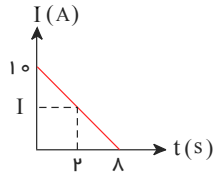
$$Q = CV \xrightarrow{Q=ne} n = \frac{CV}{e} \xrightarrow{C=3 \times 10^{-12} F, v=80 \times 10^{-3} V, e=1,6 \times 10^{-19} C} n = \frac{3 \times 10^{-12} \times 80 \times 10^{-3}}{1,6 \times 10^{-19}}$$

$$\Rightarrow n = 3 \times 5 \times 10^5 = 15 \times 10^5$$

$$\text{تعداد یون در دو صفحه خازن} = 2n = 3 \times 10^6$$

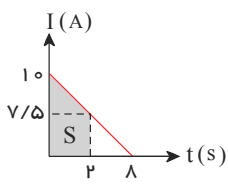
۱۳۷ - گزینه ۳

ابتدا با استفاده از مفهوم شیب نمودار جریان الکتریکی را در لحظه  $t = ۲s$  بدست می آوریم:



$$\frac{10}{\lambda} = \frac{10 - I}{2} \Rightarrow I = 7,5A$$

اندازه بار الکتریکی شارش شده در مدار برابر مساحت محصور بین نمودار  $I - t$  محور زمان است.



$$|\Delta q| = S = \frac{(7,5 + 10) \times 2}{2} = 17,5C$$

۱۳۸ - گزینه ۲

حالت اول:  $I_1 = \frac{\Delta q_1}{\Delta t_1} \Rightarrow 6 = \frac{\Delta q_1}{5} \Rightarrow \Delta q_1 = 30 Ah$

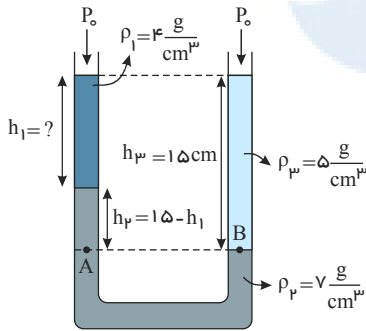
حالت دوم:  $I_2 = \frac{\Delta q_2}{\Delta t_2} \Rightarrow 3 = \frac{\Delta q_2}{10} \Rightarrow \Delta q_2 = 30 Ah$

بار الکتریکی باقی مانده:  $q = 80 - (30 + 30) = 20 Ah \xrightarrow{\times 3600} q = 7,2 \times 10^4 C$

۱۳۹ - گزینه ۱

$$B = \frac{\mu_0 NI}{l} \xrightarrow{l=Nd} B = \frac{\mu_0 I}{d} = \frac{4 \times 10^{-7} \times 3 \times 10^{-3} \times 5}{2 \times 10^{-3}} = 30 \times 10^{-4} T = 30 G$$

۱۴۰ - گزینه ۴



چون فشار در نقطه های هم تراز درون یک مایع ساکن با هم برابر است، بنابراین فشار نقطه های  $A$  و  $B$  یکسان است. بنابراین می توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 + \rho_1 gh_1 + \rho_2 gh_p = P_0 + \rho_2 gh_p$$

$$\Rightarrow \rho_1 h_1 + \rho_2 h_p = \rho_2 h_p \Rightarrow 4h_1 + 7 \times (15 - h_1) = 5 \times 15$$

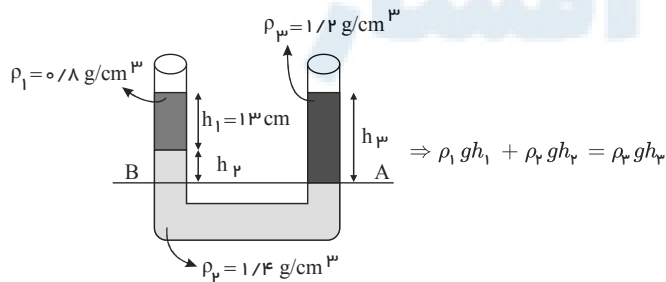
$$\Rightarrow 4h_1 + 105 - 7h_1 = 75 \Rightarrow 105 - 75 = 3h_1 \Rightarrow h_1 = 10 cm$$

۱۴۱ - گزینه ۴ دقت شود خواسته مسئله افزایش فشار وارد از طرف طرف به سطح زیرین خود می باشد. یعنی باید فقط وزن مایع اضافه شده را بر مساحت کف ظرف تقسیم کرد:

$$m = \rho V \Rightarrow m = 8000 \times 50 \times 10^{-6} = 0,4 kg$$

$$P = \frac{mg}{A} \Rightarrow P = \frac{0,4 \times 10}{40 \times 10^{-4}} = 1000 Pa$$

۱۴۲ - گزینه ۴ با توجه به توضیحات سؤال شکل نهایی مثل شکل روبرو خواهد بود:



$$\Rightarrow \rho_1 gh_1 + \rho_2 gh_p = \rho_2 gh_p$$

$$\rightarrow 0,8 \times 13 + 1,4 \times h_p = 1,4 \times h_p$$

$$h_p = h_p - 13$$

$$\rightarrow 0,8 \times 13 + 1,4(h_p - 13) = 1,4h_p \rightarrow 0,8 \times 13 + 1,4h_p - 1,4 \times 13 = 1,4h_p$$

$$-0.6 \times 13 = -0.2 \times h_p \Rightarrow h_p = 39 \text{ cm}$$

در بالای خط تراز ارتفاع مایعات، از دو طرف یکسان است پس چگالی هم باید یکسان باشد و چون  $\rho_1 < \rho_2$  هست باید مایع  $\rho_1$  (که چگالی بیشتری دارد) به کمک  $\rho_2$  بیاید؛ یعنی در سمت چپ لوله قرار بگیرد.

۱۴۳ - گزینه ۳ از آنجایی که ارتفاع آب بالای نقطه A بیشتر از ارتفاع آب بالای نقطه B است، فشار کل در نقطه A (ناشی از فشار آب و فشار هوا) بیشتر از فشار کل در نقطه B خواهد بود. دقت کنید که شناور بودن یک مکعب ۶ کیلوگرمی در سطح آب ظرف سمت راست و بالای نقطه B، تأثیری بر فشار در این نقطه ندارد و فشار مایعات تنها به ارتفاع از سطح آزاد آن‌ها بستگی دارد. همچنین فشار مایع در نقاط هم تراز مایع داخل یک ظرف برابر است اما فشار دو نقطه‌ای که به یک فاصله از کف دو ظرف قرار دارند ولی ارتفاع مایع داخل ظروف متفاوت است، برابر نیست.

۱۴۴ - گزینه ۴ مخزن زمانی خالی می‌شود که حجم آب خروجی از لوله A با مجموع حجم آب ورودی از لوله B و حجم مخزن برابر شود، بنابراین:

$$\text{حجم آب ورودی از لوله B} = A_B v_B t$$

$$\text{حجم آب خروجی از لوله A} = A_A v_A t$$

$$\Rightarrow A_A v_A t = A_B v_B t + V_{\text{مخزن}} \Rightarrow (A_A v_A - A_B v_B) t = V_{\text{مخزن}}$$

$$\Rightarrow t = \frac{V_{\text{مخزن}}}{(A_A v_A - A_B v_B)} \simeq \frac{2.46}{\left(\frac{2}{3} \times 100 \times 10^{-4} \times 4 - \frac{2}{3} \times 36 \times 10^{-4} \times 2\right)} = 100 \text{ s}$$

۱۴۵ - گزینه ۳ اگر جرم یا حجم یک رسانا تغییر نکند. رابطه نسبی مقاومت آن بر حسب شعاع یا قطر به صورت زیر است:

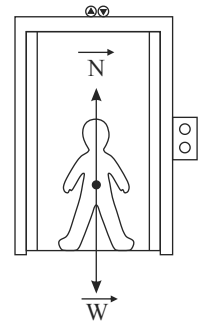
$$\frac{R'}{R} = \left(\frac{d}{d'}\right)^2 \Rightarrow \frac{R'}{R} = \left(\frac{d}{\frac{d}{\sqrt{3}}}\right)^2 = 9$$

۱۴۶ - گزینه ۱ چون حرکت با تندی ثابت است، نیروی خالص وارد بر جسم صفر است، داریم:

$$N = W = mg = 80 \times 9.8 = 784 \text{ N}$$

بنابراین با استفاده از رابطه کار  $(W = (F \cos \theta)d)$  داریم:

$$W_N = (N \cos \theta)d = 784 \times \cos 0 \times 5 = 3920 \text{ J}$$



۱۴۷ - گزینه ۲ نیروی مغناطیسی همواره بر راستای سرعت و میدان مغناطیسی عمود است. همچنین، جهت سرعت نیز همواره در جهت حرکت ذره می‌باشد. بنابراین نیروی مغناطیسی وارد بر ذره همواره عمود بر راستای جابه‌جایی ذره است. از این رو، مطابق روابط زیر، کار نیروی مغناطیسی برابر با صفر می‌باشد. همچنین با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی، درمی‌یابیم که انرژی جنبشی ذره تغییری نمی‌کند و سرعت آن ثابت می‌ماند.

$$W = Fd \cos(\theta) \xrightarrow{\theta=90^\circ} W = 0$$

$$W = \Delta K \Rightarrow 0 = K_2 - K_1 \Rightarrow K_2 = K_1 \Rightarrow \frac{1}{2} m v_2^2 = \frac{1}{2} m v_1^2 \Rightarrow v_2 = v_1$$

توجه: زاویه بین سرعت و میدان مغناطیسی هر مقداری می‌تواند باشد، اما نیروی مغناطیسی همواره بر راستای سرعت و میدان مغناطیسی عمود است.

نکته: چون همواره نیرو بر راستای حرکت  $(v)$  عمود است، هیچگاه کاری روی ذره انجام نمی‌دهد.  $(W_F = 0)$  پس هیچ تأثیری روی مقدار سرعت (تندی) ندارد و فقط جهت بردار سرعت را منحرف می‌کند.

۱۴۸ - گزینه ۱

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow{A_1=2A_2, d_1=3d_2, \kappa=1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{1}{2} \times 3 = \frac{3}{2}$$

$$U = \frac{1}{2} C V^2 \xrightarrow{V_2=2V_1, C_2=\frac{3}{2}C_1} \frac{U_1}{U_2} = \frac{C_1}{C_2} \times \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{U_1}{U_2} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{6}$$

۱۴۹ - گزینه ۲ ابتدا حجم نقره را به دست می‌آوریم و از آنجا با داشتن چگالی نقره، جرم آن قابل محاسبه است.

$$V_T = V_{Ag} + V_{Au} = 5 \text{ cm}^3 \Rightarrow V_{Au} = 5 - V_{Ag}$$

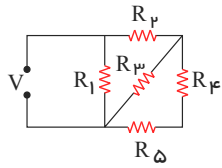
$$\rho_T = \frac{\rho_{Ag} V_{Ag} + \rho_{Au} V_{Au}}{V_{Ag} + V_{Au}} \Rightarrow 13.6 = \frac{10 V_{Ag} + 19 V_{Au}}{5} \Rightarrow 68 = 10 V_{Ag} + 19 V_{Au}$$

$$\Rightarrow 68 = 10 V_{Ag} + 19(5 - V_{Ag}) \Rightarrow 68 = -9 V_{Ag} + 95 \Rightarrow V_{Ag} = 3 \text{ cm}^3$$



$\Rightarrow m_{Ag} = \rho_{Ag} V_{Ag} = 10(3) = 30g$

۱۵۰ - گزینه ۴

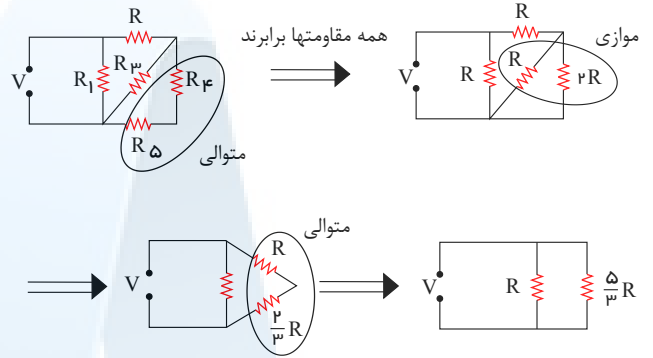


با توجه به رابطه  $P = \frac{V^2}{R}$  و دقت در شکل زیر و توجه به این نکته که مقاومت  $R_1$  با مجموعه دیگر مقاومت ها موازی است بنابراین اختلاف پتانسیل آن از دیگر مقاومت ها بیشتر است و در نتیجه بیشترین توان را داراست.

$$P_{R_1} = \frac{V^2}{R} = 20W$$

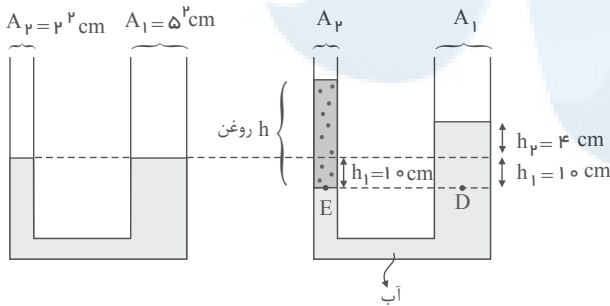
$$P_{R_2, R_3, R_4, R_5} = \frac{V^2}{\frac{R}{3}} = \frac{3}{5} \left( \frac{V^2}{R} \right) = \frac{3}{5} \times 20 = 12W$$

$P_T = 12 + 20 = 32W$



۱۵۱ - گزینه ۲ حجم آب جابه‌جا شده در دو طرف لوله‌ی U شکل در اثر ریختن روغن یکسان است. ( $V_1 = V_2$ ) در نتیجه با داشتن ارتفاع آب جابه‌جا شده در سمت راست  $h_1 = 4cm$  می‌توانیم ارتفاع آب جابه‌جا شده را در سمت چپ ( $h_2$ ) را به دست آوریم.

$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 h_1 = A_2 h_2 \Rightarrow 5 \times 4 = 2 h_2 \Rightarrow h_2 = 10cm$



با در نظر گرفتن دو نقطه‌ی هم فشار  $D$  و  $E$  داریم:

$P_E = P_D \Rightarrow \rho_{\text{روغن}} \cdot g \cdot h_{\text{روغن}} = \rho_{\text{آب}} \cdot g \cdot h_{\text{آب}}$

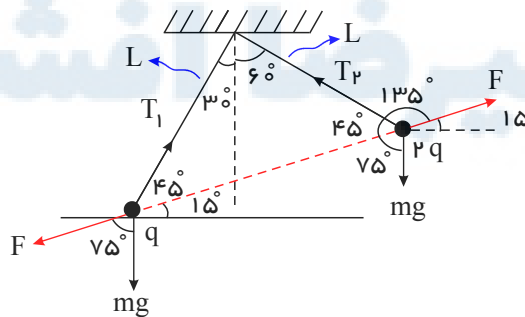
$h_{\text{آب}} = h_1 + h_2 = 14$

$\rightarrow 0.8 \times h_{\text{روغن}} = 1 \times (14) \Rightarrow h_{\text{روغن}} = \frac{140}{8} = 17.5cm$

با استفاده از رابطه‌ی  $\rho = \frac{m}{V}$  جرم روغن را به دست می‌آوریم:

$\rho_{\text{روغن}} = \frac{m_{\text{روغن}}}{V_{\text{روغن}}} \Rightarrow \rho_{\text{روغن}} = \frac{m_{\text{روغن}}}{A_2 h_{\text{روغن}}} \Rightarrow 0.8 = \frac{m_{\text{روغن}}}{2 \times 17.5} \Rightarrow m_{\text{روغن}} = 28g$

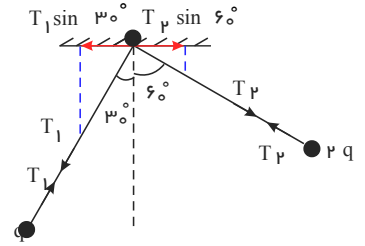
۱۵۲ - گزینه ۳ راه حل اول: با رسم نیروهای وارد بر هر یک از آونگ‌های باردار و با توجه به این که هر دو آونگ هم طول و در حال تعادل قرار دارند، با استفاده از قضیه سینوس‌ها داریم:



$$\left\{ \begin{aligned} \frac{T_1}{\sin 75^\circ} &= \frac{F}{\sin 15^\circ} \\ \frac{T_2}{\sin 105^\circ} &= \frac{F}{\sin 12^\circ} \end{aligned} \right. \xrightarrow{\sin 105^\circ = \sin 75^\circ} \frac{T_1}{T_2} = \frac{\sin 12^\circ}{\sin 15^\circ} = \frac{\sin 6^\circ}{\sin 3^\circ} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} = \sqrt{3}$$

راه حل دوم: راه سریع تر استفاده از این نکته است که برابری نیروها در نقطه O محل اتصال نخها به سقف باید صفر باشد. در نتیجه داریم:

$$T_1 \sin 30^\circ = T_2 \sin 60^\circ \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \frac{\sin 60^\circ}{\sin 30^\circ} = \sqrt{3}$$



۱۵۳ - گزینه ۳

$$\begin{cases} \theta_1 = 0^\circ \rightarrow L_{Fe} - L_{Cu} = 1mm \\ \theta_2 = 100^\circ \rightarrow L_{Cu} - L_{Fe} = 0,5mm \end{cases} \Rightarrow \Delta L_{Cu} = \Delta L_{Fe} + 1,5mm$$

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \rightarrow L_{Cu} \alpha_{Cu} (100 - 0) = L_{Fe} \alpha_{Fe} (100 - 0) + 1,5$$

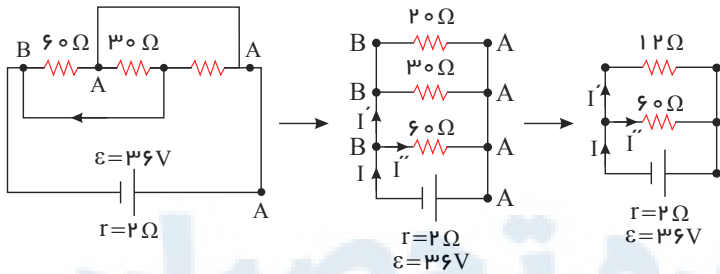
$$\begin{aligned} L_{Cu} = L_{Fe}^{-1} \rightarrow (L_{Fe} - 1)(18 \times 10^{-5}) \times 10^2 &= L_{Fe} (1,2 \times 10^{-5}) \times 10^2 + 1,5 \\ \Rightarrow L_{Fe} = 2503mm = 2,503m \end{aligned}$$

۱۵۴ - گزینه ۳ ابتدا با توجه به نقاط هم پتانسیل مدار را ساده تر رسم می کنیم. مشاهده می شود سه مقاومت به صورت موازی به یک دیگر بسته شده اند.

بنابراین مقاومت معادل مدار و جریان عبوری از شاخه اصلی مدار عبارت است از:

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{60} + \frac{1}{30} + \frac{1}{20} = \frac{1}{10} \Rightarrow R_T = 10\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} = \frac{36}{10 + 2} \Rightarrow I = 3A$$



همان طور که مشاهده می شود، جریان  $I'$  مجموع جریان های عبوری از دو مقاومت موازی  $20\Omega$  و  $30\Omega$  است، با توجه به این که اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت های موازی یکسان است، می توان نوشت:

$$I' R_{30,20} = I'' R_{30} \Rightarrow I' \left( \frac{20 \times 30}{20 + 30} \right) = I'' \times 30 \Rightarrow I'' = \frac{1}{5} I'$$

از طرفی داریم:

$$I' + I'' = I \Rightarrow I' + \frac{1}{5} I' = 3 \Rightarrow \frac{6}{5} I' = 3 \Rightarrow I' = 2,5A$$

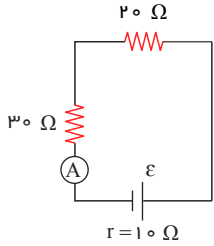
۱۵۵ - گزینه ۲

$$R_{3,6} = \frac{6 \times 3}{6 + 3} = 2\Omega, \quad I = I_1 + I_2 = 15 \Rightarrow I_1 = 15 - I_2$$

$$R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 2I_1 = (R + 2)I_2 \Rightarrow 2(15 - I_2) = (R + 2)I_2$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow 30 - 2I_2 &= RI_2 + 2I_2 \xrightarrow{RI_2=10} 30 - 2I_2 = 10 + 2I_2 \Rightarrow 20 = 4I_2 \Rightarrow I_2 = 5A \\ \Rightarrow RI_2 &= 10 \Rightarrow R \times 5 = 10 \Rightarrow R = 2\Omega \end{aligned}$$

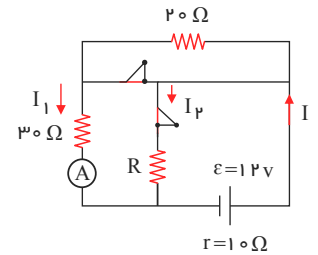
۱۵۶ - گزینه ۳ وقتی هردو کلید باز هستند، می توان مدار را به صورت زیر در نظر گرفت و جریان مدار را محاسبه کرد:



$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \rightarrow 0,2 = \frac{\varepsilon}{50+10} \rightarrow \varepsilon = 12V$$

وقتی هردو کلید بسته‌اند، مدار به شکل زیر است و چنان که می‌بینید، مقاومت ۲۰ اهمی اتصال کوتاه شده است و دو مقاومت دیگر هم موازی‌اند. ولتاژ دو سر مقاومت ۳۰ اهمی را می‌توان به صورت زیر به دست آورد.

$$V_1 = R_1 I_1 \rightarrow V_1 = 30 \times 0,2 = 6$$



ولتاژ دو سر مولد نیز همین مقدار است:

$$V = \varepsilon - rI \rightarrow 6 = 12 - 10I \rightarrow I = 0,6A$$

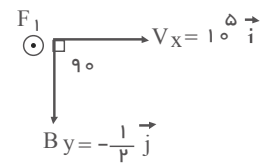
به این ترتیب، جریان دو مقاومت R برابر ۰,۴ - ۰,۲ = ۰,۶ آمپر است و چون ولتاژ دو سر آن هم ۶ ولت است، می‌توان نوشت:

$$V_p = RI_p \rightarrow 6 = R \times 0,4 \rightarrow R = 15\Omega$$

۱۵۷ - گزینه ۳ روش اول:

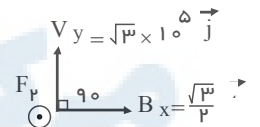
وقتی ذره ی باردار در راستای محور  $v$  با سرعت  $V_x = 10^5 \hat{i}$  حرکت می‌کند تحت تأثیر مؤلفه‌ی  $B_y = -\frac{1}{2} \hat{j}$  به آن نیروی  $\odot(F_1)$  وارد می‌شود.

$$F_1 = qB_y V_x \sin 90^\circ = 1,6 \times 10^{-19} \times \frac{1}{2} \times 10^5 \times 1 = 0,8 \times 10^{-14} (N)$$



وقتی ذره ی باردار در راستای محور مثبت  $y$ ها با سرعت  $V_y = \sqrt{3} \times 10^5 \hat{j}$  حرکت می‌کند تحت تأثیر مؤلفه‌ی  $B_x = \frac{\sqrt{3}}{2} \hat{i}$  به آن نیروی  $\odot(F_2)$  وارد می‌شود.

$$F_2 = qB_x V_y \sin 90^\circ = 1,6 \times 10^{-19} \times \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{3} \times 10^5 \times 1 = 2,4 \times 10^{-14}$$



و سپس در آخر برآیند نیروهای وارد بر ذره ی باردار را محاسبه می‌کنیم.

$$F_T = F_1 + F_2 = 0,8 \times 10^{-14} + 2,4 \times 10^{-14} = 3,2 \times 10^{-14}$$

روش دوم:

برای محاسبه ی نیروی وارد بر ذره ی باردار در میدان مغناطیسی از رابطه ی  $\vec{F} = q\vec{V} \times \vec{B}$  استفاده می‌کنیم برای این منظور باید از ضرب خارجی بردار سرعت در بردار میدان مغناطیسی محاسبه می‌شود.

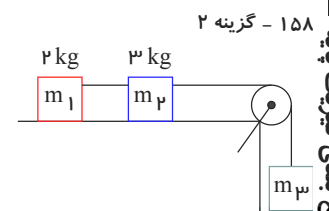
$$F = q|\vec{V} \times \vec{B}| = 1,6 \times 10^{-19} \left| \frac{-1}{2} \times 10^5 - \frac{3}{2} \times 10^5 \right| = 3,2 \times 10^{-14}$$

در هر لحظه  $V_1 = V_2 = V_3 = V$

$$K_1 + K_2 = 22,5 \Rightarrow \frac{1}{2} m_1 V^2 + \frac{1}{2} m_2 V^2 = 22,5$$

$$\Rightarrow \frac{V^2}{2} (m_1 + m_2) = 22,5 \Rightarrow \frac{V^2}{2} (2 + 3) = 22,5 \Rightarrow V = 3 \frac{m}{s}$$

با انتخاب مبداء انرژی پتانسیل گرانشی برای  $m_2$ ، موقعی که  $m_2$  به اندازه ی ۹۰ cm پایین آمده و برای  $m_1$ ، همان سطح افقی نشان داده شده، داریم:



جمع بندی فیزیک پایه

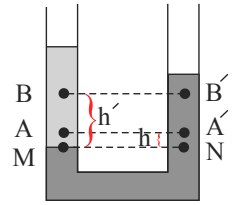
$$m_p gh = \frac{1}{2}(m_1 + m_p + m_p)V^2 \Rightarrow m_p \times 10 \times \frac{9}{10} = \frac{1}{2}(2 + 3 + m_p)(3^2) \Rightarrow m_p = 5kg$$

۱۵۹ - گزینه ۱ در شکل مقابل فشار نقاط  $M$  و  $N$  برابر است و در مقایسه‌ی فشار نقاط  $A$  و  $A'$  هم‌چنین نقاط  $B$  و  $B'$  داریم: مقایسه فشار  $A$  و  $A'$ :

$$P_M = P_A + \rho_1 gh, P_N = P_{A'} + \rho_2 gh$$

$$P_M = P_N \Rightarrow P_A + \rho_1 gh = P_{A'} + \rho_2 gh$$

$$\Rightarrow P_A - P_{A'} = (\rho_2 - \rho_1)gh \Rightarrow \Delta P_1 = (\rho_2 - \rho_1)gh$$



مقایسه فشار  $B$  و  $B'$ :

$$P_M = P_B + \rho_1 gh', P_N = P_{B'} + \rho_2 gh'$$

$$P_M = P_N \Rightarrow P_B + \rho_1 gh' = P_{B'} + \rho_2 gh' \Rightarrow P_B - P_{B'} = (\rho_2 - \rho_1)gh' \Rightarrow \Delta P_2 = (\rho_2 - \rho_1)gh'$$

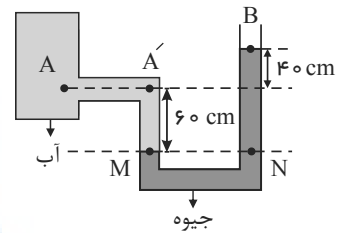
در نتیجه چون  $h' > h$  می‌توان نتیجه گرفت  $\Delta P_2 > \Delta P_1$  است.

۱۶۰ - گزینه ۳

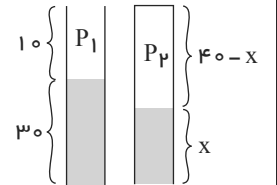
$$P_M = P_N \Rightarrow P_{A'} + \rho_{\text{آب}} \cdot g \cdot (h_{A'M}) = P_0 + \rho_{\text{جیوه}} \cdot g \cdot (h_{BN})$$

$$\xrightarrow{P_{A'}=P_A} P_A + \underbrace{(1000 \times 10 \times \frac{6}{10})}_{6000Pa} = P_0 + \underbrace{(13600 \times 10 \times 1)}_{136000Pa}$$

$$\Rightarrow P_A - P_0 = 136000 - 6000 = 130000Pa = 130kPa$$



۱۶۱ - گزینه ۳

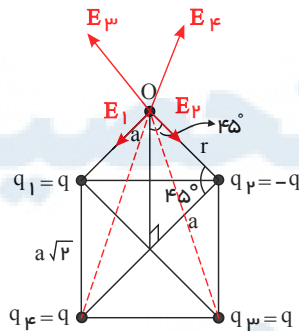


$$P_1 = P_0, P_2 = (P_0 - x), V_1 = A \times 10, V_2 = A \times (40 - x)$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 75 \times 10 = (75 - x)(40 - x)$$

$$\Rightarrow 750 = 3000 + x^2 - 115x \Rightarrow x = 25cm$$

۱۶۲ - گزینه ۱ با توجه به علامت بارها ابتدا میدان الکتریکی حاصل از هر یک بارها را در نقطه‌ی  $O$  مطابق شکل‌های زیر رسم کرده، دو به دو برابری می‌گیریم و در نهایت با توجه به هندسه موجود بزرگی میدان الکتریکی حاصل از چهار بار را در نقطه‌ی  $O$  حساب می‌کنیم.



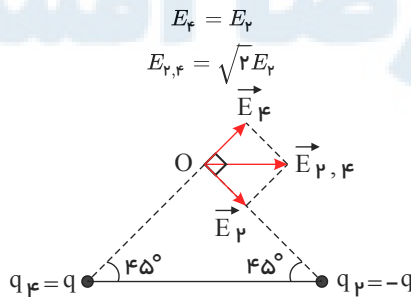
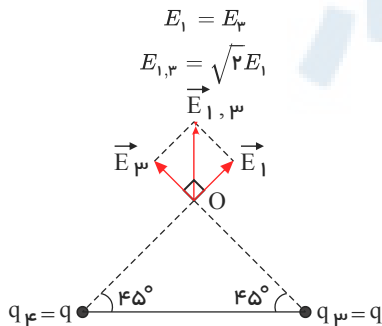
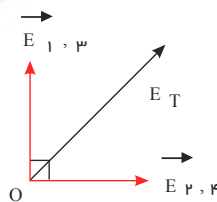
$$\text{طول قطر مربع} = a\sqrt{2} \times \sqrt{2} = 2a$$

$$\text{نصف قطر مربع} = \frac{2a}{2} = a$$

$$\text{فاصله‌ی نقطه‌ی } O \text{ از چهار رأس مربع} \Rightarrow r = \sqrt{a^2 + a^2} = a\sqrt{2}$$

اکنون با رسم بردار میدان هر یک از بارها در نقطه‌ی  $O$  داریم:

$$E_T = \sqrt{E_{1,3}^2 + E_{2,4}^2}$$



با توجه به این که  $E_1 = E_3 = E_2 = E_4 = \frac{kq}{r^2} = \frac{kq}{(a\sqrt{2})^2} = \frac{kq}{2a^2}$  می‌باشد، داریم:

$$E_T = \sqrt{E_{1,r}^2 + E_{1,f}^2} = \sqrt{(\sqrt{2}E_1)^2 + (\sqrt{2}E_1)^2} = 2E_1 = \frac{kq}{a^2}$$

۱۶۳ - گزینه ۴ چون جهت حرکت مشخص نیست، می توان نتیجه گرفت نوع حرکت ممکن است هر سه مدل ذکر شده باشد و بنابراین  $h$  یا  $\Delta y$  نیز ممکن است افزایش یا کاهش یابد و یا حتی ابتدا کاهش و سپس افزایش بیابد و طبق رابطه  $W_{mg} = mgh$  می توان گفت  $W_{mg}$  نیز بسته به شرایط ممکن است افزایش، کاهش و یا ابتدا کاهش و سپس افزایش بیابد.

۱۶۴ - گزینه ۴ آهنگ تولید انرژی گرمایی (توان) هیچ وقت نمی تواند منفی شود. پس گزینه های ۱ و ۳ صحیح نیستند. از طرفی در گزینه های ۲ و ۴ و در بازه های (۰ تا ۰٫۰۱s) و (۰٫۰۱s تا ۰٫۰۲s) آهنگ تولید انرژی گرمایی مقادیر مشابهی دارد. بنابراین اگر مقدار  $P$  را در بازه های (۰٫۰۲s تا ۰٫۰۵s) تعیین کنیم می توان گزینه ی درست را مشخص نمود. البته باید توجه داشت اگر در بازه ای تغییرات میدان مغناطیسی بر حسب زمان خطی باشد، در آن بازه شار مغناطیسی به طور خطی تغییر می کند.

$$\varepsilon = \bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow \varepsilon = -1 \times (3 \times 10^2 \times 10^{-4}) (\cos 0) \times \left( \frac{0 - 0,5}{0,05 - 0,02} \right) = 0,5V \Rightarrow |\varepsilon| = 0,5V$$

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{|\varepsilon|^2}{R} = \frac{(0,5)^2}{5} = 0,05W$$

$$F_{r1} = \frac{kq_1 q_2}{d^2} = \frac{kq_1 q_1}{d^2} \Rightarrow F_{\text{خالص } q_1} = \frac{kq_1}{d^2} (q_1 - \frac{q_2}{9})$$

$$F_{r1} = \frac{kq_1 q_3}{(3d)^2} = \frac{kq_1 q_3}{9d^2}$$

$$F_{1r} = \frac{kq_1 q_2}{d^2} = \frac{kq_1 q_1}{d^2} \Rightarrow F_{\text{خالص } q_1} = \frac{kq_1}{d^2} (\frac{q_2}{4} - q_1)$$

$$F_{rr} = \frac{kq_1 q_3}{(3d)^2} = \frac{kq_1 q_3}{9d^2}$$

$$|\sum F_r| = |\sum F_1| \Rightarrow \frac{kq_1}{d^2} (q_1 - \frac{q_2}{9}) = \frac{kq_1}{d^2} (\frac{q_2}{4} - q_1)$$

$$\Rightarrow q_1 - \frac{q_2}{9} + \frac{q_2}{4} - q_1 = \frac{q_2}{4} - q_1 \Rightarrow 2q_1 - \frac{q_2}{4} + \frac{q_2}{9} = \frac{q_2}{4} - q_1 \Rightarrow \frac{13q_2}{36} = \frac{q_2}{4} - q_1 \Rightarrow \frac{q_2}{4} = \frac{13}{13}$$

۱۶۶ - گزینه ۴ فشار وارد از طرف مایعات به کف ظرف، برابر مجموع فشار ناشی از ستون هر یک از مایعات می باشد.

$$P_T = P_{\text{آب}} + P_{\text{روغن}} \Rightarrow P_T = (\rho gh)_{\text{آب}} + (\rho gh)_{\text{روغن}}$$

$$\Rightarrow P_T = (1000 \times 10 \times 0,1) + (800 \times 10 \times 0,05) \Rightarrow P_T = 1000 + 400 \Rightarrow P_T = 1400 Pa$$

نیروی وارد بر هر سطحی از رابطه  $F = P \cdot A$  قابل محاسبه است، بنابراین داریم:

$$F_T = P_T \times A \Rightarrow F_T = 1400 \times 50 \times 10^{-4} \Rightarrow F_T = 7(N)$$

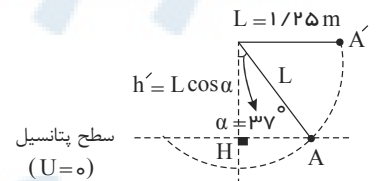
دقت کنید که سطح مقطع استوانه روغن تأثیری در حل مسئله ندارد، زیرا فشار را روی سطح مقطع  $50 \text{ cm}^2$  می خواهیم.

۱۶۷ - گزینه ۲ با توجه به پایستگی انرژی مکانیکی  $E_A = E_{A'}$  و از طرفی دیگر اگر کمترین سرعت گلوله در نقطه  $A$  را بخواهیم به گونه ای که گلوله به نقطه  $A'$  برسد باید سرعت در نقطه  $A'$  برابر صفر شود.

$$E_A = E_{A'} \Rightarrow K_A + U_A = K_{A'} + U_{A'}$$

$$2 \times (\frac{1}{2} m v_A^2 + 0 = 0 + m gh')$$

$$v_A^2 = 2gh' \xrightarrow{h'=L \cos 37^\circ} v_A = \sqrt{2gh'} = \sqrt{2gL \cos 37^\circ} = \sqrt{2 \times 10 \times 1,25 \times 0,8} = 2\sqrt{5} \frac{m}{s}$$



۱۶۸ - گزینه ۲ در لحظه ی اول حجم دو گاز برابر است، بنابراین داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_2 V_2}{n_2 T_2} \xrightarrow{V_1=V_2} \frac{2}{n_1 \times 300} = \frac{5}{n_2 \times 500} \Rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \frac{3}{2} \quad (1)$$

$$\frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_2 V_2}{n_2 T_2} \xrightarrow{P_1=P_2} \frac{V_1}{n_1} = \frac{V_2}{n_2} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} \xrightarrow{(1)} \frac{V_2}{V_1} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{x_2}{x_1} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{3}{2}$$

$$\begin{cases} x_2 = \frac{3}{2} \\ x_1 + x_2 = 40 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_2 = 24 \text{ cm} \\ x_1 = 16 \text{ cm} \end{cases}$$

جمع بندی فیزیک پایه

در حالت تعادل نهایی، دما و فشار هر دو گاز یکسان است، داریم:

از طرفی مجموع دو گاز ثابت است و چون سطح مقطع نیز ثابت است می توان گفت:

در نتیجه پیستون باید  $4cm$  جابجا شود.

۱۶۹ - گزینه ۱ برای حل این سوال گام های زیر را طی می کنیم:

گام اول: صفحه با مساحت  $S_p$  دو برابر صفحه با مساحت  $S_1$  جرم دارد. در مرحله اول می خواهیم بررسی کنیم که با توجه به گرماهای داده شده کدام صفحه افزایش دمای بیشتری دارد. بنابراین داریم:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow \frac{Q_p}{Q_1} = \frac{m_p}{m_1} \times \frac{\Delta\theta_p}{\Delta\theta_1} \Rightarrow \frac{2Q_1}{Q_1} = \frac{2m_1}{m_1} \times \frac{\Delta\theta_p}{\Delta\theta_1} = 1$$

گام دوم: در مقایسه ای افزایش شعاع دو صفحه، به صورت زیر عمل می کنیم:

$$S_1 = 2S_p \Rightarrow \pi(R_p)^2 = 2 \times \pi(R_1)^2 \Rightarrow R_p = \sqrt{2}R_1 \Rightarrow \frac{R_p}{R_1} = \sqrt{2}$$

$$\Delta R = R\alpha\Delta\theta \Rightarrow \frac{\Delta R_p}{\Delta R_1} = \frac{R_p}{R_1} \times \frac{\Delta\theta_p}{\Delta\theta_1} \Rightarrow \frac{\Delta R_p}{\Delta R_1} = \sqrt{2}$$

تذکر: در گام اول با توجه به آنکه  $S_p = 2S_1$  بوده و دو صفحه از یک ورقه ی مسی بریده شده اند، می توان گفت که  $m_p = 2m_1$  می باشد.

۱۷۰ - گزینه ۱

$$F_{CA} = \frac{\kappa q_A q_c}{r^2} = \frac{\kappa \times q \times q}{a^2} = \kappa \frac{q^2}{a^2} = F$$

$$F_{BA} = \kappa \frac{q_B q_A}{r^2} = \frac{\kappa \times \sqrt{3}q \times q}{a^2} = \sqrt{3} \times \kappa \frac{q^2}{a^2} = \sqrt{3}F$$

$$\tan \alpha = \frac{F}{F\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow \alpha = 30^\circ$$

۱۷۱ - گزینه ۱

در حالت اول:

$$V = RI \Rightarrow 3 = R \times \frac{\epsilon}{R+r} \Rightarrow 3 = \frac{4R}{R+r} \Rightarrow 4R = 3R + 3r \Rightarrow R = 3r$$

در حالت دوم:

$$V' = RI' \Rightarrow V' = \frac{R}{2} \times \frac{\epsilon}{\frac{R}{2} + r} = \frac{R}{2} \times \frac{\epsilon}{\frac{R+2r}{2}}$$

$$= \frac{R}{2} \times \frac{2\epsilon}{R+2r} = \frac{R\epsilon}{R+2r} = \frac{3r(4)}{3r+2r} = \frac{12r}{5r} = 2.4V$$

۱۷۲ - گزینه ۲ هرگاه مجموع دو کمیت ثابت باشد، حاصل ضرب آن ها زمانی بیشینه خواهد بود که دو مقدار باهم برابر باشند (این جا طبق پابستگی بار مجموع دو بار همواره ثابت است)

بنابراین نیروی کولنی بین دو بار با توجه به رابطه ی  $F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$  زمانی بیشینه است که  $q_1 = q_2$  باشد،

یعنی بار کل  $q_1 + q_2 = q_1 + 2q_1 = 3q_1$  به یک اندازه بین بارها تقسیم شود.

$$q_1 = q_2 = \frac{3q_1}{2}$$

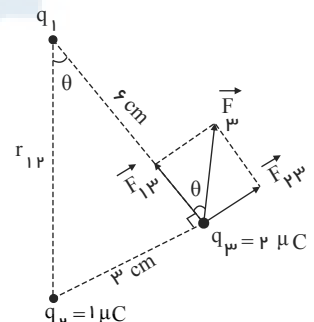
به عبارت دیگر بار جسم اول از  $q_1$  به  $\frac{3}{2}q_1$  افزایش یابد و به همین ترتیب بار جسم دوم از  $2q_1$  به  $\frac{3}{2}q_1$  کاهش یابد.

درصد تغییرات بار جسم اول  $\frac{\Delta q}{q_1} \times 100 = \frac{\frac{3}{2}q_1 - q_1}{q_1} \times 100 = 50\%$

درصد تغییرات بار جسم دوم  $\frac{\Delta q}{q_2} \times 100 = \frac{\frac{3}{2}q_1 - 2q_1}{2q_1} \times 100 = -\frac{1}{4} \times 100 = -25\%$

۱۷۳ - گزینه ۴ اگر نیروی  $\vec{F}_3$  (برایند نیروهای وارد بر بار  $q_3$ ) را مطابق شکل تجزیه کنیم، می توان نتیجه گرفت که بارهای  $q_1$  و  $q_2$  ناهم نامند (چون هردو  $q_3$  را دفع کرده اند) و از قاعده جمع برداری می توان نوشت:

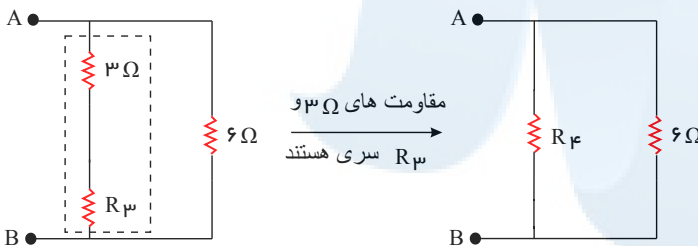
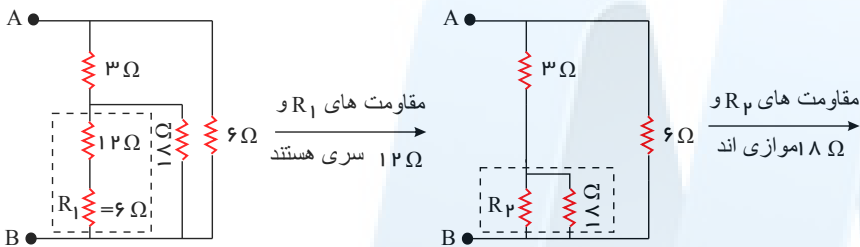
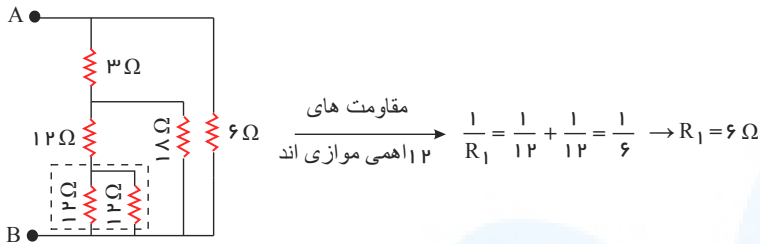
$$\left. \begin{aligned} F_{23} &= F_p \sin \theta \\ F_{23} &= \frac{kq_2 q_3}{r_{23}^2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{kq_2 q_3}{r_{23}^2} = F_p \sin \theta \quad (1)$$



با محاسبه ی  $r_{12} = \sqrt{3^2 + 6^2} = \sqrt{45} = 3\sqrt{5}$  داریم:

$$(1) \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 2 \times 10^{-12}}{(3 \times 10^{-2})^2} = F_p \times \frac{3}{3\sqrt{5}} \Rightarrow 20 = F_p \times \frac{1}{\sqrt{5}} \Rightarrow F_p = 20\sqrt{5} N$$

۱۷۴ - گزینه ۱ حالت اول (کلید  $k$  باز است): در این حالت مدار به شکل زیر خواهد بود:



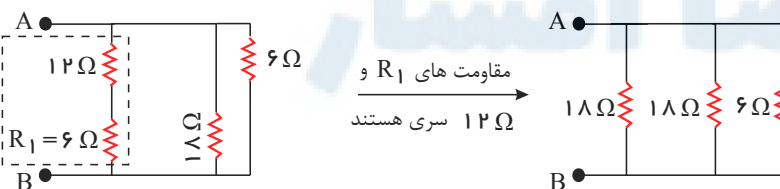
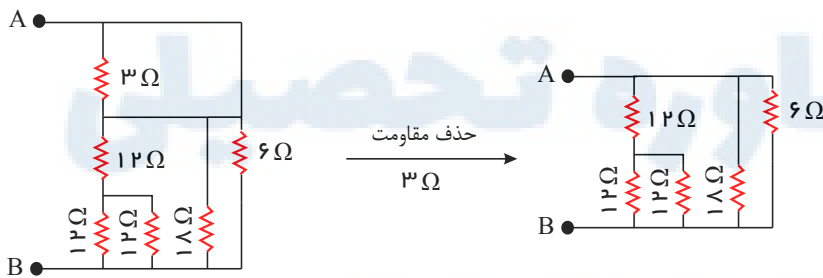
$$R_2 = R_1 + 12 = 6 + 12 = 18 \Omega \quad \frac{1}{R_3} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{18} = \frac{1}{18} + \frac{1}{18} = \frac{2}{18}$$

$$R_4 = R_2 + 3 = 9 + 3 = 12 \Omega$$

با توجه به مدار معادل به دست آمده، همان طور که واضح است، مقاومت معادل بین  $A$  و  $B$  برابر است با:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_4} + \frac{1}{6} = \frac{1}{12} + \frac{1}{6} = \frac{3}{12} \Rightarrow R_{eq} = 4 \Omega$$

حالت دوم (کلید  $k$  بسته است): در این حالت، با توجه به مدار زیر، دو سر مقاومت  $3 \Omega$  اهمی با یک سیم به یکدیگر متصل شده اند. بنابراین این مقاومت اتصال کوتاه می شود:

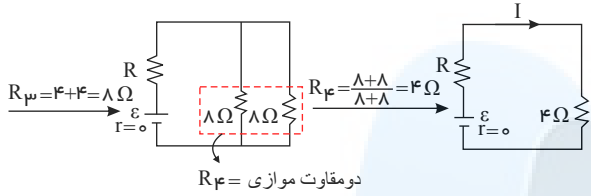
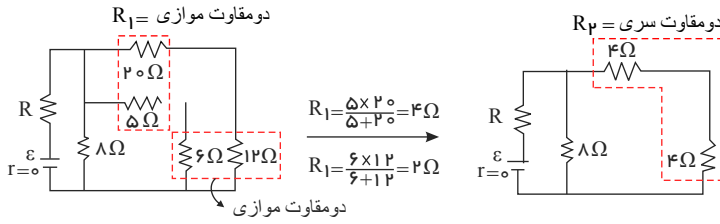


$$\frac{1}{R'_{eq}} = \frac{1}{18} + \frac{1}{18} + \frac{1}{6} = \frac{1+1+3}{18} = \frac{5}{18} \Rightarrow R'_{eq} = 3.6 \Omega$$

$$\Delta R = |R_{eq} - R'_{eq}| = |4 - 3.6| = 0.4 \Omega$$

همانطور که ملاحظه می شود، مقاومت معادل با بسته شدن کلید  $k$  به اندازه  $0.4 \Omega$  اهم تغییر کرده است:

۱۷۵ - گزینه ۳ می دانیم توان مصرفی در مقاومت مورد نظر، از رابطه  $P = RI^2$  به دست می آید. بنابراین ابتدا باید مقدار جریان در مدار را به دست آوریم:



$$I = \frac{\epsilon}{R_T + r} = \frac{\epsilon}{(R + 4) + 0} = \frac{\epsilon}{R + 4}$$

روش اول:

بنابراین مقدار جریان عبوری از مقاومت  $R$  برابر است با:

$$P = RI^2 = R \left( \frac{\epsilon}{R + 4} \right)^2 = \frac{R \epsilon^2}{(R + 4)^2}$$

برای یافتن مقدار مقاومت  $R$  به منظور بیشینه شدن توان مصرفی در آن ( $P_{max}$ )، باید مشتق  $P$  نسبت به  $R$  برابر صفر گردد، بنابراین از  $\frac{dP}{dR} = 0$  مشتق می گیریم:

$$\frac{dP}{dR} = 0 \Rightarrow \frac{d}{dR} \left[ \frac{R \epsilon^2}{(R + 4)^2} \right] = 0 \Rightarrow \frac{1 \times (R + 4)^2 - R[2(R + 4)]}{(R + 4)^4} = 0 \Rightarrow (R + 4)^2 - 2R(R + 4) = 0$$

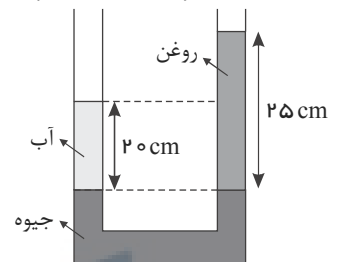
$$\Rightarrow (R + 4)[(R + 4) - 2R] = 0 \Rightarrow \begin{cases} R + 4 = 0 \Rightarrow R = -4 \text{ غ ق ق} \\ R + 4 - 2R = 0 \Rightarrow R = 4 \Omega \text{ ق ق} \end{cases}$$

روش دوم: می دانیم توان خروجی مولد در حالتی که  $r = R_{eq}$  است بیشینه می شود. حال چون  $r = 0$  است. اگر فرض کنیم  $R$  نقش  $r$  را بازی می کند برای بیشینه شدن توان، باید  $R = 4 \Omega$  باشد.

۱۷۶ - گزینه ۳ با توجه به شکل اولیه صورت سوال ابتدا چگالی روغن را بدست می آوریم:

$$(\rho g h)_{\text{آب}} + P_0 = (\rho g h)_{\text{روغن}} + P_0 \Rightarrow (\rho h)_{\text{آب}} = (\rho h)_{\text{روغن}}$$

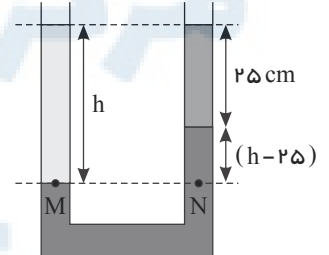
$$\Rightarrow 1 \times 20 = \rho_{\text{روغن}} \times 25 \Rightarrow \rho_{\text{روغن}} = \frac{20}{25} = 0,8 \frac{g}{cm^3}$$



پس از اضافه کردن آب به ستون سمت چپ و یکسان شدن سطح آزاد آب و روغن در هر دو شاخه داریم:

$$P_N = P_M \Rightarrow (\rho g h)_{\text{آب}} + P_0 = (\rho g h)_{\text{جیوه}} + (\rho g h)_{\text{روغن}} + P_0$$

$$\Rightarrow (\rho h)_{\text{آب}} = (\rho h)_{\text{جیوه}} + (\rho h)_{\text{روغن}}$$



$$\Rightarrow 1 \times h = 13,6(h - 25) + 0,8 \times 25 \Rightarrow h = 13,6h - 13,6 \times 25 + 20 \Rightarrow h = 25,4 \text{ cm}$$

بنابراین مقداری که باید به ستون سمت چپ آب اضافه کنیم، برابر است با:

$$\Delta h = 25,4 - 20 = 5,4 \text{ cm}$$

۱۷۷ - گزینه ۲ با توجه به رابطه انبساط حجمی جامدات ( $\Delta V = V_1 \alpha \Delta \theta$ ) برای به دست آوردن  $\frac{\Delta V_A}{\Delta V_B}$  ابتدا باید حجم اولیه هر کدام از کره ها ( $V_A, V_B$ ) را به دست آوریم.

سپس با استفاده از رابطه گرمای داده شده به جسم ( $Q = mc \Delta \theta$ ) رابطه بین  $\Delta \theta_A$  و  $\Delta \theta_B$  را به دست می آوریم:

$$\begin{cases} V_A = \frac{4}{3} \pi r_A^3 = \frac{4}{3} \times \pi \times 20^3 = \frac{4}{3} \pi \times 8000 \\ V_B = \frac{4}{3} \pi (r_{B \text{ خارجی}}^3 - r_{B \text{ داخلی}}^3) = \frac{4}{3} \pi (20^3 - 10^3) = \frac{4}{3} \pi \times 7000 \end{cases} \Rightarrow \frac{V_A}{V_B} = \frac{8}{7}$$

$$Q_A = Q_B \rightarrow m_A c_A \Delta \theta_A = m_B c_B \Delta \theta_B \rightarrow m_A \Delta \theta_A = m_B \Delta \theta_B$$

به هر دو کره گرمای یکسانی داده ایم در نتیجه داریم:



$$\xrightarrow{m=\rho V} \rho_A V_A \Delta\theta_A = \rho_B V_B \Delta\theta_B \rightarrow \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} = \frac{V_B}{V_A} = \frac{\gamma}{\lambda}$$

و در آخر داریم:

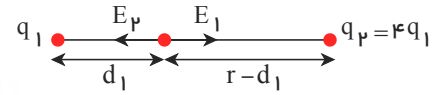
$$\Delta V = V_1 \rho_A \Delta\theta \rightarrow \frac{\Delta V_A}{\Delta V_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} = \frac{\lambda}{\gamma} \times \frac{\gamma}{\lambda} = 1$$

۱۷۸ - گزینه ۴ چون دو بار  $q_1$  و  $q_2$  هم علامت اند، نقطه ای که میدان الکتریکی ناشی از دو بار در آن صفر است، روی خط و اصل دو بار و بین دو بار قرار دارد: در حالت اول، باتوجه به شکل، داریم:

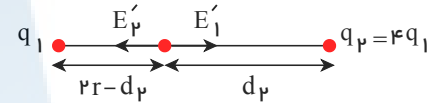
$$E_1 = E_2 \rightarrow \frac{kq_1}{d_1^2} = \frac{kq_2}{(r-d_1)^2}$$

$$\rightarrow \frac{kq_1}{d_1^2} = \frac{k(4q_1)}{(r-d_1)^2} \rightarrow \frac{1}{d_1^2} = \frac{4}{(r-d_1)^2} \rightarrow 2d_1 = r-d_1$$

$$\rightarrow d_1 = \frac{r}{3}$$



در حالت دوم که فاصله ی بارها ۲ برابر می شود، می توان نوشت:



سؤال نسبت این دو مقدار را خواسته است:

$$E_1' = E_2' \rightarrow \frac{kq_1}{(2r-d_p)^2} = \frac{kq_2}{d_p^2} \rightarrow \frac{kq_1}{(2r-d_p)^2} = \frac{k(4q_1)}{d_p^2}$$

$$\rightarrow d_p = 4r - 2d_p \rightarrow d_p = \frac{4r}{3}$$

$$\frac{d_p}{d_1} = \frac{\frac{4r}{3}}{\frac{r}{3}} \rightarrow \frac{d_p}{d_1} = 4$$

۱۷۹ - گزینه ۱

$$= A = \pi R^2 = \pi (2 \times 10^{-3})^2 = 12 \times 10^{-6} m^2 \text{ مساحت مقطع سیم}$$

$$N = \frac{L}{2\pi R} \Rightarrow 1 = \frac{L}{2 \times \pi \times 0.02} \Rightarrow L = 0.12 m \text{ تعداد حلقه ها}$$

$$= R = \rho \frac{l}{A} = 1.7 \times 10^{-8} \times \frac{0.12}{12 \times 10^{-6}} = 1.7 \times 10^{-4} \Omega \text{ مقاومت حلقه}$$

$$I = \left| -\frac{N}{R} \times \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = \left| -\frac{N}{R} \times \frac{\Delta(AB \cos \theta)}{\Delta t} \right| = \left| -\frac{N}{R} \times A \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t} \right|$$

$$= 3 \times (2 \times 10^{-2})^2 = 12 \times 10^{-4} m^2, \theta = 0^\circ \text{ مساحت حلقه}$$

$$\Rightarrow 0.2 = \left| -\frac{1}{1.7 \times 10^{-4}} \times 12 \times 10^{-4} \times \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} \approx 0.021 T/s$$

۱۸۰ - گزینه ۱ چون میله MN به طرف چپ حرکت می کند شار مغناطیسی کاهش می یابد و طبق قانون لنز برای مخالفت با این کاهش شار، باید میدان مغناطیسی القایی (B') در جهت B باشد. طبق قانون دست راست جهت جریان القایی از M به N خواهد بود از طرفی چون میله باشتاب ثابت حرکت داده می شود پس با گذشت زمان سرعت آن مرتب افزایش می یابد. در نتیجه جریان القایی نیز افزایش می یابد.

$$\uparrow I = \frac{\epsilon}{R} = \frac{BLV}{R}$$

۱۸۱ - گزینه ۳ ابتدا دمای نهایی آب را به دست می آوریم.

$$Q = mc\Delta\theta \rightarrow -294000 = 2 \times 4200\Delta\theta \rightarrow \Delta\theta = -35^\circ C$$

$\theta - 40 = -35 \rightarrow \theta = 5^\circ C$  یعنی در نهایت آب  $5^\circ C$  خواهیم داشت.

$$-5^\circ C \xrightarrow{m'} 0^\circ C \xrightarrow{m'} 5^\circ C \text{ آب } 40^\circ C \xrightarrow{m} 5^\circ C \text{ آب}$$

$$m'c_i\Delta\theta + m'LF + m'c\Delta\theta + mc\Delta\theta = 0$$

$$\Rightarrow m' \times 2100(5) + m'(336000) + m'(4200)(5) - 294000 = 0 \Rightarrow m' = 0.8 kg = 800g$$

۱۸۲ - گزینه ۴ می‌دانیم طبق رابطه  $C = \frac{\epsilon_0 kA}{d}$  ظرفیت با فاصله صفحات رابطه عکس دارد پس با  $n$  برابر کردن فاصله صفحات ظرفیت  $\frac{1}{n}$  برابری شد. در حالت اول: وقتی خازن به باتری وصل است، ولتاژ دو سر آن ثابت است و داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow \frac{U'}{U} = \frac{C'}{C} \xrightarrow{C \propto \frac{1}{d}} \frac{U'}{U} = \frac{\frac{1}{n}C}{C} = \frac{1}{n} \Rightarrow U' = \frac{1}{n}U$$

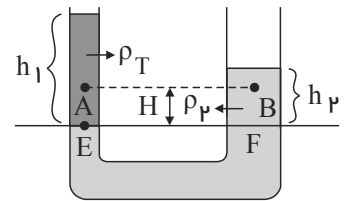
در حالت دوم: وقتی خازن از باتری جدا می‌شود، بار خازن ثابت می‌ماند و داریم:

$$U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \Rightarrow \frac{U''}{U} = \frac{C}{C''} \xrightarrow{C \propto \frac{1}{d}} \frac{U''}{U} = \frac{C}{\frac{1}{n}C} = n \Rightarrow U'' = nU$$

$$\frac{U''}{U'} = \frac{nU}{\frac{1}{n}U} = n^2$$

بنابراین در مقایسه‌ی دو حالت داریم:

۱۸۳ - گزینه ۴

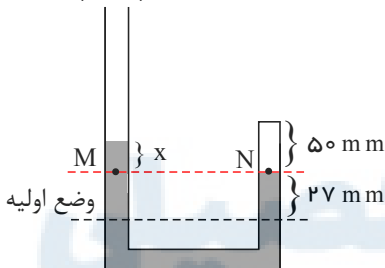


\* نکته: فشار در نقاط هم تراز درون یک مایع ساکن برابر است بنابراین چون دو نقطه‌ی  $C$  و  $D$  هم تراز و در درون یک مایع ساکن‌اند پس:  $P_C = P_D$  اما دو نقطه‌ی  $A$  و  $B$  هم تراز هستند ولی در داخل دو مایع ساکن قرار دارند. در این حالت فشار دو نقطه در درون مایع‌ها از رابطه‌ی  $P = \rho gh$  مقایسه می‌شود. باتوجه به هم‌فشاری دو نقطه‌ی  $E$  و  $F$  داریم:

$$\begin{cases} P_E = P_A + \rho_1 gh \\ P_F = P_B + \rho_2 gh \end{cases} \xrightarrow{P_E = P_F} P_A + \rho_1 gh = P_B + \rho_2 gh \Rightarrow P_A = P_B + (\rho_2 - \rho_1)gh \xrightarrow{\rho_2 > \rho_1} P_A > P_B$$

\* البته باتوجه به گزینه‌ها و بدون حل هم می‌توان فهمید که گزینه ۴ درست است. چون حتماً  $P_C = P_D$ ،  $P_A \neq P_B$ ، که این شرط فقط در گزینه ۴ برقرار است.

۱۸۴ - گزینه ۴ گاز محبوس شده در طرف لوله در حالت اول فشاری برابر فشار هوا ( $P_0$ ) دارد و با اضافه شدن جیوه و کاهش حجم آن را یک گاز کامل در نظر می‌گیریم و داریم:



$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{\text{دما ثابت}} P_0 \times (Ah_1) = P_2 (Ah_2)$$

$$\Rightarrow 10^5 \times 77 = P_2 \times 50 \Rightarrow P_2 = \frac{77}{50} \times 10^5 \text{ Pa}$$

در وضعیت جدید فشار نقاط هم تراز  $M$  و  $N$  برابر است، پس داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{Hg} gx + P_0 = P_2 \Rightarrow 13500 \times 10 \times x + 10^5 = \frac{77}{50} \times 10^5$$

$$\Rightarrow 1,35 \times 10^5 x = 1,54 \times 10^5 - 10^5 \Rightarrow 1,35x = 0,54 \Rightarrow x = 0,4 \text{ m} = 40 \text{ cm}$$

بنابراین ارتفاع جیوه اضافه شده برابر است با:

$$h_{\text{جس}} = 2 \times 2,7 + x = 5,4 + 40 = 45,4$$

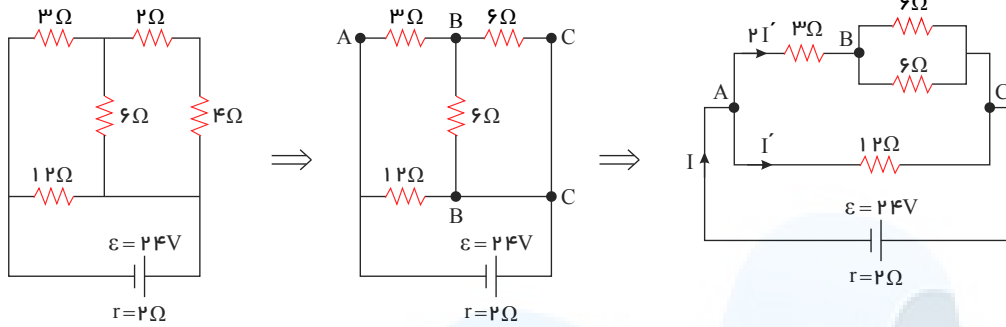
۱۸۵ - گزینه ۴

$$m_1 = m_2 \Rightarrow \rho_1 V_1 = \rho_2 V_2 \Rightarrow \rho_1 A_1 h_1 = \rho_2 A_2 h_2$$

$$h_1 = h_2 \Rightarrow \rho_1 A_1 = \rho_2 A_2 \Rightarrow \rho_1 \pi R_1^2 = \rho_2 (\pi R_2^2 - \pi R_2^2)$$

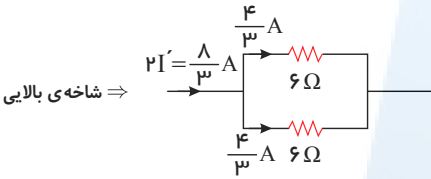
$$\rho_1 \pi R_1^2 = \rho_2 \pi (R_1^2 - (\frac{R_1}{2})^2) \Rightarrow \rho_1 R_1^2 = \frac{3}{4} R_1^2 \times \rho_2 \Rightarrow \rho_1 = \frac{3}{4} \rho_2 \Rightarrow \rho_A = \frac{3}{4} \rho_B$$

۱۸۶ - گزینه ۲ در مدار زیر ابتدا باید دقت کنید که مقاومت‌های ۴ و ۲ اهمی سری بوده و با مقاومت ۶ اهمی موازی هستند. در شکل زیر برای درک بهتر، مدار را ساده‌تر کرده‌ایم:



$$R_T = \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4\Omega \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} = \frac{24}{4 + 2} = 4A$$

$$3I' = 4 \Rightarrow I' = \frac{4}{3}A$$

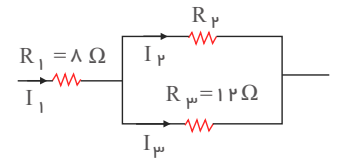


جریان شاخه‌ی بالایی  $\frac{4}{3}A$  است.

۱۸۷ - گزینه ۴ می‌دانیم اگر دو مقاومت به صورت سری (متوالی) به هم بسته شده باشند، جریان عبوری از آن‌ها یکسان بوده و برای مقایسه‌ی توان مصرفی آن‌ها از فرم مقایسه‌ای رابطه‌ی

$P = RI^2$  استفاده می‌کنیم و چنانچه دو مقاومت به صورت موازی به هم بسته شده باشند، اختلاف پتانسیل یکسانی دارند و برای مقایسه‌ی توان مصرفی آن‌ها از فرم مقایسه‌ای رابطه‌ی  $P = \frac{V^2}{R}$  استفاده می‌کنیم. اکنون مطابق فرض مسئله داریم:

$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_1}{P_{2,3}} = \frac{R_1}{R_{2,3}} = \frac{\lambda}{R_{2,3}} \Rightarrow P_1 = \frac{\lambda}{R_{2,3}} P_{2,3} \quad (1)$$



برای دو مقاومت  $R_2$  و  $R_3$  می‌توان نوشت:

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_2}{P_3} = \frac{R_3}{R_2} = \frac{R_3}{12} \Rightarrow P_2 = \frac{R_3}{12} P_3 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} P_1 = \frac{\lambda}{R_{2,3}} \left( P_2 + \frac{R_2}{R_3} P_2 \right) \xrightarrow{\text{فرض مسئله: } U_1 = 2U_2 \Rightarrow P_1 = 2P_2} 3 = \frac{\lambda}{R_{2,3}} \left( \frac{12 + R_2}{12} \right)$$

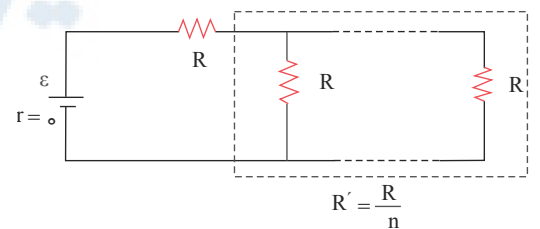
$$\Rightarrow 36 \left( \frac{12R_2}{12 + R_2} \right) = \lambda(12 + R_2) \Rightarrow 54R_2 = (12 + R_2)^2 \Rightarrow R_2^2 - 30R_2 + 144 = 0$$

$$\Rightarrow (R_2 - 6)(R_2 - 24) = 0 \Rightarrow R_2 = 6\Omega, R_3 = 24\Omega$$

بنابراین باتوجه به گزینه‌ها تنها گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح می‌باشد.

۱۸۸ - گزینه ۳ باتوجه به شکل مدار، ابتدا مقاومت معادل مدار را در دو حالت حساب می‌کنیم:

$$R_{T1} = R + \frac{R}{n}, \quad R_{T2} = R + \frac{R}{(n+1)}$$



حال با استفاده از رابطه‌ی جریان در یک مدار تک حلقه می‌توان نوشت:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} \xrightarrow{r=0} I = \frac{\varepsilon}{R_T}$$

$$\frac{I_r}{I_1} = \frac{R_{T_1}}{R_{T_r}} \Rightarrow \frac{16}{15} = \frac{R + \frac{R}{n}}{R + \frac{R}{n+1}} = \frac{(n+1)^2}{n(n+2)} \Rightarrow 16(n^2 + 2n) = 15(n+1)^2$$

$$\Rightarrow n^2 + 2n - 15 = 0 \Rightarrow (n-3)(n+5) = 0 \Rightarrow n = 3$$

۱۸۹ - گزینه ۱ در داخل مایعات فشار از رابطه  $P = \rho gh$  به دست می‌آید. چون در داخل ظرف استوانه‌ای دو مایع  $B$  و  $A$  ریخته شده است پس ابتدا لازم است تا چگالی مخلوط دو مایع  $B$  و  $A$  را به دست بیاوریم. در این صورت داریم:

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{\sum m}{\sum V} = \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_1 + V_2} = \frac{(1.2 \times \frac{1}{3}V) + (0.6 \times \frac{2}{3}V)}{V} = 0.8 \frac{g}{cm^3}$$

$$P = \rho gh = 0.8 \times 10^3 \times 10 \times 7.5 \times 10^{-2} = 6000 Pa$$

۱۹۰ - گزینه ۴ با کمک گرفتن از رابطه  $L_r = L_1 (1 + \alpha \Delta\theta)$  و محاسبه‌ی طول دو میله در اثر افزایش دمای  $30^\circ C$  می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} L_{rA} = L_{1A}(1 + \alpha_A \Delta\theta) = 50(1 + \alpha_A \times 30) \\ L_{rB} = L_{1B}(1 + \alpha_B \Delta\theta) = 70(1 + \alpha_B \times 30) \end{cases} \quad \frac{L_{rB} - L_{rA} = 20 cm}{70(1 + 30\alpha_B) - 50(1 + 30\alpha_A) = 20 cm}$$

$$\Rightarrow 70 + 2100\alpha_B - 50 - 1500\alpha_A = 20 \Rightarrow 2100\alpha_B = 1500\alpha_A \Rightarrow \frac{\alpha_A}{\alpha_B} = \frac{2100}{1500} = \frac{7}{5}$$

نگاه مفهومی تر: در واقع می‌توان گفت تغییر طول دو میله با افزایش دمای  $30^\circ C$  برابر بوده و به همین دلیل با این افزایش دما، اختلاف طول دو میله ثابت مانده است:

$$\Delta L_A = \Delta L_B \Rightarrow L_{1A} \alpha_A \Delta\theta = L_{1B} \alpha_B \Delta\theta \Rightarrow \frac{\alpha_A}{\alpha_B} = \frac{L_{1B}}{L_{1A}} = \frac{7}{5}$$

۱۹۱ - گزینه ۲ برای حل، ابتدا تغییر حجم میله را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta\theta \Rightarrow \alpha \Delta\theta = \frac{\Delta L}{L_1} = \frac{0.001}{1.0} \text{ درصد}$$

$$\Delta V = V_1 \times (3\alpha) \Delta\theta = 3V_1 \times \frac{0.001}{1.0} = 0.003V_1 \Rightarrow V_r = V_1 + \Delta V = 1.003V_1 \Rightarrow \frac{V_r}{V_1} = 1.003$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \frac{\rho_r}{\rho_1} = \frac{V_1}{V_r} \Rightarrow \frac{\rho_r}{\rho_1} = \frac{1}{1.003} \approx 0.997 \Rightarrow \text{چگالی تقریباً } 0.3\% \text{ درصد کاهش می‌یابد.}$$

۱۹۲ - گزینه ۴

گرمایی که آب  $20$  می‌دهد = گرمایی که یخ  $10^\circ C$  می‌گیرد

$$(\text{آب } \theta \rightarrow \text{آب } 20^\circ C) = (\text{آب } 20^\circ C \rightarrow \text{یخ } 0^\circ C) \rightarrow \text{یخ } 0^\circ C \rightarrow \text{یخ } 10^\circ C$$

$$m c_{\text{یخ}}(0 + 10) + m L_F + m c_{\text{آب}}(\theta - 0) = m c_{\text{آب}}(20 - \theta)$$

$$\Rightarrow 1 \times 2100(10) + 1 \times 336000 + 1 \times 4200(\theta) = 5 \times 4200(20 - \theta)$$

$$21000 + 336000 + 4200\theta = 21000(20 - \theta) \Rightarrow 21 + 336 + 4.2\theta = 420 - 21\theta \Rightarrow \theta = 2.5^\circ C$$

۱۹۳ - گزینه ۱

$$O \text{ در } q_1: E_1 = \frac{kq_1}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-9}}{900 \times 10^{-4}} = 800 N/C$$

$$O \text{ در } q_2: E_2 = \frac{k|q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-9}}{100 \times 10^{-4}} = 1800 N/C$$

پس بار  $q_2$  باید مثبت باشد که میدان آن هم جهت با میدان بار  $q_1$  در  $O$  باشد.

$$E_r - (E_1 + E_2) = 100 \Rightarrow 1800 - (800 + E_r) = 100 \Rightarrow E_r = 900 N/C \Rightarrow E_r = \frac{K|q_r|}{r^2} \Rightarrow 900 = \frac{9 \times 10^9 q_r}{400 \times 10^{-4}} \Rightarrow q_r = 4 \times 10^{-9} C = 4 nC$$

۱۹۴ - گزینه ۱

$$\rho = \frac{M}{V} \Rightarrow M = \rho V = \rho Ah$$

$$m = \rho Ah \quad \text{و} \quad 4m = \rho' Ah' \Rightarrow m = \rho Ah \quad \text{و} \quad 4m = \rho' Ah'$$

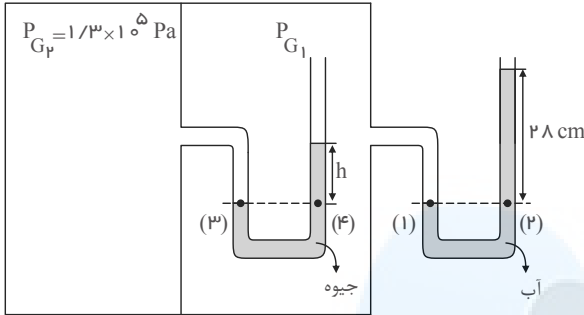
$$\Rightarrow \frac{m}{4m} = \frac{\rho Ah}{\rho' Ah'} \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{\rho h}{\rho' h'} \Rightarrow 4\rho h = \rho' h' \Rightarrow 4 \times 1 \times h = 13.6 h' \Rightarrow h = 3.4 h'$$

$$h + h' = 44 \Rightarrow 3.4 h' + h' = 44 \Rightarrow h' = 10 cm \Rightarrow \text{ارتفاع آب} = h = 3.4 \times 10 = 34 cm$$

کل مایعها  $P = \rho gh + \rho' gh' \Rightarrow P = 1000 \times 10 \times 0,34 + 13600 \times 10 \times 0,1$   
 $\Rightarrow P = 3400 + 13600 = 17000 Pa = 17 kPa$

۱۹۵ - گزینه ۲

ابتدا در لوله u شکل سمت راست با مساوی قرار دادن فشار طرفین فشار  $P_{G_1}$  را حساب می‌کنیم.



$P_0 = 10^5 pa$   
 $P_1 = P_2 \Rightarrow P_{G_1} = P_{\text{آب}} + P_0$   
 $P_{G_1} = \rho' gh' + P_0$   
 $\Rightarrow P_{G_1} = 1000 \times 10 \times 0,28 + 10^5 \Rightarrow P_{G_1} = 100000 + 2800 = 102800 Pa$

حال در لوله سمت چپ فشار طرفین را مساوی قرار می‌دهیم تا  $h$  بدست آید.

$P_2 = P_{G_2} \Rightarrow P_{G_2} = P_{\text{جیوه}} + P_{G_1} \Rightarrow 1,3 \times 10^5 = \rho gh + 102800$   
 $\Rightarrow 130000 - 102800 = 13600 \times 10 \times h \Rightarrow h = 0,2 m = 20 cm$

۱۹۶ - گزینه ۱ در مدت ۱۲ دقیقه، گرمایی که یخ دریافت کرده را حساب می‌کنیم.

$P = \frac{Q}{t} \Rightarrow 1,05 = \frac{Q}{12} \Rightarrow Q = 12,6 kJ = 12600 J$

باید ببینیم یخ برای اینکه کاملاً ذوب شود و به آب صفر تبدیل شود چقدر گرما لازم دارد.

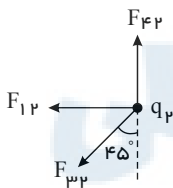
$Q = mc\Delta\theta + ml_f$

$Q = 0,2 \times 2100 \times (0 - (-10)) + 0,2 \times 336000 = 4200 + 67200 = 71400 J$

گرمایی که داده‌ایم از گرمای ذوب کامل یخ کمتر است پس یخ کاملاً ذوب نمی‌شود و مقداری باقی می‌ماند پس دما به صفر می‌رسد.

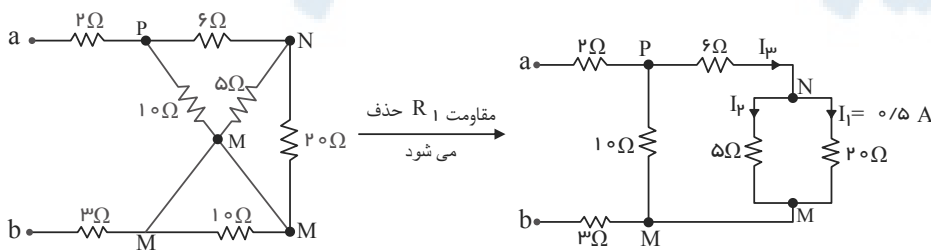
۱۹۷ - گزینه ۴

با توجه به شکل، بار  $q_3$  بار  $q_4$  را جذب کرده، پس علامت آن مثبت است. چون نیروی خالص وارد بر  $q_4$  در راستای محور  $x$ ها است، مؤلفه‌های قائم نیروها باید یکدیگر را خنثی کنند.

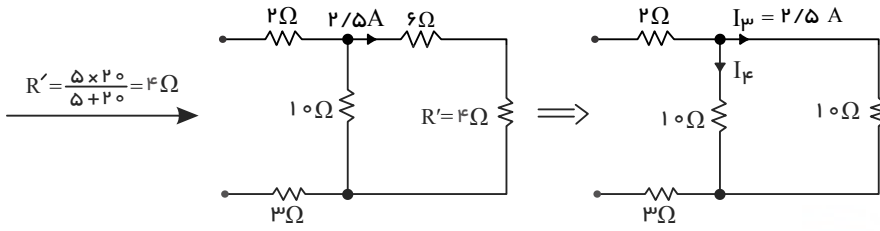


$F_{32} \cos 45^\circ = F_{42} \Rightarrow \frac{k q_3 q_4}{(a\sqrt{2})^2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{k q_4 q_4}{a^2} \Rightarrow \frac{q_3}{20^2 \times 2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{4}{20^2} \Rightarrow q_3 = +8\sqrt{2} \mu C$

۱۹۸ - گزینه ۴ در شکل زیر دو سر مقاومت ۱۰ اهمی پایینی اتصال کوتاه شده (دو سر آن هم پتانسیل شده است) و این مقاومت از مدار حذف می‌شود. از طرفی مقاومت‌های ۵ و ۲۰ اهمی با هم موازی‌اند و مدار ساده شده به صورت زیر است:



باتوجه به موازی بودن مقاومت‌های ۵Ω و ۲۰Ω شدت جریان مقاومت ۵Ω، ۴ برابر شدت جریان مقاومت ۲۰ اهمی بوده و برابر  $(4 \times 0,5 = 2A)$  می‌باشد و در نتیجه جریان عبوری از کل شاخه‌ی سمت راست برابر  $I_3 = I_1 + I_2 = 2,5A$  می‌باشد. حال مقاومت معادل شاخه سمت راست را به دست می‌آوریم:

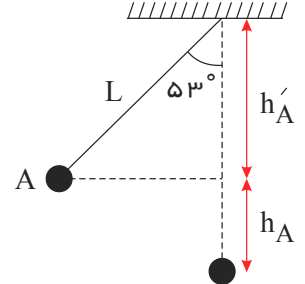


دو مقاومت ۱۰ اهمی در شکل جدید با هم موازی اند و چون اندازه‌ی آن‌ها با هم برابر است،  $I_f = 2/5 A$  است. بنابراین جریان کل عبوری از مقاومت دو اهمی برابر  $I = I_p + I_f = 5A$  است.

۱۹۹ - گزینه ۳ ابتدا ارتفاع گلوله A را بدست می‌آوریم:

$$\cos 53^\circ = \frac{h'_A}{L} \Rightarrow 0.6 = \frac{h'_A}{1} \Rightarrow h'_A = 0.6m$$

$$h_A = L - h'_A \Rightarrow h_A = 1 - 0.6 \Rightarrow h_A = 0.4m$$



با توجه به اصل پایستگی انرژی بین نقطه‌ی A و پایین‌ترین نقطه مسیر (نقطه‌ی صفر پتانسیل) می‌توان گفت:

$$E_A = E_0 \Rightarrow \cancel{K_A} + U_A = K_0 + U_0 \Rightarrow mgh_A = \frac{1}{2}mV^2 \Rightarrow 10 \times 0.4 = \frac{1}{2} \times V^2$$

$$V^2 = 8 \Rightarrow V = 2\sqrt{2} \frac{m}{s}$$

سرعت در پایین‌ترین نقطه:

اکنون می‌توان اصل پایستگی را بین نقطه‌ی مورد نظر سوال (B) و نقطه A نوشت:

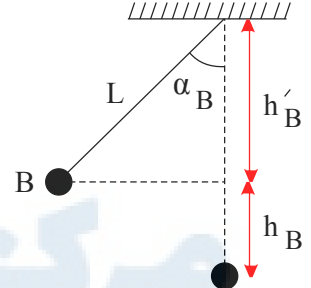
$$E_A = E_B \Rightarrow U_A + \cancel{K_A} = U_B + K_B \Rightarrow mgh_A = mgh_B + \frac{1}{2}mV_B^2$$

$$\Rightarrow 10 \times 0.4 = 10 \times h_B + \frac{1}{2} \times \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \times 2\sqrt{2}\right)^2 \Rightarrow 4 = 10h_B + 2 \Rightarrow h_B = 0.2m$$

$$h'_B = L - h_B \Rightarrow h'_B = 0.8m$$

$$\cos \alpha_B = \frac{h'_B}{L} \Rightarrow \cos \alpha_B = \frac{0.8}{1} \Rightarrow \alpha_B = 37^\circ$$

بنابراین در مورد زاویه‌ی نخ با راستای قائم می‌توان گفت:



۲۰۰ - گزینه ۲ با استفاده از رابطه‌ی  $R = \rho \frac{\ell}{A}$  و  $\rho = \frac{m}{V}$  داریم:

$$\left\{ \begin{aligned} R &= \rho \frac{\ell}{A} \text{ مقاومت ویژه} \\ \rho_{\text{چگالی}} &= \frac{m}{V} \xrightarrow{V=A \cdot L} \rho_{\text{چگالی}} = \frac{m}{A \cdot L} \Rightarrow A = \frac{m}{\rho \cdot L} \Rightarrow R = \rho \frac{\ell}{\frac{m}{\rho \cdot L}} = \frac{\rho^2 \ell^2}{m} \end{aligned} \right.$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{aligned} R &= \rho_{\text{چگالی}} \cdot \frac{\ell^2}{m} \text{ مقاومت ویژه} \\ R &= \frac{V}{I} \end{aligned} \right. \Rightarrow \frac{V}{I} = \rho_{\text{چگالی}} \cdot \frac{\ell^2}{m}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{1.2} = \frac{1.8 \times 10^{-2} \times 8000 \times (25)^2}{m} \Rightarrow m = 0.36 \text{ kg} \Rightarrow m = 36 \text{ g}$$

۲۰۱ - گزینه ۴ ابتدا بیشترین انرژی پتانسیل کشسانی فنر را که در حالت حداقل طول فنر به دست می‌آید، محاسبه می‌کنیم:

$$U_{e \text{ max}} = 1.8 K_1 = 1.8 \times \frac{1}{2} m V_0^2 = 1.8 \times \frac{1}{2} \times m \times 4^2 = 8 \times 1.8 m$$

اکنون بر اساس اصل پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow U_{g_1} + K_1 + U_{\text{چگالی}} = U_{g_2} + K_2 + U_{e_2}$$

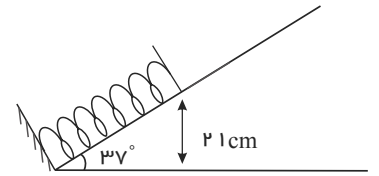
$$\Rightarrow mgh_1 + \frac{1}{2}mV_1^2 = mgh_2 + U_{e \text{ max}}$$

$$\Rightarrow m \times 10 \times 0.85 + \frac{1}{2} \times m \times 4^2 = m \times 10 \times h_p + 8 \times 1.8 m$$

$$\Rightarrow 16.5 = 10h_p + 14.4 \Rightarrow h_p = 0.21 m = 21 cm$$

$$\sin 37^\circ = \frac{21 cm}{l_{\text{قتر}}} \Rightarrow \frac{6}{10} = \frac{21 cm}{l_{\text{قتر}}} \Rightarrow l_{\text{قتر}} = 35 cm$$

بنابراین باتوجه به شکل زیر، طول فنر برابر است با:



۲۰۲ - گزینه ۳ روش اول: گرمایی که فلز از دست می دهد تا دمای آن از  $105^\circ C$  به  $5^\circ C$  برسد برابر است با:

$$Q_1 = m_1 c_1 \Delta \theta_1 = 0.2 \times 840 \times (5 - 105) \rightarrow Q_1 = -0.2 \times 840 \times 100$$

اگر جرم یخ اولیه را  $m$  بنامیم، چون جرم مخلوط آب و یخ برابر  $400 g$  بوده است. جرم آب اولیه برابر  $(0.4 - m)$  کیلوگرم بوده است.

گرمایی که یخ صفر درجه دریافت کرده تا ابتدا ذوب شود و سپس به دمای  $5^\circ C$  برسد برابر است با:

$$Q_2 = mL_F + mc\Delta\theta \rightarrow Q_2 = m \times 336 \times 10^3 + m \times 4200 \times 5 = m \times 357 \times 10^3$$

و گرمایی که آب  $5^\circ C$  دریافت کرده تا به دمای  $5^\circ C$  برسد:

$$Q_3 = (0.4 - m) \times 4200 \times 5$$

کافی است مجموع گرماها را برابر صفر قرار دهیم:

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

$$(-0.2 \times 840 \times 100) + (m \times 357 \times 10^3) + [(0.4 - m) \times 4200 \times 5] = 0 \rightarrow m = 0.255 kg = 255 g$$

روش دوم: اگر جرم یخ صفر درجه در مخلوط را  $m$  و جرم آب صفر درجه در مخلوط را  $m'$  فرض کنیم، می توان گفت:

ابتدا  $m$  ذوب و به آب صفر تبدیل شده و سپس دمای  $(m + m')$  که برابر  $400$  گرم است به آب  $5^\circ C$  می رسد. یعنی:

$$mL_F + (m + m')c\Delta\theta = (mc\Delta\theta)_{\text{قتر}}$$

$$m \times 336000 + 400 \times 4200 \times (5 - 0) = 200 \times 840 \times (105 - 5)$$

$$m \times 80 + 20000 = 20 \times 2(100) \rightarrow m = 255 g$$

$$F_{12} = F_{21} \rightarrow k \frac{|q_1| |q_2|}{r_{12}^2} = k \frac{|q_2| |q_1|}{r_{21}^2} \rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{3x^2}$$

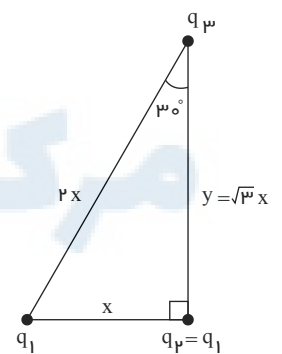
$$\rightarrow |q_2| = 3|q_1| = 3|q_r| (q_1 = q_r)$$

$$\frac{F_{12}}{F_{1r}} = \left( \frac{|q_1| \times |q_2|}{|q_1| \times |q_r|} \right) \left( \frac{r_{1r}}{r_{12}} \right)^2 = (3) \left( \frac{x}{2x} \right)^2 = \frac{3}{4}$$

$$\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{x}{y} \rightarrow y = \sqrt{3}x$$

$$r_{12} = \sqrt{x^2 + y^2} = 2x$$

۲۰۳ - گزینه ۱



۲۰۴ - گزینه ۴ اگر  $K_1$  بسته و  $K_2$  باز باشد، شکل مدار به صورت زیر بوده و مقاومت معادل برابر است با:

$$V = V_1 \Rightarrow -IR = \frac{3}{4}R \Rightarrow \frac{3}{4}I = \frac{3}{4} \Rightarrow I = 1 A$$

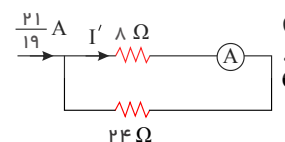
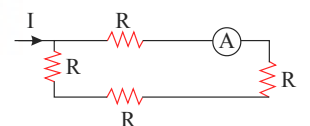
$$R_T = \frac{R \times 3R}{R + 3R} = \frac{3}{4}R \Rightarrow I = \frac{\epsilon}{R_T + r}$$

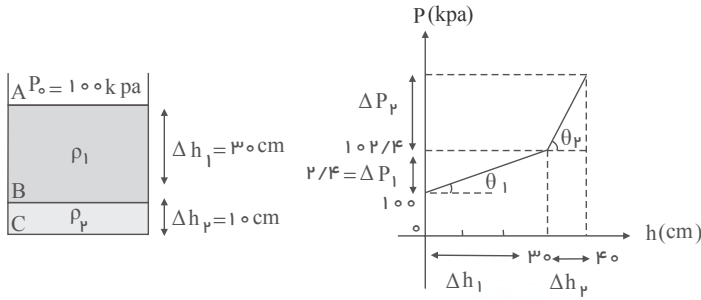
$$\Rightarrow 1 = \frac{\gamma}{\frac{3}{4}R + 1} \Rightarrow R = 8 \Omega$$

در حالت دوم با بسته شدن کلید  $K_2$ ، مقاومت  $R$  در سمت چپ اتصال کوتاه می شود و جریان کل عبارت است از:

$$R_T = \frac{16 \times 8}{16 + 8} = \frac{16}{3} \Omega \Rightarrow I_{\text{کل}} = \frac{\gamma}{\frac{16}{3} + 1} = \frac{21}{19} A$$

$$I' = \frac{2}{3} I_{\text{کل}} = \frac{2}{3} \times \frac{21}{19} = \frac{14}{19} A$$





در نمودار بالا  $(\Delta P_1)$  اختلاف فشار بین دو نقطه‌ی  $(A)$  و  $(B)$  سطح مایع و کف مایع (۱) می‌باشد. با استفاده از  $\Delta P_1$  می‌توانیم  $\rho_1$  را به دست آوریم.

$$\Delta P_1 = \rho_1 \cdot g \cdot \Delta h_1 \Rightarrow 2/3 \times 10^3 = \rho_1 \times 10 \times 30 \times 10^{-2} \Rightarrow \rho_1 = 800 \frac{kg}{m^3}$$

در نمودار بالا  $\tan \theta$  برابر  $\frac{\Delta P}{\Delta h}$  می‌باشد.

در نتیجه از اطلاعات مسئله  $\tan \theta_2 = 17 \tan \theta_1$  استفاده می‌کنیم و  $\Delta P_2$  را به دست می‌آوریم:

$$\tan \theta_2 = 17 \tan \theta_1 \Rightarrow \frac{\Delta P_2}{\Delta h_2} = 17 \left( \frac{\Delta P_1}{\Delta h_1} \right) \Rightarrow \frac{\Delta P_2}{10} = 17 \times \left( \frac{2/3}{30} \right)$$

$$\Rightarrow \Delta P_2 = 13,6 kPa = 13600 Pa$$

و  $\Delta P_2$  اختلاف فشار بین دو نقطه‌ی  $(C)$  و  $(B)$  سطح و کف مایع (۲) است.

$$\Delta P_2 = \rho_2 \cdot g \cdot \Delta h_2 \Rightarrow 13600 = \rho_2 \times 10 \times (10 \times 10^{-2}) \Rightarrow \rho_2 = 13600 \frac{kg}{m^3}$$

$$D_A = 3D_{A'} \quad (1)$$

$$\Delta V_A = \Delta V_{A'} \Rightarrow A_A \times h_A = A_{A'} \times h_{A'} \xrightarrow{(1)} h_{A'} = 9h_A \quad (2)$$

$$\rho_{\text{آب}} g h_{\text{تخت}} = \rho_{\text{آب}} g (9h + h) \Rightarrow 0,8 \times 10 \times 5 = 1 \times 10 \times h_{\text{آب}} \times 10$$

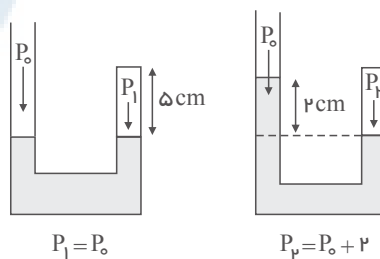
$$h_{\text{آب}} = 0,4 cm \xrightarrow{(2)} 9h_A = 9 \times 0,4 = 3,6 cm$$

مقدار بالا رفتن سطح نسبت به حالت اول



در حالت ثانویه ارتفاع آب در چپ به اندازه  $h$  پایین می‌آید که برابر با مقدار  $9h$  اضافه شده به لوله سمت راست است. (در مجموع ارتفاع آب در لوله سمت راست به  $10h$  می‌رسد.)

با استفاده از قانون گازهای کامل می‌توان نوشت:



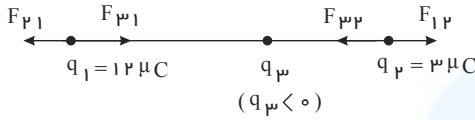


$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{\substack{V_1 = Ah_1 \\ P_1 = P_2 = \rho \cdot \lambda \cdot cm \cdot Hg \\ P_2 = P_1 + \rho \cdot \lambda \cdot cm \cdot Hg \\ V_2 = Ah_2}} \frac{P_1 Ah_1}{T_1} = \frac{P_2 Ah_2}{T_2} \Rightarrow \frac{78 \times 5A}{312} = \frac{80 \times 6A}{T_2} \Rightarrow T_2 = 448K$$

$$\Delta T = 448 - 312 = 136K$$

۲۰۸ - گزینه ۳ چون برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر هر ذره صفر است. حتماً این سه ذره بر روی یک خط واقع اند.

چون  $q_1$  و  $q_2$  هم علامت اند بار  $q_3$  حتماً بین این دو بار و نزدیکتر به بار  $q_2$  ( $q_2 < q_1$ ) است.



چون برآیند نیروهای وارد بر هر ذره صفر است، (مثلاً بار  $q_1$  را در نظر بگیریم) باید بار  $q_3$  مخالف علامت دویار دیگر باشد یعنی:  $q_3 < 0$

$$r_{12} = \sqrt{(4 - (-8))^2 + (3 - 12)^2} = \sqrt{144 + 81} = 15$$

$$r_{13} = x, r_{12} = 15cm, r_{23} = (15 - x)cm$$

$$\begin{cases} F_{12} = F_{21} \rightarrow \frac{kq_1 |q_2|}{r_{12}^2} = \frac{kq_1 q_3}{r_{13}^2} \quad (1) \\ F_{23} = F_{32} \rightarrow \frac{k|q_3| q_2}{r_{23}^2} = \frac{kq_1 q_2}{r_{12}^2} \quad (2) \end{cases}$$

$$(1), (2) \rightarrow \frac{kq_1 |q_2|}{r_{13}^2} = \frac{k|q_3| q_2}{r_{23}^2} \rightarrow \frac{12}{x^2} = \frac{3}{(15-x)^2} \rightarrow \left(\frac{15-x}{x}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$\rightarrow \frac{15-x}{x} = \frac{1}{2} \rightarrow 30 - 2x = x \rightarrow 3x = 30 \rightarrow \boxed{x = 10cm}$$

$$(1) \rightarrow \frac{|q_2|}{r_{13}^2} = \frac{q_3}{r_{12}^2} \rightarrow |q_3| = \left(\frac{r_{13}}{r_{12}}\right)^2 q_2 = \left(\frac{10}{15}\right)^2 \times 3\mu C = \frac{4}{3}\mu C$$

$$q_3 < 0 \rightarrow \boxed{q_3 = -\frac{4}{3}\mu C}$$

۲۰۹ - گزینه ۱

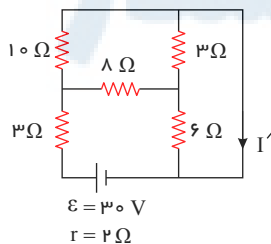
$$\frac{(1.25q)^2}{2 \times 5} - \frac{q^2}{2 \times 5} = 90$$

$$\frac{0.5625q^2}{10} = 90 \Rightarrow q = 40\mu C$$

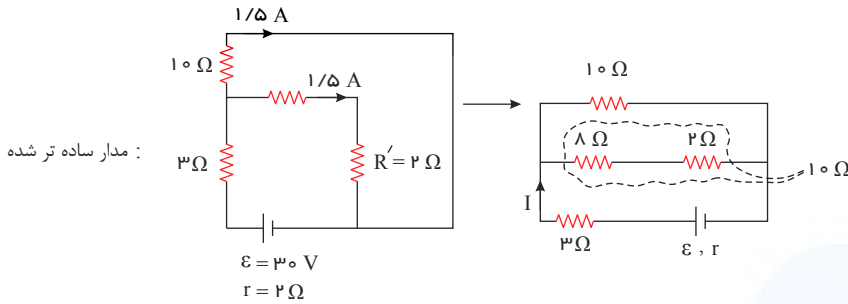
$$V = \frac{q}{C}$$

$$V = \frac{40}{5} = 8V$$

۲۱۰ - گزینه ۳



$$R' = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2\Omega \text{ با مقاومت } 6\Omega \text{ موازی است: } R' = \frac{3 \times 6}{3 + 6}$$

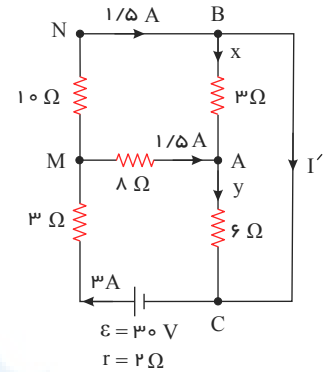
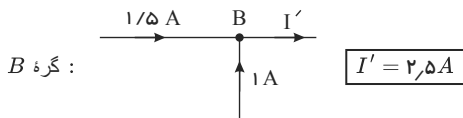
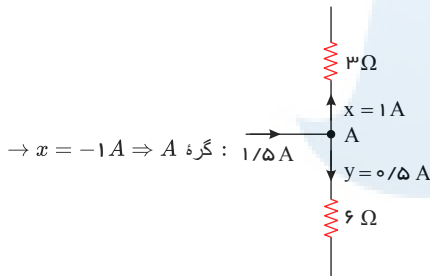


$$I = \frac{\mathcal{E}}{r + R_{eq}} = \frac{30}{2 + 8} = 3A$$

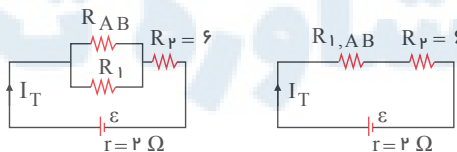
$$V_{AB} = V_{AC} \rightarrow 3I_1 = 6I_2 \rightarrow \begin{cases} I_1 = 2I_2 \\ I_2 = x, I_1 = 2x \end{cases}$$

$$\text{حلقه } AMNBA : V_A + 8 \times 1/5 - 10 \times 1/5 - 3x = V_A$$

$$\rightarrow 12 - 15 - 3x = 0$$



۲۱۱ - گزینه ۳



با حرکت لغزنده از A به B مقاومت  $R_{AB}$  افزایش می یابد و در نتیجه مقاومت کل مدار نیز افزایش می یابد. ( $R_T \uparrow$ ) و طبق رابطه  $I_T = \frac{\mathcal{E}}{R_T + r}$  با افزایش  $I_T, R_T$  کاهش می یابد و

$$\uparrow V = \mathcal{E} - rI_T \downarrow \text{ یعنی اختلاف پتانسیل دو سر مولد یعنی}$$

با کاهش  $I_T, V$  دو سر مولد افزایش می یابد.

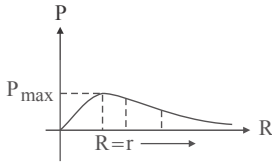
با کاهش  $I$ ، اختلاف پتانسیل دو سر  $R_p$  طبق رابطه  $V_p = R_p I$  کاهش می یابد و با توجه به اینکه  $V$  مولد افزایش می یابد الزاماً دو سر مقاومت  $R_{1,AB}$  نیز افزایش می یابد. یعنی  $V_1$  دو سر  $R_1$  نیز افزایش می یابد.

$$\uparrow V_{\text{کل}} = V_{1,AB} + V_p \downarrow \Rightarrow V_{1,AB} \uparrow$$

همچنین با توجه به رابطه  $P_1 = \frac{V_1^2}{R_1}$  با افزایش  $V_1, P_1$  افزایش می یابد.

$$\left\{ \begin{array}{l} R_T = R_{1,AB} + R_p > 6 \\ R_T > r = 2 \end{array} \right. \text{ و } R_T \text{ در حال افزایش است. سمت راست نمودار}$$

را پوشش می دهد که با افزایش مقاومت مدار توان خروجی کاهش می یابد.



۲۱۲ - گزینه ۲

چگالی آب  $\frac{g}{cm^3}$  ۱ است، پس هر یک لیتر از آن جرمی برابر یک کیلوگرم دارد، یعنی در هر دقیقه ۱۸ ره آب تبخیر می شود، پس داریم:

$$A = \pi \frac{D^2}{4} = \pi \frac{(30 \times 10^{-2})^2}{4} = \frac{9\pi}{4} \times 10^{-2} m^2$$

$$Q = mL_V = 0,18 \times 2250 = 405 kJ = 405000 J$$

$$Q = k \frac{At\Delta\theta}{L} \Rightarrow 405000 = 240 \times \frac{\frac{9\pi}{4} \times 10^{-2} \times 60 \times \Delta\theta}{4,8 \times 10^{-3}}$$

$$\Rightarrow 405000 = 240 \times \frac{\frac{9 \times 3}{4} \times 60 \times 10^{-2} \Delta\theta}{4,8 \times 10^{-3}} \Rightarrow \Delta\theta = \frac{405000 \times 4,8 \times 10^{-3}}{240 \times \frac{27}{4} \times 6 \times 10^{-1}} = 2^\circ C$$

$$\Rightarrow \Delta\theta = \theta - \theta_0 \Rightarrow 2 = \theta - 100 \Rightarrow \theta = 102^\circ C$$

۲۱۳ - گزینه ۲

(محیط هر حلقه  $\times$  تعداد حلقه ها) = طول مقاومت

$$L = (100 \times 2\pi r) \Rightarrow L = 100 \times (2\pi \times 0,1)$$

$$R = \rho \frac{L}{A} = \rho \frac{L}{\frac{\pi d^2}{4}} \Rightarrow R = \rho \frac{L}{\frac{\pi d^2}{4}} = 1,7 \times 10^{-8} \times \frac{2\pi \times 0,1 \times 100}{\pi \times \frac{(2 \times 10^{-3})^2}{4}} = 0,34 \Omega$$

۲۱۴ - گزینه ۳

گاز کامل محبوس شده در لوله طی یک فرآیند هم دما تغییر حجم و فشار دارد و طبق روابط قانون گازها داریم:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 10^5 \times 24A = P_2 \times 16A \Rightarrow P_2 = \frac{10^5 \times 24}{16} \Rightarrow P_2 = 1,5 \times 10^5 Pa$$

$$P_2 = \rho gh + P_0 \Rightarrow 1,5 \times 10^5 = 1000 \times 10h + 10^5$$

مقداری که لوله در آب فرو رفته  $h = 5m \Rightarrow 8 + 5 = 13m$

۲۱۵ - گزینه ۲ چون دما ثابت است می توان نوشت:

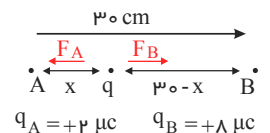
$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow (P_0 + \rho gh) V_1 = P_0 \times 3V_1$$

$$\Rightarrow 2P_0 = \rho gh \Rightarrow 2 \times 10^5 = 1000 \times 10 \times h \Rightarrow h = 20m$$

۲۱۶ - گزینه ۱ ابتدا بار  $q$  را در نقطه ای قرار می دهیم که در حال تعادل باشد. (می دانیم که باید بین دو بار نزدیک بار کوچکتر باشد تا نیروها یکدیگر را خنثی کنند)

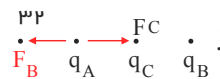
$$F_A = F_B \Rightarrow \frac{k \times q \times 2}{x^2} = \frac{k \times q \times 8}{(30-x)^2} \rightarrow \frac{1}{x^2} = \frac{4}{(30-x)^2}$$

جزء ۱  $\rightarrow \frac{1}{x} = \frac{2}{30-x} \Rightarrow x = 10 Cm$



حالا که محل  $q_c$  معلوم شد شرط تعادل  $q_A$  یا  $q_B$  را هم چک می کنیم: ( $F_C$  باید جاذبه باشد تا  $F_B$  را خنثی کند پس  $q$  منفی است)

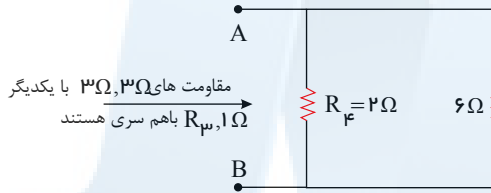
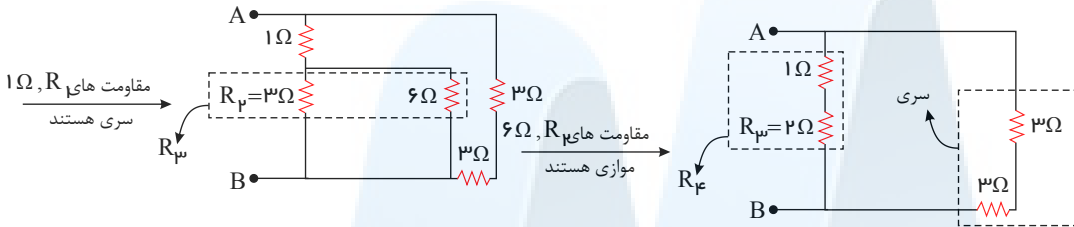
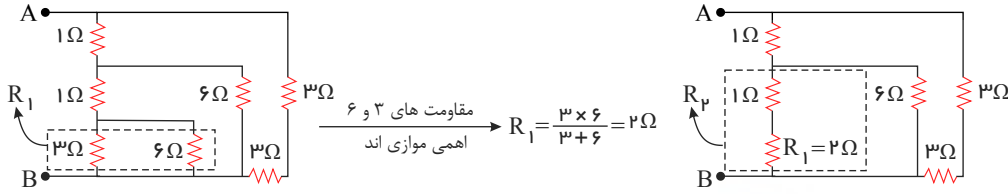
$$F_B = F_C \Rightarrow \frac{k \times 8 \times 2}{30^2} = \frac{k \times 2 \times q}{10^2} \Rightarrow q = \frac{8}{9} \rightarrow q = -\frac{8}{9} \mu C$$



۲۱۷ - گزینه ۲ مدار را در دو حالت بررسی می کنیم:

حالت ۱ (کلید  $K$  باز است): در این حالت مدار به شکل زیر خواهد بود:

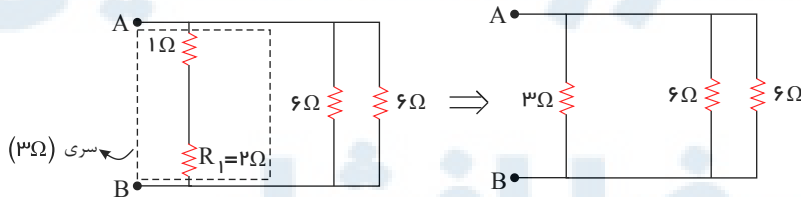
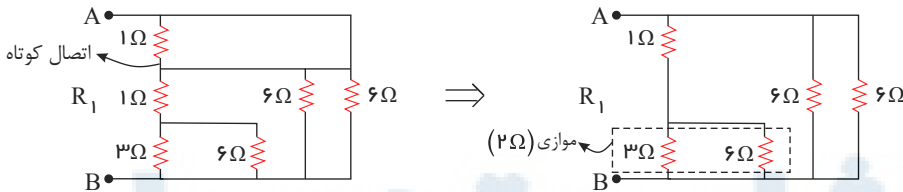
جمع بندی فیزیک پایه



$$R_T = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2\Omega$$

در نهایت مقاومت معادل مجموعه برابر است با:

حالت ۲ (کلید K بسته است): در این حالت، باتوجه به مدار زیر، دو سر مقاومت یک اهمی بالایی با یک سیم به یکدیگر متصل شده است، بنابراین این مقاومت اتصال کوتاه می شود:



$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{2}{3} \Rightarrow R_T = \frac{3}{2} = 1.5\Omega$$

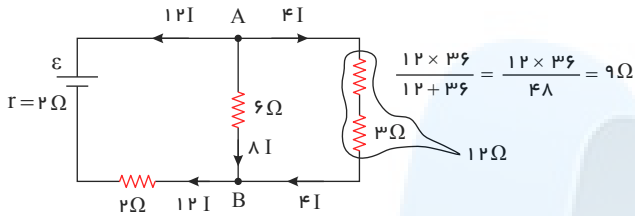
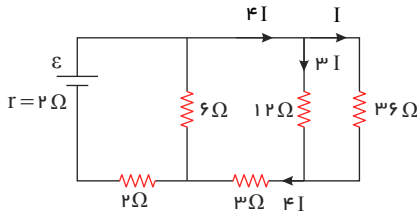
$$\Delta R_T = |1.5 - 2| = 0.5\Omega$$

همان طور که ملاحظه می شود، مقاومت معادل با بسته شدن کلید K به اندازه ۰.۵ اهم تغییر کرده است:

۲۱۸ - گزینه ۴

جریان عبوری از مقاومت  $36\Omega$  را  $I$  می‌نامیم.

جریان عبوری از هر شاخه با مقاومت آن شاخه رابطه عکس دارد (نسبت به شاخه‌های موازی با آن شاخه).



توان هر مقاومت را از  $P = RI^2$  محاسبه و با هم مقایسه می‌کنیم:

$$2\Omega \rightarrow 2 \times (12I)^2 = 288I^2$$

$$6\Omega \rightarrow 6 \times (8I)^2 = 384I^2 \rightarrow \text{بالاترین توان}$$

$$12\Omega \rightarrow 12 \times (3I)^2 = 108I^2$$

$$36\Omega \rightarrow 36 \times (I)^2 = 36I^2$$

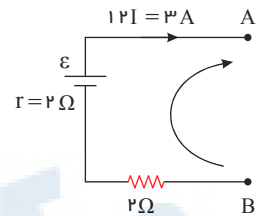
$$3\Omega \rightarrow 3 \times (4I)^2 = 48I^2$$

طبق فرض مسئله ولتاژ مقاومت  $6\Omega$  می‌بایستی برابر  $12$  ولت باشد.

$$V = RI' \rightarrow 12 = 6I' \rightarrow I' = 2A \rightarrow 8I = 2 \rightarrow I = \frac{1}{4} = 0,25A$$

$$V_B - 2 \times 3 - 2 \times 3 + \mathcal{E} = V_A \rightarrow V_A - V_B = \mathcal{E} - 12 = 12V$$

$$\rightarrow \mathcal{E} = 24V$$



۲۱۹ - گزینه ۳ تذکر: حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی ( $u_{e,max}$ ) فنر وقتی به وجود می‌آید که گلوله پس از برخورد به فنر متوقف شود.

$$(\cancel{K_2} + \cancel{U_{g_2}} + U_{e_2}) - (\cancel{K_1} + U_{g_1} + \cancel{U_{e_1}}) = W_f$$

$$\Rightarrow E_2 - E_1 = W_{fk} \Rightarrow U_{e_2} - (mgh_A) = -2 \Rightarrow U_{e_2} = mgh_A - 2$$

$$U_{e_2} = 0,2 \times 10 \times 6 - 2 \Rightarrow U_{e_2} = 10J \Rightarrow U_{e_2} = 10J$$

$$R_T = (6 || 12) || 4 + 2 = 4$$

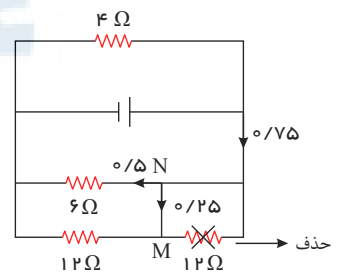
$$I = \frac{\mathcal{E}}{R_T} \Rightarrow I = \frac{6}{4} = 1,5$$

$$1,5 \div 2 = 0,75$$

$$0,75 \times \frac{6}{18} = 0,25A$$

$$\left. \begin{aligned} P_1 = R_1 I_1^2 \Rightarrow 24 = 6I_1^2 \Rightarrow I_1 = 2A \\ V_1 = V_2 \Rightarrow 6I_1 = 12I_2 \Rightarrow I_2 = 1A \end{aligned} \right\} \Rightarrow I_{\text{سimplوله}} = 2 + 1 = 3A$$

۲۲۰ - گزینه ۱



۲۲۱ - گزینه ۱

$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{1000 \times 3}{1} = 12\pi \times 10^{-4} T = 1,2\pi \times 10^{-3} T$$

۲۲۲ - گزینه ۲

$$E_A = E_C \Rightarrow mgh_A + \frac{1}{2}mV_A^2 = U_e$$

$$\Rightarrow 2 \times 10 \times (0,2 + x \sin 30^\circ) + \frac{1}{2} \times 2 \times 2^2 = 10$$

$$20(0,2 + \frac{x}{2}) + 4 = 10 \Rightarrow x = 0,2m = 20 \text{ cm}$$

۲۲۳ - گزینه ۲ جهت جریان از A به B انتخاب کنیم.

$$V_A + 12 - 2I_1 - 3I_1 = V_B \Rightarrow V_A - V_B = \Delta I_1 - 12 \Rightarrow -2 = \Delta I_1 - 12 \Rightarrow I_1 = 2A$$

$$I = I_1 + I_2 = 5A, U = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2} \times 0,04 \times 25 = 0,5J$$

۲۲۴ - گزینه ۴ افزایش ارتفاع برابر است با:

$$\Delta V = A\Delta h \Rightarrow 2 \times 10^{-3} = 0,04\Delta h \Rightarrow \Delta h = 0,05m$$

بنابراین اختلاف فشار ایجاد شده ناشی از مایع برابر است با:

$$\Rightarrow \Delta P = \rho g(\Delta h) = 1000 \times 10(0,05) = 500Pa$$

۲۲۵ - گزینه ۳

$$\Delta L_1 = \alpha_1 L_1 \Delta T, \Delta L_2 = \alpha_2 L_2 \Delta T, \Delta L_3 = \alpha_3 L_3 \Delta T$$

$$\Delta L_3 = \Delta L_1 + \Delta L_2 \Rightarrow \alpha_3 L_3 = \alpha_1 L_1 + \alpha_2 L_2 \Rightarrow \alpha_3 = \frac{L_1 \alpha_1 + L_2 \alpha_2}{L_3}$$

۲۲۶ - گزینه ۳ باتوجه به تغییرات دمایی آب و یخ تا رسیدن به تعادل داریم:

$$30^\circ C \text{ آب} \leftarrow \theta_e^\circ C \text{ آب} \rightarrow 0^\circ C \text{ یخ}$$

$$\begin{aligned} \sum Q &= 0 \Rightarrow m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (\theta_e - 30) + m_{\text{یخ}} L_F + m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} (\theta_e - 0) = 0 \\ &\Rightarrow 0,4 \times 4200 (\theta_e - 30) + 0,1 \times 336000 + 0,1 \times 2100 (\theta_e) = 0 \\ &\Rightarrow 1680\theta_e - 50400 + 33600 + 210\theta_e = 0 \Rightarrow 2100\theta_e = 16800 \Rightarrow \theta_e = 8^\circ C \end{aligned}$$

روش دوم: با استفاده از تناسبها و روابط تعادل آب و یخ می‌دانیم: ( $c_{\text{آب}} = 1, L_F = 80$ )

$$m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \theta_e - m_{\text{یخ}} L_F = (m_{\text{آب}} + m_{\text{یخ}}) \theta_e \Rightarrow 0,4 \times 1 \times 30 - 0,1 \times 80 = (0,4 + 0,1) \theta_e$$

$$\Rightarrow 4 = 0,5\theta_e \Rightarrow \theta_e = 8^\circ C$$

۲۲۷ - گزینه ۱ ابتدا نمودار تحلیلی بررسی وضعیت یخ ( $-6^\circ C$ ) موجود در گرماسنج را می‌نویسیم:

$$-6^\circ C \xrightarrow{Q_1} 0^\circ C \text{ یخ } (0^\circ C \text{ یخ } m' \xrightarrow{Q_2} 0^\circ C \text{ آب})$$

$$Q = Q_1 + Q_2 = mc_{\text{یخ}} \Delta\theta + m' L_f \quad (1)$$

باتوجه به آن که مقدار گرمایی که توسط یخ جذب می‌شود ( $Q$ ) با مقدار گرمای تولیدی توسط گرمکن در مدت ۱۲۲,۵ ثانیه برابر است، داریم:

$$R_a = \frac{P_{\text{مقد}}}{P_0} \times 100 \Rightarrow R_a = \frac{Q}{P_{\text{ک}} \times t} \times 100 \Rightarrow \frac{80}{100} = \frac{Q}{750 \times 122,5} \Rightarrow Q = 73500J$$

$$(1) \xrightarrow{73500 = 35C_{\text{یخ}}} 35C_{\text{یخ}} = 0,5 \times C_{\text{یخ}} (0 - (-6)) + m' \times 160C_{\text{یخ}} \Rightarrow m' = 0,2kg = 200g$$

$$m - m' = 500 - 200 = 300g$$

۲۲۸ - گزینه ۲ ابتدا فشار هوای درون لوله را در وضعیت اول بررسی می‌کنیم:

$$P_0 = P_1 + 72cmHg \Rightarrow 75cmHg = P_1 + 72cmHg \Rightarrow P_1 = 3cmHg$$

اکنون بنابر قانون گازها داریم: (توجه کنیم که چون سطح مقطع لوله ثابت و ارتفاع گاز نیز ثابت است ( $15cm = 72cm - 57cm$ ) پس حجم گاز ثابت مانده است.)

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{3cmHg}{300} = \frac{P_2}{320} \Rightarrow P_2 = 3,2cmHg$$

اکنون با بررسی هوای درون لوله در حالت دوم داریم:

$$P'_0 = P_2 + 72cm \Rightarrow P'_0 = 3,2 + 72 = 75,2cmHg$$

یعنی فشار هوا  $2cmHg$  یا  $2mmHg$  افزایش یافته است.

$$F_{13} = \frac{q_1 q_3}{4L^2} \rightarrow \frac{q_2 q_3}{L^2} - \frac{q_1 q_3}{4L^2} = \frac{q_1 q_3}{4L^2}$$

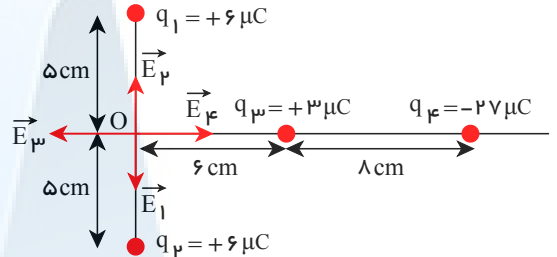
$$\frac{q_2}{L^2} = 2 \frac{q_1}{4L^2} \rightarrow q_2 = \frac{q_1}{2} = \frac{4\mu C}{2} = 2\mu C$$

اما  $q_2 < 0$  است بنابراین  $q_2 = -2\mu C$ .

۲۳ - گزینه ۱ برای حل ابتدا توجه شود که میدان بارهای  $q_1$  و  $q_2$  در  $O$ ، یکدیگر را خنثی می‌کنند.  $(E_1 = E_2)$  و خلاف جهت. از طرفی برای آنکه میدان برابرند در نقطه‌ی  $O$  صفر شود لازم است تا  $E_3 = E_2$  و خلاف جهت باشند پس:

$$\left| \vec{E}_2 \right| = \left| \vec{E}_3 \right| \Rightarrow k \frac{q_2}{r_2^2} = k \frac{q_3}{r_3^2} \Rightarrow \frac{3}{6^2} = \frac{27}{(x)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{6} = \frac{3}{(x)} \Rightarrow x = 18cm$$



فاصله‌ی اولیه‌ی بار  $q_2$  از نقطه‌ی  $O$ ،  $14cm$  است که حالا باید  $18cm$  شود. بنابراین بار  $q_2$  را باید به اندازه‌ی  $4$  سانتی متر به سمت راست جابجا کنیم.

۲۳۱ - گزینه ۳ چگالی یخ  $0.9$  گرم بر سانتی متر مکعب است، یعنی هر سانتی متر مکعب یخ  $0.9$  گرم جرم دارد و چگالی آب  $1$  گرم بر سانتی متر مکعب است. یعنی هر سانتی متر مکعب آب،  $1$  گرم جرم دارد. در نتیجه اگر  $0.9$  گرم یخ ذوب شود تبدیل به  $0.9$  گرم آب می‌شود که حجم آن  $0.9$  سانتی متر مکعب است یعنی حجم یخ،  $0.9$  سانتی متر مکعب کاهش می‌یابد. بنابراین می‌توان نوشت:

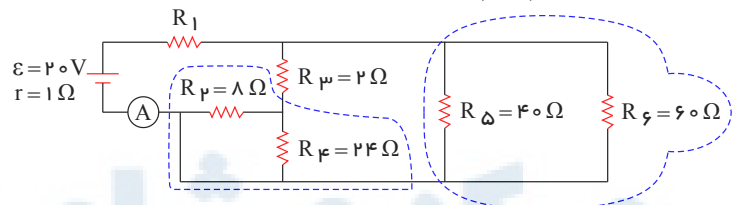
کاهش حجم	دوب
$0.1$ سانتی متر مکعب	$0.9$ گرم یخ
$\Rightarrow x = \frac{0.9 \times 5}{0.1} = 45gr$	
$5$ سانتی متر مکعب	$x$ گرم یخ

در نتیجه اگر  $45$  گرم یخ ذوب شود حجم آن  $5$  سانتی متر مکعب کاهش می‌یابد.

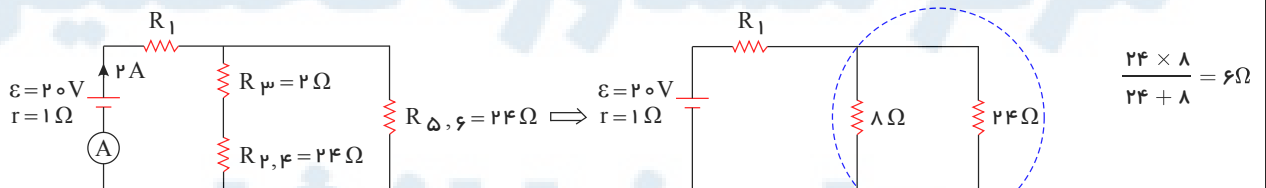
۲۳۲ - گزینه ۱ برای محاسبه‌ی جریان آمپرسنج (که همان جریان خروجی از باتری است)، ابتدا مقاومت معادل دو سر باتری را به دست می‌آوریم.

دقت کنید که مقاومت‌های  $R_4$  و  $R_5$  به صورت موازی به هم بسته شده‌اند:

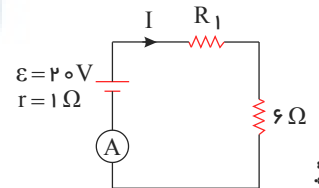
$$\left\{ \begin{array}{l} R_5 \text{ موازی با } R_4 \Rightarrow R_{5,4} = \frac{60 \times 40}{60 + 40} = 24\Omega \\ R_4 \text{ موازی با } R_5 \Rightarrow R_{4,5} = \frac{24 \times 8}{24 + 8} = 6\Omega \end{array} \right.$$



و این مدار به صورت زیر ساده می‌شود:



$$\text{جریان آمپرسنج: } I = \frac{\epsilon}{r + (R_1 + 6)} \Rightarrow 2 = \frac{20}{1 + (R_1 + 6)} \Rightarrow R_1 = 3\Omega$$



باتوجه به اینکه ضریب انبساط طولی میله‌ی  $B$  بزرگ‌تر از میله‌ی  $A$  است، بنابراین در اثر افزایش دمای معین، طول میله‌ی  $B$  بیشتر از  $A$  افزایش یافته و اختلاف طول دو میله با افزایش دمای  $\Delta\theta$  عبارت است از:

$$\Delta L_B - \Delta L_A = \Delta L_B - \Delta L_A$$

جمع بندی فیزیک پایه

$$L_{1A} = L_{1B} = L_1 = 2m, \alpha_A = 12 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ C}, \alpha_B = 20 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ C}, \Delta\theta = ?$$

$$\Delta L_B - \Delta L_A = L_1 \alpha_B \Delta\theta - L_1 \alpha_A \Delta\theta = L_1 (\alpha_B - \alpha_A) \Delta\theta$$

$$\Rightarrow \text{میزان افزایش دما} \Delta\theta = 5^\circ C$$

۲۳۴ - گزینه ۴ فرض کنید در اثر تبادل گرمایی،  $m'$  گرم از یخ ذوب شود. در این صورت درون مخلوط به اندازه‌ی  $(m - 100)$  گرم یخ وجود داشته و دمای تعادل صفر است  $(\theta_e = 0^\circ C)$  می‌توان نوشت:

$$|Q| = |Q'| \Rightarrow m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (\theta_{\text{آب}} - \theta_e) = m' L_f$$

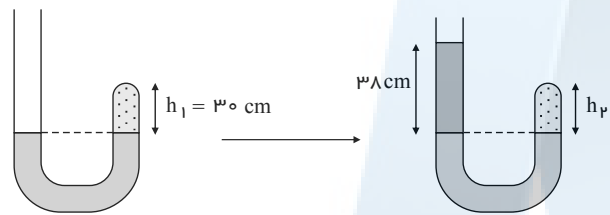
$$\Rightarrow 100 \times 4200 \times (60 - 0) = m' \times 336000 \Rightarrow m' = 600g$$

↓  
بر حسب گرم

↓  
بر حسب گرم

بنابراین پس از برقراری تعادل، در مجموع  $1400g$  ( $100 + 600$ ) آب صفر درجه‌ی سلسیوس ایجاد می‌شود که معادل  $1,4$  کیلوگرم است.

۲۳۵ - گزینه ۴ باتوجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن، مطابق شکل‌های زیر داریم:



$$P_{\text{گاز}} = P_0 = 76 \text{ cmHg} \quad P_{\text{گاز}} = P_0 + P_{\text{سوی}} = 76 + 38 = 114 \text{ cmHg}$$

با استفاده از قانون گازها در حالتی که دما ثابت است می‌توان نوشت:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow P_1 A h_1 = P_2 A h_2 \Rightarrow P_1 h_1 = P_2 h_2 \Rightarrow 76 \times 30 = 114 \times h_2 \Rightarrow h_2 = 20 \text{ cm}$$

۲۳۶ - گزینه ۴

(جرم آب یخ بسته  $m'$ ) آب صفر درجه  $\leftarrow$  یخ صفر درجه  $\rightarrow$  یخ  $20^\circ$

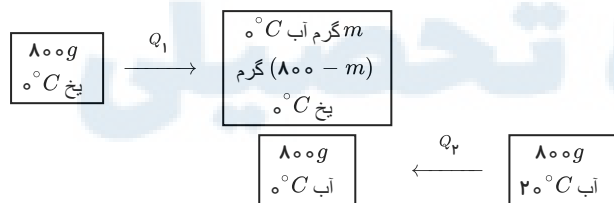
مقدار گرمایی که یخ  $20^\circ C$  می‌گیرد. برابر است با مقدار گرمایی که آب صفر درجه سانتی‌گراد می‌دهد.

$$Q_1 = Q_2$$

$$m' L_f = mc \Delta\theta \Rightarrow 200 \times 336 \times 10 = m \times 2100 \times 20 \Rightarrow m = 1600g$$

۲۳۷ - گزینه ۱ روش اول:

بنابر طرحة واره زیر در مورد تعادل آب و یخ داریم:



$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow mL_f + 0,8 \times C_{\text{آب}} \times \Delta\theta = 0$$

$$\Rightarrow m \times 336 + 0,8 \times 4,2 \times (-20) = 0 \Rightarrow m = \frac{16 \times 4,2}{336} = 0,2 \text{ kg} = 200g$$

بنابراین می‌توان نتیجه گرفت،  $200g$  از یخ ذوب می‌شود، بنابراین  $1000g$  آب صفر درجه سلسیوس و  $600g$  یخ صفر درجه سلسیوس خواهیم داشت.

روش دوم:

ابتدا اصطلاحاً قدرت آب و قدرت یخ را مقایسه می‌کنیم: (می‌توان  $c_{\text{آب}} = 1$ ،  $c_{\text{یخ}} = 0,5$ ،  $L_f$  فرض کرد.)

$$\text{قدرت آب} = Mc_{\text{آب}}\theta = 100 \times 1 \times 20 = 16000$$

$$\text{قدرت یخ} = mc_{\text{یخ}}|\theta| + mL_f = 100 \times 0,5 \times 0 + 100 \times 80 = 64000$$

بنابراین قدرت یخ بیشتر است، پس تنها بخشی از یخ ذوب می‌شود (یا بخشی از آب منجمد می‌شود) و در مورد کاهش جرم یخ (یا افزایش جرم یخ) می‌توان گفت:

$$|Mc_{\text{آب}}\theta - mc_{\text{یخ}}|\theta|| = \Delta mL_f \Rightarrow \left| 100 \times 1 \times 20 - \frac{100 \times 0,5 \times 0}{0} \right| = \Delta m \times 80$$

$$\Rightarrow \Delta m = 200g$$



یعنی  $200g$  از جرم یخ ذوب شده و به آب  $^{\circ}C$  تبدیل شده است، بنابراین پس از تعادل  $1000g$  آب صفر درجه داریم.

۲۳۸ - گزینه ۳

قانون گازهای کامل:  $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{V_1=V_2} \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1}{300} = \frac{P_2}{330} \Rightarrow P_2 = \frac{330}{300} P_1 = 1.1 P_1$

۲۳۹ - گزینه ۳ اگر کلید  $K$  را باز نماییم مقاومت معادل قسمتی از مدار که شامل مقاومت های  $R_1, R_2$  است، زیاد می شود و مقاومت معادل مدار ( $R_T$ ) نیز بیشتر خواهد شد.

$$\downarrow I = \frac{\varepsilon}{\uparrow R_T + r}$$

اگر ولتاژ دو سر  $R_1$  را  $V_1$  بنامیم، بنابر قانون ولتاژ می توان نوشت:

$$+\varepsilon - R_T I - V_1 = 0 \Rightarrow V_1 = \varepsilon - R_T I \quad (\text{اگر جریان } I \text{ کم شود مقدار } V_1 \text{ زیاد می شود.})$$

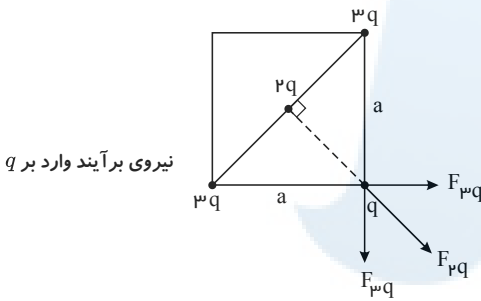
$$V_1 = R_1 I \Rightarrow \uparrow I_1 = \frac{V_1}{R_1}$$

۲۴۰ - گزینه ۳ با توجه به این که مقاومت ها به صورت موازی بسته شده اند پس اختلاف پتانسیل دو سر هر یک از آن ها برابر  $30$  ولت می باشد.

$$V = RI \Rightarrow 30 = \frac{3 \times R}{3 + R} \times 15 \Rightarrow 6 + 2R = 3R \Rightarrow R = 6 \Omega$$

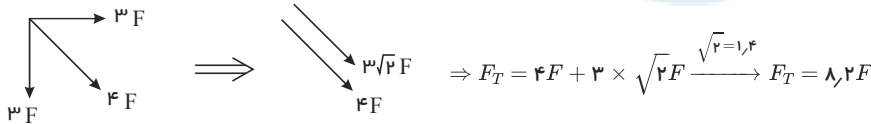
۲۴۱ - گزینه ۱ برآیند نیروهای وارد بر بارهای  $q$  و  $2q$  را به طور جداگانه حساب می کنیم:

$$\begin{cases} F_{r2q} = 3F \\ F_{r3q} = 4F \end{cases} \quad \text{برای ساده سازی اگر } F = \frac{kq^2}{a^2} \text{ باشد. طبق نکته } F \propto q' \times \frac{1}{r^2} \text{ خواهیم داشت:}$$

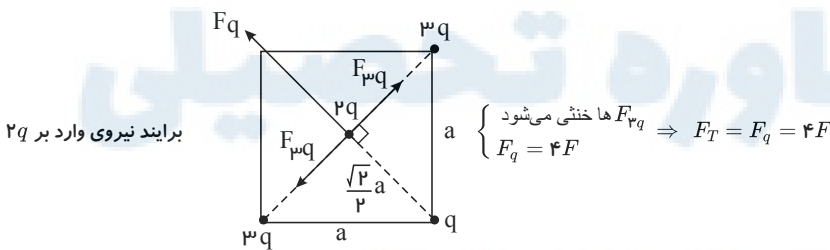


نیروی برآیند وارد بر  $q$

پس:



و برای بار  $2q$  داریم:



برایند نیروی وارد بر  $2q$

$$\begin{cases} F_{r2q} = 3F \\ F_q = 4F \end{cases} \Rightarrow F_T = F_q = 4F$$

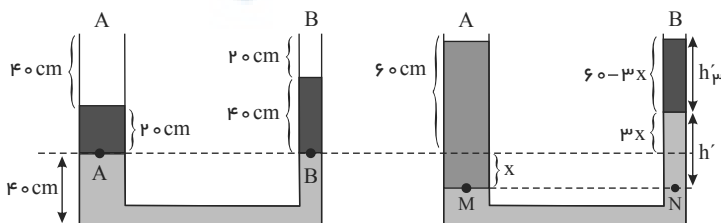
سؤال نسبت نیروی برآیند را خواسته است، پس:

$$\frac{F_{Tq}}{F_{T2q}} = \frac{4F}{4F} = 1$$

۲۴۲ - گزینه ۲

باید محاسبه کنیم که ارتفاع مایع نامعلوم چند سانتی متر افزایش می یابد.

توجه داشته باشیم که مایع نامعلوم تا انتهای لوله فقط  $20cm$  فاصله دارد.



هنگام اضافه کردن روغن، حجم آب پایین رفته در شاخه سمت چپ با حجم آب بالا آمده در شاخه سمت راست برابر است اما از آنجا که سطح مقطع  $A$  سه برابر سطح مقطع  $B$  است پس ارتفاع

آب بالا آمده در شاخه  $B$  باید سه برابر ارتفاع آب پایین رفته در شاخه  $A$  باشد. (روی شکل آن ها را  $x$  و  $3x$  نامیده ایم).

برای حل مسئله به چگالی مایع نامعلوم نیاز داریم. از برابری فشار در نقاط  $A$  و  $B$  استفاده می‌کنیم تا چگالی آن به دست آید.

$$P_A = P_0 + (\rho gh)$$

$$P_B = P_0 + (\rho_p gh_p)$$

$$\frac{P_A = P_B}{\rho_{\text{روغن}} \times h_{\text{روغن}}} = \rho_p \times h_p \Rightarrow 0.8 \times 20 = \rho_p \times 40 \Rightarrow \rho_p = 0.4 \text{ g/cm}^3$$

اکنون از برابری فشار در دو نقطه  $M$  و  $N$  استفاده می‌کنیم.

$$P_M = P_0 + (\rho gh')$$

$$P_N = P_0 + (\rho gh')_{\text{آب}} + (\rho_p gh'_p)$$

$$\frac{P_M = P_N}{\rho_{\text{روغن}} \times h'_{\text{روغن}}} = \rho_{\text{آب}} h'_{\text{آب}} + \rho_p h'_p$$

$$\Rightarrow 0.8(60 + x) = 1 \times 4x + 0.4(60 - 3x) \Rightarrow x = 12 \text{ cm}$$

بنابراین ارتفاع کنونی مایع  $\rho_p$  برابر با  $24 \text{ cm} = 60 - 36 = 60 - 3x = 60 - 3 \times 12$  است در حالی که در ابتدا ارتفاع آن  $40 \text{ cm}$  بوده است.

بنابراین  $16 \text{ cm} = 40 - 24$  از این مایع به بیرون ریخته شده است. داریم:

$$V = Ah = 100 \times 10^{-4} \times 16 \times 10^{-2} = 16 \times 10^{-4} \text{ m}^3 = 1600 \text{ cm}^3$$

$$m = \rho V = 0.4 \times 1600 = 640 \text{ g}$$

۲۴۳ - گزینه ۳ اگر  $6mC$  بار از صفحه منفی جدا کنیم بار صفحه به مقدار  $6mC$  کم می‌شود و اگر یعنی  $6mC$  را به صفحه مثبت بدهیم بار این صفحه هم به اندازه  $6mC$  خنثی شده و  $6mC$  کم می‌شود در نهایت می‌توان گفت بار صفحات  $6mC$  کاهش یافته یعنی  $Q_2 = Q_1 - 6mC$  از طرفی هم به گفته سؤال انرژی خازن  $9J$  کاهش یافته، پس  $U_2 = U_1 - 9J$ .

از طرفی هم چون خازن از مولد جدا شده پتانسیل صفحات آن ثابت نیست بنابراین بهتر است از بین روابط  $U = \frac{1}{2}cV^2$  و  $U = \frac{1}{2}QV$ ،  $U = \frac{Q^2}{2c}$  از رابطه  $U = \frac{Q^2}{2c}$  (که متغیر  $V$  در آن وجود ندارد) کمک بگیریم.

$$U_2 = U_1 - 9$$

$$\frac{Q_2^2}{2c} = \frac{Q_1^2}{2c} - 9 = \frac{Q_2^2 - Q_1^2}{2c} \xrightarrow{\text{تجزیه اتحاد مزدوج}} \frac{(Q_2 - Q_1)(Q_1 + Q_2)}{2c} = -9$$

$$\frac{Q_2 = Q_1 - 6mc}{(-6 \times 10^{-3})(2x \times 10^{-3} - 6 \times 10^{-3})} = -9$$

$$C = 6 \mu F = 6 \times 10^{-6} F$$

$$Q_1 = x m C = x \times 10^{-3}$$

$$\rightarrow \frac{x - 3}{3} = 3 \Rightarrow x = 12 \Rightarrow Q_1 = 12 mC$$

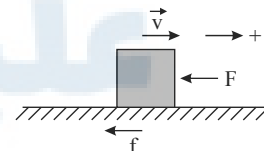
۲۴۴ - گزینه ۲ حرکت جسم دارای دو مرحله است. ابتدا حرکت جسم کندشونده است. سپس تغییر جهت داده و حرکت آن تندشونده می‌شود. شتاب در هر دو مرحله را به دست می‌آوریم.

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0 - 12}{3} = -4 \text{ m/s}^2$$

$$a' = \frac{\Delta v'}{\Delta t'} = \frac{-6 - 0}{6 - 3} = -2 \text{ m/s}^2$$

اکنون حرکت جسم در هر دو مرحله را بررسی می‌کنیم و قانون دوم نیوتون را برای هر مرحله می‌نویسیم، از آن جا که بزرگی شتاب در مرحله کندشونده بزرگتر از مرحله تندشونده است. بنابراین در ابتدا نیروی  $\vec{F}$  و نیروی اصطکاک ( $\vec{f}$ ) با یکدیگر هم جهت هستند و پس از آن در خلاف جهت هم می‌شوند.

(الف)



$$-F - f = ma \Rightarrow -F - f = -16 \quad (1)$$

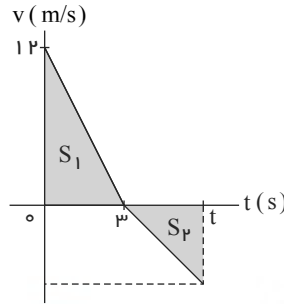
$$-F + f = ma' \Rightarrow -F + f = -8 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} F = 12 \text{ N}, f = 4 \text{ N}$$

کار نیروی اصطکاک برابر است با:

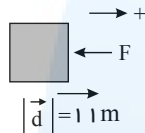
$$W_f = -f\ell \Rightarrow -100 = -4 \times \ell \Rightarrow \ell = 25m$$

که در آن  $\ell$  مسافت طی شده است.



$$\ell = S_1 + S_2 = \frac{12 \times 3}{2} + S_2 \xrightarrow{\ell=25m} S_2 = 25 - 18 = 7m$$

جابه‌جایی در این مدت برابر است با:



$$d = S_1 - S_2 = 18 - 7 = 11m$$

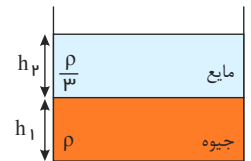
بنابراین جسم  $11m$  در جهت مثبت محور حرکت کرده و در تمام این مدت نیروی  $F = 12N$  در خلاف جهت محور بر جسم اثر کرده است.

بنابراین کار نیروی  $F$  برابر است با:

$$W_F = -F \times d = -12 \times 11 = -132J$$

۲۴۵ - گزینه ۱ ظرف حاوی دو مایع اختلاطناپذیر، را اگر مطابق شکل فرض کنیم، با توجه به نمودار،  $46cm$  که از کف ظرف بالا می‌آییم، فشار ثابت و برابر با  $76cmHg$  می‌شود، پس به سطح مایع رسیده‌ایم و بنابراین:

$$h_1 + h_2 = 46cm$$



مطابق نمودار فشار در کف ظرف  $108cmHg$  است. بنابراین:

$$h_1 + h'_2 + 76 = 108 \Rightarrow h_1 + h'_2 = 32 \quad (2)$$

که در آن  $h'_2$  فشار حاصل از مایع بالایی است که به سانتی‌متر جیوه تبدیل شده است:

$$h_2 \times \frac{\rho}{3} = h'_2 \times \rho \Rightarrow h'_2 = \frac{h_2}{3} \quad (3)$$

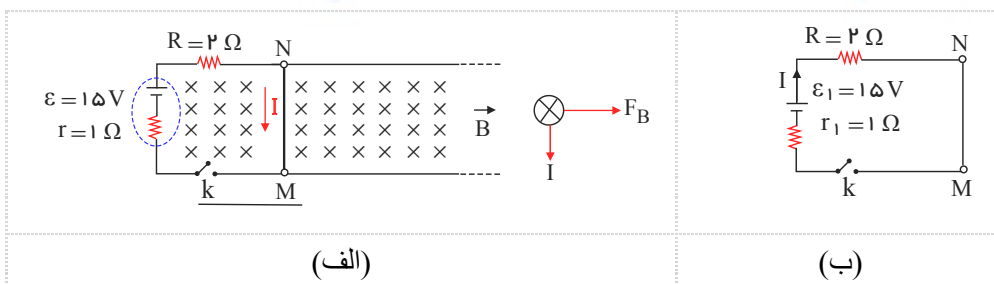
با استفاده از رابطه‌های (۱)، (۲)، و (۳) داریم:

$$\begin{cases} (2) \rightarrow h_1 + \frac{h_2}{3} = 32 \\ (1) \rightarrow h_1 + h_2 = 46 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h_1 = 25cm \\ h_2 = 21cm \end{cases}$$

بنابراین:

$$P = 108 - h_1 = 108 - 25 \Rightarrow P = 83cmHg$$

۲۴۶ - گزینه ۳ با بستن کلید  $K$  جریان الکتریکی در جهت ساعتگرد در مدار ایجاد می‌شود یعنی جریان در سیم از  $N$  به  $M$  برقرار می‌شود و مطابق قاعده‌ی دست راست به سیم  $MN$  نیروی مغناطیسی به سمت راست وارد می‌شود. این نیرو سبب می‌شود تا سیم  $MN$  در جهت راست شروع به حرکت کند. با حرکت سیم طبق قانون لنز در دو سر سیم  $MN$  یک ولتاژ القایی ایجاد می‌شود که با جریان عبوری در مدار مخالفت می‌کند. از این رو داریم:



$$\begin{cases} F_B = BIL \sin \theta \\ F = ma \end{cases} \xrightarrow{\theta=90^\circ \Rightarrow \sin \theta=1} BIL = ma$$

$$\Rightarrow I = \frac{ma}{BL} = \frac{0.2 \times 2 \times 2}{0.1 \times 0.2} = 2A \Rightarrow I = 2A$$

اکنون می‌توانیم با حرکت از نقطه  $M$  تا  $N$ ، مقدار  $\Delta V_{MN}$  را به دست آوریم:

$$V_M - Ir_1 + \varepsilon_1 - IR = V_N$$

$$V_M - 2 \times 1 + 15 - 2 \times 2 = V_N \Rightarrow V_N - 9 = V_M \Rightarrow V_M - V_N = -9V$$

۲۴۷ - گزینه ۳

از قضیه کار و انرژی جنبشی استفاده می‌کنیم:

$$W = \Delta K \Rightarrow Eqd_{AB} = \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow 2 \times 10^3 \times 1.6 \times 10^{-19} \times d_{AB} = \frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} \times (2 \times 10^5)^2$$

$$\Rightarrow d_{AB} = 0.1m = 10cm$$

$$\Delta V_{\text{جس}} = Ed_{\text{جس}} \Rightarrow d_{\text{جس}} = \frac{300}{2 \times 10^3} = 0.15 = 15cm$$

پس فاصله نقطه  $A$  از صفحه منفی برابر  $5cm$  است.

۲۴۸ - گزینه ۱ اگر خازن تختی را پس از پر شدن از مولد جدا کنیم، با تغییر فاصله صفحات، بار الکتریکی خازن تغییر نمی‌کند و ثابت می‌ماند. با توجه به رابطه میدان الکتریکی بین صفحات خازن داریم:

$$\begin{cases} E = \frac{V}{d} \\ V = \frac{q}{C} \end{cases} \Rightarrow E = \frac{q}{Cd} \xrightarrow{C = k\varepsilon_0 \frac{A}{d}} E = \frac{q}{k\varepsilon_0 A}$$

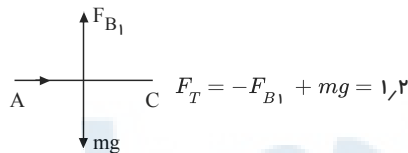
رابطه فوق مستقیماً به فاصله صفحات ( $d$ ) بستگی ندارد و از طرفی چون خازن پر شده از مولد جدا شده است و با تغییر فاصله صفحات، بار خازن تغییر نمی‌کند، پس میدان الکتریکی بین صفحات ثابت خواهد ماند.

۲۴۹ - گزینه ۲ یادممان باشد نیروی سنج نیروی برآیند را نشان می‌دهد. پس:

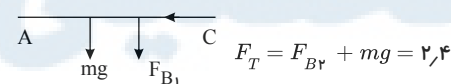
$$\text{حالت اول} \quad F_T = 2 \times 0.6 = 1.2N$$

$$\text{حالت دوم} \quad F_T = 2 \times 1.2 = 2.4N$$

چون جهت جریان سیم عوض شده قطعاً جهت نیروی مغناطیسی هم عوض شده و از آنجا که نیروی برآیند در حالت دوم از آن بیشتر است. پس نیروی مغناطیسی ( $F_c$ ) در حالت دوم هم جهت وزن ( $mg$ ) و در حالت اول خلاف جهت وزن. وارد شده:



حالت اول:  $F_T = -F_{B1} + mg = 1.2$



حالت دوم:  $F_T = F_{B1} + mg = 2.4$

$$\text{نستگاه} \rightarrow \begin{cases} F_T = -F_{B1} + mg = 1.2 \\ F_T = F_{B1} + mg = 2.4 \\ F_{B1} + F_{B2} = 1.2 \end{cases}$$

با جایگذاری در رابطه  $F_B = BIL \sin \theta$  داریم:

$$\xrightarrow{\theta=90^\circ \text{ عمود بر صفحه } B} BI_1 L + BI_2 L = 1.2$$

$$BL(I_1 + I_2) = 1.2$$

$$B \times 0.8(1.5 + 4.5) = 1.2$$

$$B = \frac{1}{4}T$$

۲۵۰ - گزینه ۳ طبق رابطه کولن داریم:

$$F = \frac{kq_A q_B}{r^2} \Rightarrow 2 = \frac{9 \times 10^{+9} \times |q_A| \times |q_B|}{(0.6)^2} \Rightarrow |q_A| \times |q_B| = 80 \times 10^{-12} C^2$$

از طرفی می‌دانیم پس از اتصال دو کره، بار نهایی آن‌ها برابر میانگین جبری بارهای اولیه است. پس:

$$\frac{q_A + q_B}{r} = \lambda \mu C \rightarrow q_A + q_B = 16 \mu C$$

در صورت سؤال گفته شده که در ابتدا دو کره A و B یکدیگر را جذب کرده‌اند. پس بار اولیه آن‌ها ناهم نام بوده است. بنابراین:

$$\begin{cases} q_A \times q_B = -80 \times 10^{-12} C^2 \\ q_A + q_B = 16 \times 10^{-6} C \end{cases}$$

با حل این دستگاه معادله خواهیم داشت:

$$q_A = -4 \mu C, q_B = +20 \mu C \text{ یا } q_A = +20 \mu C, q_B = -4 \mu C$$

و از آنجایی که در متن سؤال گفته شده پس از اتصال کلید الکترون‌ها از کره B به A رفته‌اند. پس بار کره B منفی بوده و جواب  $q_A = 20 \mu C$  و  $q_B = -4 \mu C$  صحیح است که نسبت آن‌ها برابر است با:

$$\frac{q_A}{q_B} = \frac{20}{-4} = -5$$

۲۵۱ - گزینه ۳

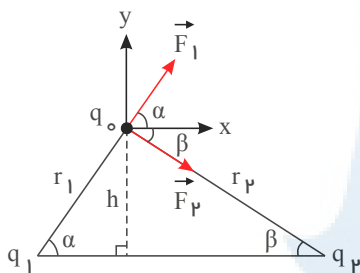
$$\text{حالت اول: } V_1 = \varepsilon - r I_1$$

$$\text{حالت دوم: } V_2 = \varepsilon - r I_2$$

$$V_1 - V_2 = r(I_2 - I_1) \Rightarrow 4 = r \times 2 \Rightarrow r = 2 \Omega$$

۲۵۲ - گزینه ۳

با توجه به شکل زیر برای اینکه برابری نیروهای وارد بر بار  $q_0$  در راستای محور  $x$  باشد، باید دو بار  $q_1$  و  $q_2$  حتماً ناهم نام باشند. فرض کنیم بار  $q_1$  مثبت باشد (منفی هم باشد در پاسخ تأثیری ندارد) در این صورت شکل مقابل را در نظر بگیرید:



حال فرض می‌کنیم  $q_1$  مثبت و  $q_2$  منفی باشد.

برای اینکه برابری نیروها در راستای محور  $x$  باشد باید برآیند نیروها در راستای محور  $y$  ها صفر باشد.

$$F_y = 0 \Rightarrow F_1 \sin \alpha = F_2 \sin \beta \Rightarrow \frac{k |q_1| |q_0|}{r_1^2} \sin \alpha = \frac{k |q_2| |q_0|}{r_2^2} \sin \beta$$

$$r_1 = \frac{h}{\sin \alpha} \Rightarrow \frac{|q_1| \sin \alpha}{h^2} = \frac{|q_2| \sin \beta}{h^2} \Rightarrow |q_1| \sin^3 \alpha = |q_2| \sin^3 \beta$$

$$\Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} = \frac{\sin^3 \beta}{\sin^3 \alpha} \xrightarrow{q_1 q_2 < 0} \frac{q_1}{q_2} = -\frac{\sin^3 \beta}{\sin^3 \alpha}$$

۲۵۳ - گزینه ۳ قضیه کار - انرژی جنبشی را برای پس از حذف  $\vec{F}$  تا زمانی که جسم متوقف شود می‌نویسیم:

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow F_t d = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

$$\xrightarrow{v_1=0} F_t \times \frac{20}{3} = 0 - \frac{1}{2} \times 10 \times 10^2 \Rightarrow F_t = -75 N$$

پس از حذف  $\vec{F}$  تنها نیرویی که به جسم وارد می‌شود نیروی اصطکاک است بنابراین:  $f_k = 75 N$

در قسمت اول مسیر (قبل از حذف  $\vec{F}$ ) قضیه کار - انرژی جنبشی را یک بار دیگر می‌نویسیم:

$$W_t' = K_2' - K_1' \Rightarrow F_t' d' = \frac{1}{2} m v_2'^2 - \frac{1}{2} m v_1'^2$$

$$F_t' = F - f_k = 200 - 75 = 125 N$$

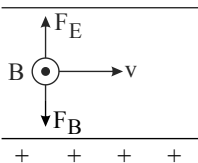
از طرفی:

$$\xrightarrow{v_1'=0} 125 d' = \frac{1}{2} \times 10 \times 10^2 - 0 \Rightarrow d' = \frac{500}{125} = 4 m$$

۲۵۴ - گزینه ۳

به این ذره طبق قاعده دست راست، نیرویی رو به پایین وارد می‌شود.

برای جلوگیری از انحراف این ذره، باید نیروی الکتریکی رو به بالا باشد. در نتیجه چون  $q > 0$  است، صفحه بالایی باید منفی و صفحه پایینی باید مثبت باشد. پس باتری B انتخاب می‌شود.



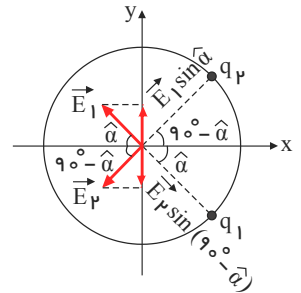
$$F_E = F_B \Rightarrow E|q| = |q|vB \Rightarrow E = vB = 10^3 \times 4000 \times 10^{-7} = 400 N/C$$

$$\Delta V = E \cdot d = 400 \times 4 \times 10^{-3} = 1,6V$$

۲۵۵ - گزینه ۴ طبق صورت سؤال، برابری میدان‌های الکتریکی حاصل از بارهای نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در مرکز دایره در راستای محور  $x$  است. بنابراین برآیند آنها در راستای محور  $y$  برابر با صفر است. داریم:

$$E_y = 0 \Rightarrow E_1 \sin \hat{\alpha} = E_2 \sin(90^\circ - \hat{\alpha})$$

$$\Rightarrow \frac{E_1}{E_2} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} \xrightarrow{E=k\frac{q}{r^2}} \frac{q_1}{q_2} = \cot \alpha$$



۲۵۶ - گزینه ۲ ابتدا براساس محاسبات زیر رابطه بین آهنگ افزایش ارتفاع آب استخر و آهنگ خروج آب از شیر (آهنگ افزایش حجم آب) را به دست می‌آوریم:

$$V = A \times h \Rightarrow \Delta V = A \times \Delta h \Rightarrow \Delta h = \frac{\Delta V}{A}$$

$$\text{آهنگ افزایش ارتفاع آب استخر: } \frac{\Delta h}{\Delta t} = \frac{\Delta V}{A \Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta h}{\Delta t} = \frac{\Delta V}{A}$$

پس می‌توان گفت:

$$\text{آهنگ افزایش حجم آب} = \frac{\text{مساحت قاعده استخر}}{\text{آهنگ افزایش ارتفاع آب استخر}} = \frac{90 \frac{\text{Gal}}{\text{min}}}{(22 \times 50) m^2} = \frac{9}{110} \frac{\text{Gal}}{\text{min} \cdot m^2}$$

و طبق روش تبدیل واحد زنجیره‌ای داریم:

$$\text{آهنگ افزایش ارتفاع آب استخر} = \frac{9}{110} \frac{\text{Gal}}{\text{min} \cdot m^2} \times \left(\frac{2,4L}{1 \text{ Gal}}\right) \times \left(\frac{1m^3}{1000L}\right) \times \left(\frac{1 \text{ min}}{60s}\right)$$

$$= \frac{9}{110} \times 2,4 \times 10^{-3} \times \frac{1}{60} \frac{m}{s} = 6 \times 10^{-6} \frac{m}{s} \times \left(\frac{1 \text{ cm}}{10^{-2} m}\right) = 6 \times 10^{-4} \frac{\text{cm}}{s}$$

۲۵۷ - گزینه ۲ با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2) \Rightarrow Eqd = \frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2)$$

$$\Rightarrow 200 \times 2 \times 10^{-6} \times 40 \times 10^{-2} = \frac{1}{2} \times 16 \times 10^{-9}(v_B^2 - v_A^2) \Rightarrow (v_B^2 - v_A^2) = 2 \times 10^4$$

طبق صورت سؤال،  $v_B - v_A = 100$  است. پس:

$$(v_B + v_A)(v_B - v_A) = 2 \times 10^4 \Rightarrow v_B + v_A = 200$$

$$\begin{cases} v_B + v_A = 200 \\ v_B - v_A = 100 \end{cases} \Rightarrow v_B = 150, v_A = 50$$

اکنون قضیه کار و انرژی را در مسیر  $AB$  تا وسط مسیر  $AB$  می‌نویسیم:

$$W_t = \frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2) \Rightarrow 200 \times 2 \times 10^{-6} \times 20 \times 10^{-2} = \frac{1}{2} \times 16 \times 10^{-9}(v^2 - 50^2)$$

$$v^2 = 12500 = 5 \times 2500 \Rightarrow v = 50 \sqrt{5} \frac{m}{s}$$

۲۵۸ - گزینه ۱

$$\mu = \frac{m}{L} \Rightarrow \frac{\mu'}{\mu} = \frac{m'}{m} \times \frac{L}{L'} \xrightarrow{\mu' = \mu - \rho^2 \mu = \rho^2 \mu} \rho^2 = \frac{L}{L'} \Rightarrow \frac{L'}{L} = \frac{5}{4}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \xrightarrow{\rho' = \rho, V = AL} AL = A'L' \Rightarrow \frac{L'}{L} = \frac{A}{A'} (*)$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{\rho' = \rho} \frac{R'}{R} = \frac{L'}{L} \times \frac{A}{A'} \xrightarrow{(*)} \frac{R'}{R} = \left(\frac{L'}{L}\right)^2 \xrightarrow{\frac{L'}{L} = \frac{5}{4}} \frac{R'}{R} = \frac{25}{16}$$

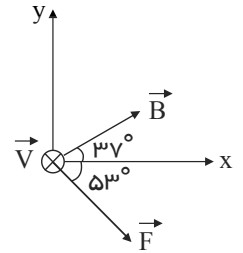
۲۵۹ - گزینه ۲ ابتدا جهت بردار  $\vec{F}$  را طبق قاعده دست راست مشخص می‌کنیم. می‌دانیم بردار نیروی  $\vec{F}$  بر بردارهای  $\vec{B}$  و  $\vec{V}$  عمود است. بنابراین مطابق شکل، نیروی  $\vec{F}$  در صفحه  $xy$  واقع شده و با محور  $x$  زاویه  $53^\circ$  می‌سازد.

حال بزرگی  $\vec{F}$  را یافته و سپس بردار آن را برحسب بردارهای یکه  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  تجزیه می‌کنیم. (چون بار عمود بر صفحه حرکت می‌کند پس سرعت و میدان برهم عمودند.)

$$F = qVB \sin \alpha \Rightarrow F = 10^{-5} \times 10^5 \times 10^{-3} = 10^{-3} N$$

$$F_x = F \cos \theta \Rightarrow F_x = 10^{-3} \times \cos 53^\circ = 10^{-3} \times 0.6 = 6 \times 10^{-4} N$$

$$F_y = -F \sin \theta \Rightarrow F_y = -10^{-3} \times \sin 53^\circ = -10^{-3} \times 0.8 = -8 \times 10^{-4} N$$



بنابراین داریم:

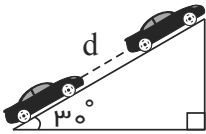
$$\vec{F} = F_x \vec{i} + F_y \vec{j} = (6 \vec{i} - 8 \vec{j}) \times 10^{-4} (N)$$

۲۶۰ - گزینه ۲ برای محاسبه ی توان موتور اتومبیل، ابتدا باید کار انجام شده توسط موتور اتومبیل را محاسبه کنیم. با توجه به قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = K_2 - K_1 \xrightarrow{\text{تندی ثابت}} W_{\text{وزن}} + W_{\text{موتور}} + W_{\text{اصطکاک}} = 0$$

$$\Rightarrow -mgh + W_{\text{موتور}} - \frac{1}{5} W_{\text{موتور}} = 0 \Rightarrow \frac{4}{5} W_{\text{موتور}} = mgh$$

با توجه به نتایج بالا، ابتدا باید ارتفاع سطح شیب دار را به دست آوریم:



$$\sin 30^\circ = \frac{h}{d} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{h}{d} \Rightarrow h = \frac{d}{2}$$

پس داریم:

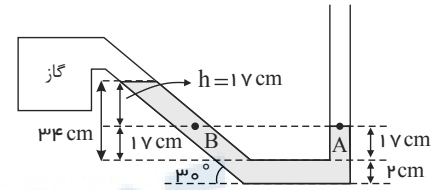
$$\frac{4}{5} W_{\text{موتور}} = 2 \times 10^3 \times 10 \times \frac{d}{2} = 10^4 d \Rightarrow W_{\text{موتور}} = 12500 d (J)$$

بنابراین توان متوسط موتور این اتومبیل برابر است با:

$$\bar{P} = \frac{W}{\Delta t} \Rightarrow \bar{P} = \frac{12500 d}{\Delta t} \Rightarrow \bar{P} = 12500 \frac{d}{\Delta t} = 12500 \bar{v} = 12500 \times 10 = 125 kW$$

۲۶۱ - گزینه ۲ با توجه به شکل فشار در نقاط A و B برابر است. فشار در نقطه B حاصل فشار گاز و فشار ۱۷cm مایع است. بنابراین:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_o = P_{\text{مایع}} + P_{\text{گاز}}$$



از طرفی:

$$P_{\text{مایع}} = \rho_{\text{مایع}} g h'$$

$P_{\text{مایع}}$  را برحسب cmHg به دست می‌آوریم:

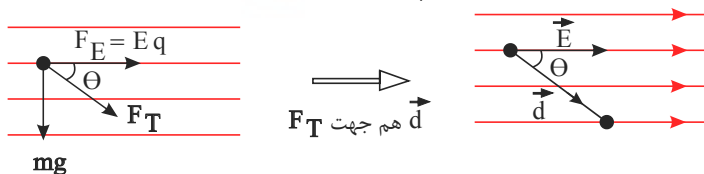
$$\rho_{\text{مایع}} g h'_{\text{مایع}} = \rho_{\text{جیوه}} g h_{\text{جیوه}} \Rightarrow \rho_{\text{مایع}} h'_{\text{مایع}} = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow 6.8 \times 17 = 13.6 \times h_{\text{جیوه}} \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = 8.5 cm$$

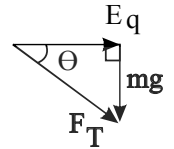
$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} = P_o - P_{\text{مایع}} = 76 cmHg - 8.5 cmHg = 67.5 cmHg$$

۲۶۲ - گزینه ۳ برای محاسبه  $d$ ،  $E$ ،  $\Delta u$  و  $q$  را داریم و تنها کافیست  $\cos \theta$  را بدست بیاریم. می‌دانیم چون بار ساکن بوده در جهت برآیند نیروها شتاب گرفته و حرکت می‌کند بنابراین کافیست جهت برآیند نیروها (که هم جهت با جابه‌جایی می‌شود) را با جهت بردار میدان پیدا کنیم.

خب به بار دو نیروی گرانشی (به سمت پایین) و نیروی الکتریکی در جهت میدان (که افقی است) وارد می‌شود که مطابق شکل داریم:



$$\cos \theta = \frac{\text{مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{Eq}{F_T} = \frac{Eq}{F_T = \text{برآیند دو بردار عمود بر هم}} = \frac{Eq}{\sqrt{(Eq)^2 + mg^2}}$$

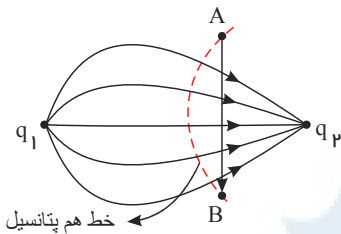


$$\cos \theta = \frac{Eq = 2000 \times 5 \times 10^{-6} = 10^{-2}}{mg = 2 \times 10^{-3} \times 10 = 2 \times 10^{-2}} = \frac{10^{-2}}{\sqrt{(10^{-2})^2 + (2 \times 10^{-2})^2}} = \frac{10^{-2}}{\sqrt{5 \times 10^{-4}}} = \frac{10^{-2}}{10^{-2} \sqrt{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$\Delta U = -Edq \cos \theta = -2000 \times 0.15 \times 5 \times 10^{-6} \times \frac{1}{\sqrt{5}} = -\frac{15 \times 10^{-4}}{\sqrt{5}}$$

$$= -3 \times 10^{-4} \sqrt{5} J = -0.3 \sqrt{5} mJ$$

۲۶۳ - گزینه ۲ روش اول: از آنجایی که  $q_1 > 0$  است و  $q_2 = -2q_1$  پس  $q_2 < 0$  و مقدارش از  $q_1$  بیشتر است. با این توضیح می توان خطوط میدان اطراف این دو بار را به شکل زیر رسم کرد.



همان طور که با دقت مشخص می شود از A تا B در جهت خطوط میدان جابه جا شده ایم، پس پتانسیل کاهش داشته.

بحث بیشتر: اگر خطی فرضی بر خطوط میدان از نقطه A رسم کنیم این خط یک سطح هم پتانسیل را نشان می دهد که با حرکت از A به B از این خط دور می شویم و به سمت بار منفی می رویم، پس پتانسیل کاهش می یابد.

روش دوم: نکته: طبق رابطه  $\Delta V = \frac{\Delta u}{q}$  و  $\Delta u = -Edq \cos \theta$  در یک جابه جایی تا زمانی که  $\theta$  (زاویه بین بردار میدان E و بردار جابه جایی d) حاده باشد ( $\theta < 90^\circ$ ) پتانسیل کاهش می یابد ( $\Delta V < 0$ ) و برعکس اگر زاویه  $\theta$  باز باشد ( $\theta > 90^\circ$ ) پتانسیل افزایش می یابد. (البته خودتون بهتر می دونید که اگر  $\theta = 90^\circ$  باشه  $\Delta V = 0$  می شه)

در این تست هم همان طور که در شکل پیداست  $\theta < 90^\circ$  پس  $\Delta V < 0$  می شود.

۲۶۴ - گزینه ۲

وقتی بازده دستگاه ۷۰ درصد باشد، به معنای آن است که ۳۰ درصد انرژی اولیه دستگاه تلف شده است. زیرا:

$$\text{بازده} = \frac{E_{\text{خروجی}}}{E_{\text{ورودی}}} = \frac{E_{\text{تلف شده}} - E_{\text{ورودی}}}{E_{\text{ورودی}}}$$

$$\frac{70}{100} = \frac{E_{\text{تلف شده}} - E_{\text{ورودی}}}{E_{\text{ورودی}}} \Rightarrow 0.7 E_{\text{ورودی}} = E_{\text{تلف شده}} - E_{\text{ورودی}} \Rightarrow E_{\text{تلف شده}} = 0.3 E_{\text{ورودی}}$$

وقتی انرژی تلف شده دستگاه را ۱۰ درصد کاهش دهیم، در این حالت انرژی تلف شده برابر است با:

$$E'_{\text{تلف شده}} = E_{\text{تلف شده}} - 0.1 E_{\text{تلف شده}} = 0.9 E_{\text{تلف شده}} \Rightarrow E'_{\text{تلف شده}} = 0.9 \times 0.3 E_{\text{ورودی}} = 0.27 E_{\text{ورودی}}$$

و بازده دستگاه در این حالت برابر است با:

$$(\text{بازده})' = \frac{E'_{\text{خروجی}}}{E'_{\text{ورودی}}} = \frac{E_{\text{ورودی}} - E'_{\text{تلف شده}}}{E'_{\text{ورودی}}} \Rightarrow (\text{بازده})' = \frac{E_{\text{ورودی}} - 0.27 E_{\text{ورودی}}}{E'_{\text{ورودی}}} \Rightarrow (\text{بازده})' = \frac{0.73 \times 100}{0.73} = 73\%$$

دقت کنید بدون محاسبه می توان گفت چون بازده ۷۰٪ است، ۳۰ درصد انرژی اولیه دستگاه تلف می شود. از طرف دیگر، چون اتلاف انرژی ۱۰ درصد کم تر می شود، اتلاف آن از ۳۰ درصد به ۲۷ درصد می رسد. لذا بازده به ۷۳ درصد خواهد رسید.

۲۶۵ - گزینه ۲ اگر مایع A در شاخه سمت راست به اندازه x پایین بیاید مایع A در شاخه سمت چپ به اندازه ۴x بالا می رود. زیرا:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 x = A_2 x' \xrightarrow{A = \pi r^2} x' = 4x$$

$r_1 = 2r_2$

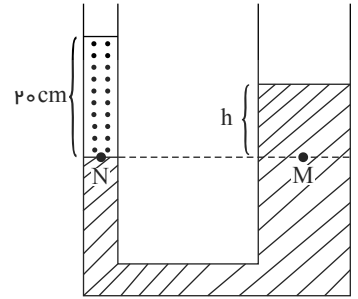
ابتدا اختلاف ارتفاع مایع A را در دو طرف لوله پیش از ریختن مایع C به دست می آوریم:



$$P_N = P_M \Rightarrow P_0 + \rho_B g h_B = P_0 + \rho_A g h_A$$

$$\xrightarrow{h_B = 20 \text{ cm}} 3 \times 20 = 5 \times h_A \Rightarrow h_A = 12 \text{ cm}$$

$$\rho_B = 3 \text{ g/cm}^3, \rho_A = 5 \text{ g/cm}^3$$



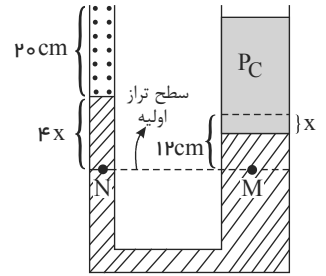
اکنون بعد از ریختن مایع C در شاخه سمت راست مجدداً رابطه هم‌فشاری نقاط M و N را می‌نویسیم. فرض می‌کنیم مایع A در شاخه سمت راست به اندازه x پایین بیاید.

$$P'_M = P'_N$$

$$\Rightarrow P_0 + \rho_B g h_B + \rho_A g (4x) = P_0 + \rho_A g (12 - x) + \rho_C g h_C$$

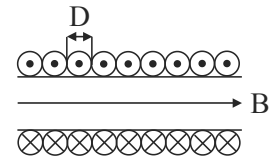
$$\xrightarrow{h_B = 20 \text{ cm}, \rho_B = 3 \text{ g/cm}^3, \rho_A = 5 \text{ g/cm}^3} 3 \times 20 + 5 \times 4 \times x = 5(12 - x) + 4 \times 25$$

$$\xrightarrow{h_C = 25 \text{ cm}, \rho_C = 4 \text{ g/cm}^3} \Rightarrow x = 4 \text{ cm} \Rightarrow 4x = 16 \text{ cm}$$



۲۶۶ - گزینه ۲ از آن جایی که سیم به دور استوانه طوری پیچیده شده که حلقه‌ها در کنار هم و چسبیده به هم هستند. پس اگر مطابق شکل زیر قطر سیم را D و تعداد حلقه‌های سیمولوله را N بنامیم، داریم:

$$\ell = ND \text{ طول سیمولوله}$$



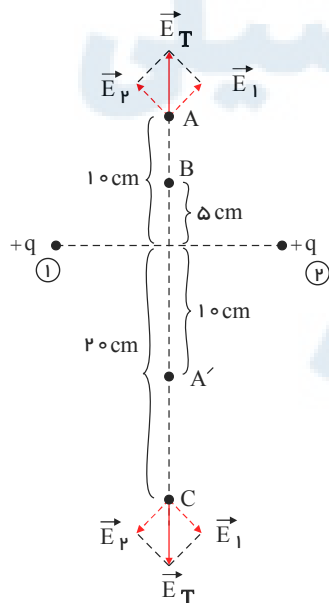
$$\text{میدان مغناطیسی سیمولوله } B = \mu_0 \frac{NI}{\ell} = \mu_0 \frac{N}{ND} I = \mu_0 \frac{I}{D}$$

$$B = \mu_0 \frac{I}{D} \Rightarrow 10^{-2} \pi \times 10^{-4} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{I}{D} \Rightarrow D = 4 \times 10^{-2} \text{ m} = 40 \text{ mm}$$

توجه: در شکل بالا حلقه‌ها هم‌اندازه به هم چسبیده و تعدادشان در بالا و پایین یکی باشد.

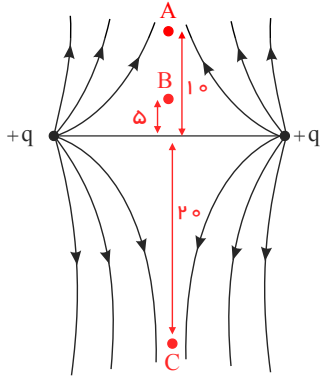
۲۶۷ - گزینه ۴

روش اول: مطابق شکل، میدان الکتریکی برآیند روی عمود منصف خط واصل دو بار و بالای خط واصل دو بار به سمت بالا می‌باشد و میدان الکتریکی روی عمود منصف خط واصل دو بار و در پایین خط واصل دو بار به سمت پایین می‌باشد. در حرکت بار منفی از نقطه A تا نقطه B، در خلاف جهت خطوط میدان حرکت می‌کنیم و لذا انرژی پتانسیل الکتریکی بار منفی کاهش می‌یابد (حرکت خودبه‌خودی) پس  $U_A > U_B$ . نقطه‌های A و A' که به فاصله یکسانی از وسط خط واصل دوبار و در دو طرف آن قرار دارند هم پتانسیل می‌باشند (در واقع میدان دو نقطه‌های A و A' به یک مقدار است ولی جهت آن‌ها فرق می‌کند).



یعنی  $U_A = U_{A'}$  با حرکت از نقطه‌های A' تا نقطه‌های C بار منفی در جهت خطوط میدان حرکت می‌کند و لذا انرژی پتانسیل الکتریکی بار افزایش می‌یابد. ( $U_A < U_C$ )

روش دوم: اگر خطوط میدان اطراف دو ذره باردار مثبت و هم‌اندازه را رسم کنیم مطابق شکل زیر خواهد شد:



با حرکت از  $A$  تا  $B$  چون حرکت خودبه خودی است انرژی پتانسیل کاهش یافته و  $U_B < U_A$  می شود. از طرفی در نقطه  $O$  چون میدان صفر است انرژی پتانسیل هم صفر است. و طبق رابطه با حرکت از نقطه  $O$  به  $C$  چون بار منفی هم جهت میدان حرکت کرده اجباری بوده و پتانسیل زیاد می شود. بنابراین می توان نتیجه گرفت:

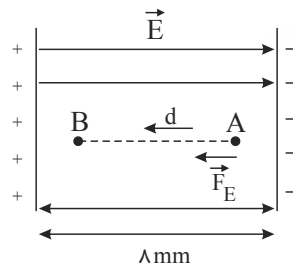
$$U_B < U_A < U_C$$

۲۶۸ - گزینه ۳ کمیته درجه بندی این ابزار معادل  $250 \text{ rpm}$  تا  $275 \times 100 = 27500$  است، پس بنابر قاعده ابزارهای اندازه گیری مدرج خطای این اندازه گیری  $\pm \frac{1}{2}$  کمیته تقسیم بندی مقیاس وسیله یعنی  $(\pm \frac{1}{2})(250 \text{ rpm}) = \pm 125 \text{ rpm}$  است.

همچنین با توجه به شکل عقربه بین نشانه های  $325 \times 100 = 32500 \text{ rpm}$  تا  $350 \times 100 = 35000 \text{ rpm}$  است، پس این اندازه گیری شامل ۳ رقم غیر قطعی یا مشکوک است. بنابراین با توجه به توضیحات بالا عدد گزارش شده برای اندازه گیری می تواند به صورت زیر باشد:

$$35000 \text{ rpm} \pm 125 \text{ rpm}$$

۲۶۹ - گزینه ۱



بارهای منفی به طور آزادانه در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی حرکت می کنند. پس جهت جابه جایی ذره در خلاف جهت خط های میدان است. با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = K_B - K_A \Rightarrow W_t = \frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2)$$

$$W_t = \frac{1}{2}(0.2 \times 10^{-6} \times (0.1^2 - 0)) \Rightarrow W_t = 10^{-9} \text{ J}$$

تنها نیروی مؤثر، نیروی میدان الکتریکی است. بنابراین:

$$\Rightarrow W_E = 10^{-9} \text{ J}$$

با استفاده از تعریف انرژی پتانسیل الکتریکی داریم:

$$\Delta U = -W_E \Rightarrow \Delta U = -10^{-9} \text{ J}$$

$$\Delta V_{AB} = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-10^{-9}}{-2 \times 10^{-12}} = 500 \text{ V}$$

از آن جا که  $AB$  در راستای میدان است؛ پس می توان نوشت:

$$\begin{cases} \Delta V_{AB} = E \times d_{AB} \\ \Delta V = E \times d \end{cases} \Rightarrow \frac{\Delta V}{\Delta V_{AB}} = \frac{d}{d_{AB}} \Rightarrow \frac{\Delta V}{500} = \frac{\lambda}{5} \xrightarrow{\Delta V = V_{\text{خازن}}} V = 800 \text{ V}$$

بنابراین:

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow Q = CV = 2 \times 800 = 1600 \text{ nC} = 1.6 \mu\text{C}$$

۲۷۰ - گزینه ۱ از آنجا که با افزایش ظرفیت خازن بار ذخیره شده در آن تغییر نکرده است، بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر خازن کاهش یافته است.

$$\begin{cases} Q = CV \\ Q' = (C + 2)(V - 1) \end{cases} \rightarrow Q' = Q - C + 2V - 2$$

$$\frac{Q - Q' = 12 \mu\text{C}}{V} \rightarrow \frac{12}{V} = 2(V - 1) \rightarrow 6 = V^2 - V \rightarrow V^2 - V - 6 = 0$$

$$C = \frac{12}{V}$$

$$\rightarrow (V + 2)(V - 3) = 0 \rightarrow \begin{cases} V = -2V \text{ غ ق ق} \\ C = \frac{12}{V} \\ V = 3V \rightarrow C = 4 \mu\text{F} \end{cases}$$

اکنون با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده در خازن داریم:

$$C' = C + \frac{1}{2} \mu F, V' = V - 1 = 2V$$

$$\rightarrow U' = \frac{1}{2} \times 6 \times 2^2 = 12 \mu J$$

$$U' = \frac{1}{2} C' V'^2$$

۲۷۱ - گزینه ۲

$$V = RI' \Rightarrow 16 = RI' \Rightarrow I' = \frac{16}{R} \quad (I)$$

اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_1$  و دو سر معادل  $R$  و  $R_p$  و  $R_p$  باهم برابر است.

$$R_1 I_1 = R_{p, R} I' \Rightarrow 4(10 - I') = (4 + R)I'$$

$$\xrightarrow{(I)} 4(10 - \frac{16}{R}) = (4 + R)(\frac{16}{R}) \xrightarrow{\times R} 40R - 64 = 64 + 16R$$

$$\Rightarrow 24R = 128 \Rightarrow R = \frac{16}{3} \Omega$$

۲۷۲ - گزینه ۱

$$\text{از روی نمودار: } \varepsilon = 10V \text{ و } r = \frac{10}{5} = 2\Omega$$

$$\text{حالت A: } P = R_{eq} I'^2 = (1 + R_p) \left( \frac{\varepsilon}{R_p + 3} \right)^2$$

$$\text{حالت B: } P' = R'_{eq} I'^2 = (1,5) \left( \frac{\varepsilon}{3,5} \right)^2$$

$$\Rightarrow P = P' \Rightarrow \frac{1 + R_p}{(R_p + 3)^2} = \frac{1,5}{(3,5)^2} \Rightarrow R_p = 0,5\Omega$$

۲۷۳ - گزینه ۲ درحین سقوط جسم بخشی از انرژی پتانسیل گرانشی آن به انرژی جنبشی تبدیل می شود. پس علامت تغییرات انرژی جنبشی و تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی مخالف یکدیگر می باشند. طبق قانون پایستگی انرژی داریم:

$$W_f = E_p - E_1 = (K_p + U_p) - (K_1 + U_1) = (K_p - K_1) + (U_p - U_1) = \Delta K + \Delta U$$

$$\frac{|\Delta K|}{|\Delta U|} = \frac{2}{3} \rightarrow W_f = -\frac{2}{3} \Delta U + \Delta U = \frac{1}{3} \Delta U \quad (1)$$

از طرفی می دانیم کار نیروی وزن برابر با منفی تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی است:

$$W_{mg} = -\Delta U \quad (2)$$

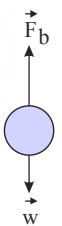
پس داریم:

$$(1), (2) \Rightarrow W_f = -\frac{1}{3} W_{mg}$$

۲۷۴ - گزینه ۱ پس از پاره شدن نخ، نیروهای وارد بر گلوله، نیروی وزن و نیروی شناوری است. با توجه به این که  $\rho_{\text{گلوله}} < \rho_{\text{آب}}$  است، جهت نیروی خالص وارد بر گلوله به طرف بالا است. از طرفی، اندازه نیروی شناوری برابر با وزن آب جابه جا شده توسط گلوله است؛ بنابراین:

$$F_t = F_b - W = m_{\text{جسم}} g - m_{\text{آب جابه جا شده}} g$$

$$= \rho_{\text{آب}} V_{\text{آب جابه جا شده}} g - \rho_{\text{جسم}} V_{\text{جسم}} g \xrightarrow{V_{\text{آب جابه جا شده}} = V_{\text{جسم}} = V} F_t = (\rho_{\text{آب}} - \rho_{\text{جسم}}) \times V \times g$$

پس از رسیدن گلوله به عمق  $1,8m$ ، گلوله مسافت  $3,2m = 1,8 - 5$  را طی کرده است. طبق قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K = K_p - K_1 \Rightarrow W_t = \frac{1}{2} m (v_p^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow F_t \times d = \frac{1}{2} \times (\rho_{\text{جسم}} \times V) \times (v_p^2 - 0)$$

$$\Rightarrow (\rho_{\text{آب}} - \rho_{\text{جسم}}) \times V \times g \times 3,2 = \frac{1}{2} \times \rho_{\text{جسم}} \times V \times v_p^2$$

$$\Rightarrow (1 - 0,8) \times V \times 10 \times 3,2 = \frac{1}{2} \times 0,8 \times V \times v_p^2$$

$$\Rightarrow 0,2 \times 10 \times 3,2 = 0,4 v_p^2 \Rightarrow v_p^2 = 16 \Rightarrow v_p = 4m/s$$

۲۷۵ - گزینه ۳ طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی داریم، تغییر انرژی پتانسیل را از شروع حرکت تا توقف ذره به دست می آوریم:

$$\Delta U = -\Delta K = -(K_p - K_1) = -\left(\frac{1}{2} m v_p^2 - \frac{1}{2} m v_1^2\right)$$

$$= -\left(0 - \frac{1}{2} \times \frac{2}{10} \times 10^{-6} \times 10^{-3} \times (30)^2\right) = 90 \times 10^{-9} J$$

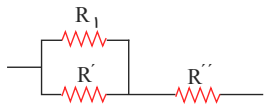
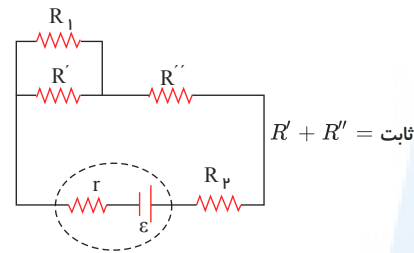
پس اختلاف پتانسیل را به دست آورده و به کمک معادله محل  $x$  را می یابیم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{+90 \times 10^{-9}}{-3 \times 10^{-9}} = -30 V$$

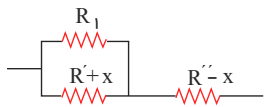
حال با توجه به معادله ولتاژ بر حسب فاصله از صفحه مثبت داریم:

$$\Delta V = V_p - V_1 \Rightarrow -30 = ((100 - 2x) - (100 - 2 \times 0)) \Rightarrow -30 = -2x \Rightarrow x = 15 m$$

۲۷۶ - گزینه ۴ مقاومت رئوستا را می توان دو قسمت در نظر گرفت. یک بخش آن به صورت موازی با مقاومت  $R_1$  و بخش دیگر آن به صورت متوالی با مولد قرار می گیرد. با حرکت لغزنده به سمت راست اگر مقاومت  $R'$  به اندازه  $x$  زیاد شود مقاومت  $R''$  به اندازه  $x$  کم می شود.



$$\Rightarrow R_{eq} = \frac{R' R_1}{R_1 + R'} + R'' \quad (1)$$



$$\Rightarrow R'_{eq} = \frac{R_1 (R' + x)}{R_1 + R' + x} + R'' - x$$

$$\Rightarrow R'_{eq} = \frac{R_1 R'}{R_1 + R' + x} + R'' + \frac{R_1 x}{R_1 + R' + x} - x = \frac{R_1 R'}{R_1 + R' + x} + R'' - \frac{x(R' + x)}{R_1 + R' + x} \quad (2)$$

$$\frac{R_1 R'}{R_1 + R' + x} < \frac{R_1 R'}{R_1 + R'}$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + R_p + r}$$

$$(1), (2) \rightarrow R'_{eq} < R_{eq} \rightarrow I' > I$$

$$\frac{x(R' + x)}{R_1 + R' + x} > 0$$

بنابراین با حرکت لغزنده به سمت راست، جریان عبوری از مولد افزایش می یابد. با حرکت لغزنده رئوستا به سمت راست آن بخش از مقاومت رئوستا که با مقاومت  $R_1$  به صورت موازی قرار دارد، افزایش می یابد. بنابراین مقاومت معادل آن با  $R_1$  افزایش می یابد. بنابراین با افزایش جریان مدار اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_1$  نیز افزایش می یابد و لذا با توجه به ثابت بودن  $R_1$  جریان عبوری از مقاومت  $R_1$  افزایش می یابد.

با حرکت لغزنده رئوستا به سمت راست مقاومت کل مدار کاهش می یابد. بنابراین جریان عبوری از مقاومت  $R_1$  مطابق رابطه  $I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$  افزایش می یابد.

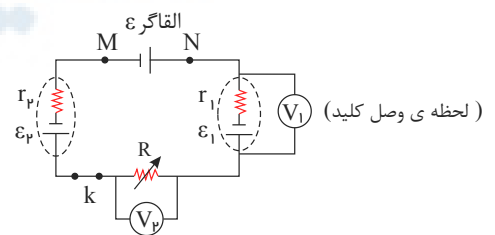
۲۷۷ - گزینه ۱ مطابق شکل، مولدها به صورت مخالف بسته شده اند. در لحظه وصل کلید جریان عبوری از القاگر در حال افزایش است. بنابراین مطابق قانون لنز در این لحظه القاگر مانند یک مولد عمل می کند که مانع عبور جریان از القاگر شود. از آن جا که در این لحظه  $V_N > V_M$  است، بنابراین پایانه مثبت این مولد به نقطه  $N$  و پایانه منفی آن به نقطه  $M$  متصل است. لذا باید جریان در مدار به صورت پادساعتگرد باشد یعنی  $\varepsilon_1 > \varepsilon_2$  است. پس از افزایش مقاومت  $R$  جریان عبوری در مدار کاهش می یابد، بنابراین عدد ولت سنج  $V_1$  کاهش می یابد.

$$V_1 = \varepsilon_1 + r_1 I \xrightarrow{I \downarrow} V_1 \downarrow$$

با کاهش جریان در مدار افت پتانسیل در مقاومت های درونی مولدها کاهش می یابد. بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R$  افزایش می یابد.

$$I = \frac{\varepsilon_2 - \varepsilon_1}{r_1 + r_2 + R} \Rightarrow \varepsilon_2 - \varepsilon_1 = \underbrace{r_1 I}_{V_{\varepsilon_1}} + \underbrace{r_2 I}_{V_{\varepsilon_2}} + \underbrace{RI}_{V_R} \xrightarrow{I \downarrow} V_R \downarrow$$

$\varepsilon_2 - \varepsilon_1 = \text{ثابت}$



۲۷۸ - گزینه ۳ اگر چگالی ۶ درصد کاهش یابد می توان نوشت:

$$\Delta \rho = -\frac{0.6}{100} \rho_1 = -\frac{6}{1000} \rho_1$$

از طرفی داریم:

$$\Delta\rho = -\rho_1 \alpha \Delta T \Rightarrow \frac{\Delta\rho}{\rho_1} = -\alpha \Delta T \Rightarrow -\frac{6}{1000} = -\alpha \Delta T$$

$$\Rightarrow \Delta T = \theta \Rightarrow \frac{6}{1000} = \alpha \theta \Rightarrow \alpha \theta = \frac{2}{1000}$$

اگر  $\Delta T = 2\theta$  برای درصد افزایش طول داریم:

$$\frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = \frac{L_1 \alpha \Delta T}{L_1} \times 100 = \alpha \times 2\theta \times 100 = 200 \times \frac{2}{1000} = 0.4\%$$

۲۷۹ - گزینه ۲ ابتدا مقدار بار منفی که جسم به دلیل گرفتن  $5 \times 10^{13}$  الکترون به دست می‌آورد را محاسبه می‌کنیم:

$$q = -ne \Rightarrow q = -5 \times 10^{13} \times 1.6 \times 10^{-19} = -8 \times 10^{-6} = -8 \mu C$$

وقتی این کره با بار اولیه  $q$ ،  $8 \mu C$  بار منفی را می‌گیرد بار آن منفی می‌شود و اندازه بار منفی آن  $\frac{2}{3}$  اندازه بار اولیه اش می‌شود:

$$q - 8 = -\frac{2}{3}q \Rightarrow \frac{5}{3}q = 8 \Rightarrow q = 4.8 \mu C$$

$$\text{کره با بار نهایی کره} = -\frac{2}{3} \times q = -\frac{2}{3} \times 4.8 = -3.2 \mu C$$

با اتصال این کره به کره رسانا و مشابه، بار هر کره نصف بار کل و خالص آن‌ها می‌شود:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{-3.2 + 19.2}{2} = 8 \mu C$$

مقدار باری که از یک به دیگری منتقل می‌شود برابر است با:

$$|q_1 - q'_1| = 19.2 - 8 = 11.2 \mu C$$

درواقع  $11.2 \mu C$  بار منفی از کره با بار  $-3.2 \mu C$  به کره با بار  $19.2 \mu C$  منتقل شده است.۲۸۰ - گزینه ۲ چون پروتون در خلاف جهت تمایل پرتاب می‌شود، ابتدا مسافت توقف ( $x$ ) را بر حسب  $d$  محاسبه می‌کنیم:

$$W_t = \frac{1}{2}(v^2 - v_0^2) \xrightarrow[v=0]{\text{توقف}} Eqx = \frac{1}{2}mv_0^2$$

$$\xrightarrow{E=\frac{\Delta V}{d}} \frac{400}{d} \times 1.6 \times 10^{-19} \times x = \frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} \times (100)^2 \Rightarrow x = \left(\frac{1}{8} \times 10^{-6}\right)d$$

چون  $x \ll \frac{d}{2}$  پس پروتون پس از حرکت به طرف صفحه  $M$ ، در نقطه‌ای متوقف می‌شود و سپس به طرف صفحه  $N$  حرکت می‌کند و قطعا با تندی بیش‌تر از  $100 \frac{m}{s}$  به صفحه  $N$  برخورد می‌کند.

۲۸۱ - گزینه ۳

$$U_1 = \frac{1}{2}CV^2 = \frac{1}{2} \times 10 \times 10^{-6} \times 100^2 = 5 \times 10^{-2} J$$

$$\frac{C_p}{C_1} = \frac{d_1}{d_p} \Rightarrow \frac{C_p}{10} = \frac{1}{1+0.2} \Rightarrow C_p = \frac{25}{3} \mu F$$

$$\text{خازن جدا از مولد} : \frac{U_p}{U_1} = \frac{C_1}{C_p} \Rightarrow \frac{U_p}{5 \times 10^{-2}} = \frac{10}{\frac{25}{3}} \Rightarrow U_p = 6 \times 10^{-2} J$$

$$\Rightarrow U_p = 6 \times 10^{-2} J \Rightarrow U_p - U_1 = 1 \times 10^{-2} = 10^{-2} J$$

۲۸۲ - گزینه ۴ اگر بخواهیم مقاومت سیم ۷۵ درصد کاهش یابد پس مقاومت سیم  $\frac{1}{4}$  مقاومت حالت اول است.

$$R_p = \frac{1}{4}R_1 \Rightarrow \rho \frac{L_p}{A_p} = \frac{1}{4} \rho \frac{L}{\pi r^2} \Rightarrow \frac{L_p}{A_p} = \frac{L}{4\pi r^2}$$

از طرفی چون باید از داخل سیم یک استوانه با شعاع  $x$  خالی کنیم، پس سطح مقطع در حالت جدید برابر است با:

$$A_p = \pi(r^2 - x^2)$$

$$\frac{L_p}{\pi(r^2 - x^2)} = \frac{L}{4\pi r^2} \Rightarrow \frac{L_p}{L} = \frac{r^2 - x^2}{4r^2}$$

$$\frac{r^2 - x^2}{4r^2} = n \Rightarrow r^2 - x^2 = 4r^2 n \Rightarrow x^2 = r^2(1 - 4n) \Rightarrow x = r\sqrt{1 - 4n} \Rightarrow n \leq \frac{1}{4}$$

حال فرض کنیم طول ثانویه سیم  $L_p = nL$  شود، داریم:حال اگر  $n = \frac{L_p}{L} = \frac{1}{8}$  باشد، در این صورت داریم:

$$x = r\sqrt{1 - 4 \times \frac{1}{8}} = r\sqrt{1 - \frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}r$$

هنگامی که طول آن  $\frac{1}{\lambda}$  برابر می شود شعاع استوانه ای که خالی می کنیم باید برابر  $r \frac{\sqrt{2}}{2}$  باشد.  
 اگر  $n = \frac{L_2}{L} = \frac{1}{6}$  باشد، داریم:

$$x = r \sqrt{1 - \frac{1}{6}} \Rightarrow x = \frac{\sqrt{3}}{3} r$$

۲۸۳ - گزینه ۲ چون نیروی ترمز هردو خودرو یکسان است، لذا با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی و با توجه به این که در این بازه حرکتی فقط نیروی ترمز روی ماشین کار انجام می دهد، خواهیم داشت:

$$W_{tA} = K_{vA} - K_{1A} = \frac{1}{2} m v_{vA}^2 - \frac{1}{2} m v_{1A}^2$$

$$\xrightarrow{W_{tA} = W_{fA} = -f_A d_A} -f_A d_A = \frac{1}{2} m (v)^2 - \frac{1}{2} m (2v)^2 \Rightarrow f_A d_A = \frac{3}{2} m v^2 \quad (1)$$

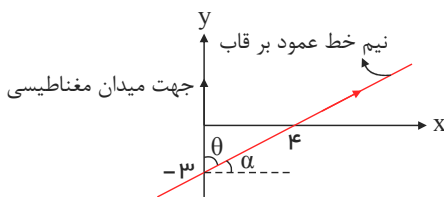
$$W_{tB} = K_{vB} - K_{1B} = \frac{1}{2} m v_{vB}^2 - \frac{1}{2} m v_{1B}^2$$

$$\xrightarrow{W_{tB} = W_{fB} = -f_B d_B} -f_B d_B = \frac{1}{2} m (v)^2 - \frac{1}{2} m (3v)^2 \Rightarrow f_B d_B = \frac{\lambda}{2} m v^2 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} \frac{f_B d_B}{f_A d_A} = \frac{d_B}{d_A} = \frac{\frac{\lambda}{2} m v^2}{\frac{3}{2} m v^2} = \frac{\lambda}{3}$$

۲۸۴ - گزینه ۳

باتوجه به شکل زیر، زاویه ی بین نیم خط عمود و بردار میدان برابر با  $\theta$  می باشد. از رابطه ی شار عبوری از قاب با استفاده از معادله ی نیم خط،  $\theta$  را به دست می آوریم.



$$\Phi = AB \cos \theta$$

$$y = \frac{3}{4} x - 3 \Rightarrow \tan \alpha = m = \frac{3}{4} \Rightarrow \hat{\alpha} = 37^\circ \xrightarrow{\hat{\alpha} + \hat{\theta} = 90^\circ} \hat{\theta} = 53^\circ$$

$$\Phi = AB \cos \theta \xrightarrow{\substack{A = 0.2 \times 0.3 = 0.06 m^2 \\ B = 0.5 T, \theta = 53^\circ}} \Phi = 0.06 \times 0.5 \times 0.6 = 1.8 \times 10^{-3} Wb$$

۲۸۵ - گزینه ۱ ابتدا مقدار افزایش دمای کره را به دست می آوریم، باتوجه به رابطه ی افزایش طول و ضریب انبساط طولی داریم:

$$\frac{\Delta R}{R_1} = \alpha \Delta T \xrightarrow{\substack{\Delta R = 0.5 \times 10^{-2} \\ R_1 = 10^{-2}}} 0.5 \times 10^{-2} = 10^{-4} \Delta T \Rightarrow \Delta T = 50^\circ C$$

مطابق رابطه ی گرمای ویژه، حجم فلز به کار رفته در کره را به دست می آوریم:

$$Q = mc \Delta T \xrightarrow{m = \rho V} Q = \rho V c \Delta T \Rightarrow 6000 = 15000 \times V \times 400 \times 50$$

$$\Rightarrow V = \frac{6000}{15000 \times 400 \times 50} = \frac{1}{1000 \times 50} m^3 = \frac{10^{-6}}{5 \times 10^4} cm^3 = 20 cm^3$$

$$V_{کره} = \frac{4}{3} \pi r^3, V_{فلز} = 20 cm^3$$

$$V_{حفره} = V_{کره} - V_{فلز} \xrightarrow{r = r_{cm}} V_{حفره} = \frac{4}{3} \times 3 \times 2^3 - 20 = 12 cm^3$$

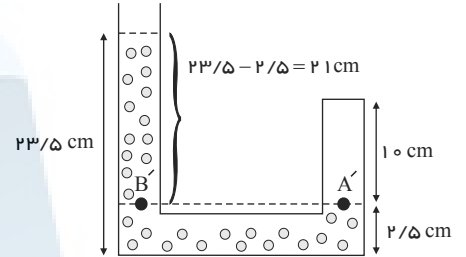
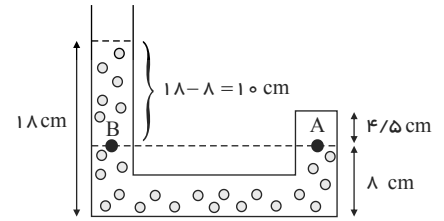
۲۸۶ - گزینه ۲ چون ارتفاع مایع در لوله سمت چپ ۵٫۵ سانتی متر ( $23.5 - 18 = 5.5 cm$ ) افزایش یافته است. بنابراین با توجه به این که میزان جرمی که از لوله راست خارج می شود برابر است با جرمی که وارد لوله چپ می شود و چون سطح مقطع لوله راست و چپ با هم برابر است همان ارتفاعی که به لوله چپ اضافه می شود از لوله راست کم می شود و مایع در شاخه سمت راست ۵٫۵ سانتی متر پایین می آید.

جمع بندی فیزیک پایه

$$P_{\text{گز}} = P_A = P_B = 10^4 \times 10 \times 0.1 + 10^5 = 1.1 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$P'_{\text{گز}} = P'_A = P'_B = 10^4 \times 10 \times 0.21 + 10^5 = 1.21 \times 10^5 \text{ Pa}$$

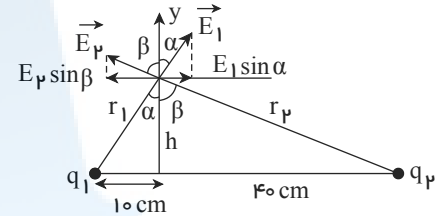
$$\frac{PV}{T} = \frac{P'V'}{T'} \Rightarrow \frac{1.1 \times 10^5 \times 4.5}{T_1} = \frac{1.21 \times 10^5 \times 10}{T_2} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{110}{45} = \frac{22}{9}$$



۲۸۷ - گزینه ۴ باتوجه به شکل از آنجایی که بردار میدان برآیند عمود بر خط واصل است یعنی قائم است. بنابراین برآیند میدان‌های الکتریکی در راستای محور  $x$  برابر صفر است، در نتیجه داریم:

$$E_1 \sin \alpha = E_2 \sin \beta \xrightarrow{\text{مقابل وتر}} \frac{kq_1}{r_1^2} \times \frac{10}{r_1} = \frac{kq_2}{r_2^2} \times \frac{40}{r_2}$$

$$\xrightarrow{q_2=2q_1} \frac{q_1}{r_1^3} = \frac{2q_1}{r_2^3} \times 4 \rightarrow \frac{r_2}{r_1} = 2 \rightarrow r_2 = 2r_1$$



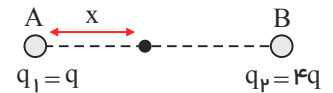
رابطه ی فیثاغورث  $\begin{cases} h^2 + 10^2 = r_1^2 \\ h^2 + 40^2 = r_2^2 \end{cases} \rightarrow r_1^2 - 10^2 = r_2^2 - 40^2 \rightarrow r_2^2 - r_1^2 = 1500$

$$\xrightarrow{r_2=2r_1} 3r_1^2 = 1500 \Rightarrow r_1 = 10\sqrt{3} \text{ cm}$$

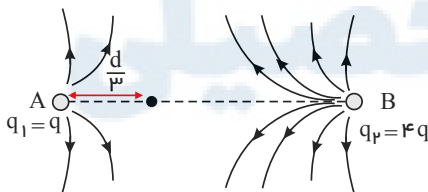
۲۸۸ - گزینه ۱

ابتدا محل نقطه تعادل (جایی که میدان خالص صفر است) را بدست می آوریم.

$$\frac{A}{x^2} = \frac{4A}{(d-x)^2} \xrightarrow{\text{جذر}} \frac{1}{x} = \frac{2}{d-x} \Rightarrow x = \frac{d}{3}$$



با حرکت در جهت خط‌های میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد. سپس با حرکت از  $A$  تا  $B$ ، پتانسیل الکتریکی تا  $\frac{d}{3}$  کاهش و سپس افزایش می‌یابد.



۲۸۹ - گزینه ۱ می‌دانیم (ماده بکار رفته واقعی)  $V = V_{\text{ظاهری}} - V_{\text{واقعی}}$  و از آنجایی که درون حفره آب ریخته‌ایم پس  $V_{\text{واقعی}} = \frac{m}{\rho_{\text{آلومینیوم}}}$  و  $V_{\text{حفره}} = \frac{m}{\rho_{\text{آب}}}$  ماده بکار رفته است. پس:

$$\frac{m}{\rho_{\text{آب}}} = V_{\text{کل}} - \frac{m}{\rho_{\text{آلومینیوم}}} \Rightarrow \frac{m_{\text{آب}}}{1} = 400 - \frac{m_{\text{AL}}}{2.7}$$

از طرفی چون جرم کل ۹۱۰ گرم بوده، پس:

$$m_{\text{آب}} + m_{\text{AL}} = 910 \rightarrow m_{\text{AL}} = 910 - m_{\text{آب}}$$

و داریم:

$$m_{\text{آب}} = 400 - \frac{(910 - m_{\text{آب}}) \times 2.7}{1} \rightarrow 2.7m_{\text{آب}} = 400 \times 2.7 - 910 + m_{\text{آب}} \Rightarrow 1.7m_{\text{آب}} = 170 \Rightarrow m_{\text{آب}} = 100 \text{ gr}$$

در ادامه چون  $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$  است، پس:  $V_{\text{آب}} = 100 \text{ cm}^3$

خواسته سؤال نسبت حجم آب (حفره) به حجم کل بر حسب درصد است؛ بنابراین داریم:

$$\frac{V_{\text{حفره}}}{V_{\text{کل}}} \times 100 = \frac{100}{400} \times 100 = 25\%$$

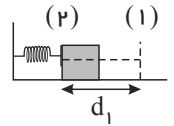
۲۹۰ - گزینه ۲ حداکثر انرژی ذخیره شده در فنر هنگامی است که تندی جسم برابر با صفر باشد. برای حل مسئله، قضیه کار - انرژی جنبشی را در مراحل مختلف حرکت می‌نویسیم:

(1) از لحظه برخورد به فنر A تا توقف جسم:

$$W_t = K_v - K_1 \Rightarrow W_{f_k} + W_e = K_v - K_1$$

$$\Rightarrow -f_k d_1 - \Delta U_e = 0 - K_1$$

$$\Rightarrow -10 \times d_1 - 99 = -\frac{1}{2} \times 2 \times 10^2 \Rightarrow d_1 = 0,1m$$



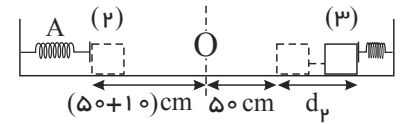
(2) از حداکثر فشردگی در فنر A تا حداکثر فشردگی در فنر B:

$$W_t = K_v - K_v \Rightarrow W_{e_A} + W_{e_B} + W_{f_k} = 0 - 0$$

$$\Rightarrow -\Delta U_{e_A} - \Delta U_{e_B} - f_k(0,6 + 0,5 + d_v) = 0$$

$$\Rightarrow -(99) - 186,5 - 10 \times 0,6 - 10 \times 0,5 - 10 d_v = 0$$

$$\Rightarrow 10 d_v = 1,5 \Rightarrow d_v = 0,15m$$



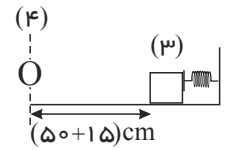
(3) از حداکثر فشردگی در فنر B تا عبور از نقطه O:

$$W_t'' = K_v - K_v \Rightarrow W_{e_B} + W_{f_k} = K_v - 0$$

$$\Rightarrow -\Delta U_{e_B} - f_k d = \frac{1}{2} m v_f^2$$

$$\Rightarrow -(-186,5) - 10 \times (0,5 + 0,15) = \frac{1}{2} \times 2 \times v_f^2$$

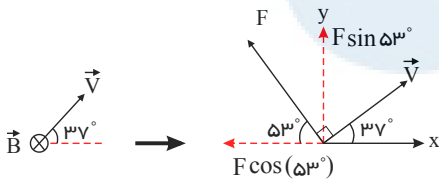
$$\Rightarrow v_f^2 = 10 \Rightarrow v_f = \sqrt{10} m/s$$



۲۹۱ - گزینه ۲ ابتدا مطابق رابطه زیر اندازه نیروی وارد بر ذره باردار را محاسبه می‌کنیم. در این رابطه باید توجه داشت که زاویه بین بردار سرعت و میدان مغناطیسی ۹۰ درجه می‌باشد.

$$F = |q| v B \sin(\theta) = 5 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^8 \times 100 \times 10^{-4} \times 1 = 10(N)$$

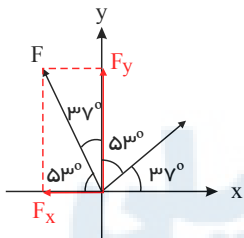
با توجه به قانون دست راست برای نیروی وارد بر ذره باردار درون میدان مغناطیسی، جهت این نیرو عمود بر بردار سرعت و میدان مغناطیسی و مطابق شکل می‌باشد.



$$\vec{F} = -F \cos(53^\circ) \vec{i} + F \sin(53^\circ) \vec{j} = -10 \times 0,6 \vec{i} + 10 \times 0,8 \vec{j} \Rightarrow \vec{F} = -6 \vec{i} + 8 \vec{j} (N)$$

نکته: اگر شکل را به درستی رسم کنیم (عمود بر بردار v) مشخص می‌شود که اول بردار F در ناحیه دوم است پس مقدار z مثبت و مقدار نامنفی است (رد)

گزینه‌های ۱ و ۳ و چون بردار F به محور y نزدیک تر از محور x است پس اندازه مؤلفه z باید از اندازه مؤلفه i بیشتر باشد (رد گزینه ۴) پس تنها گزینه ۲ شرایط فوق را دارد.

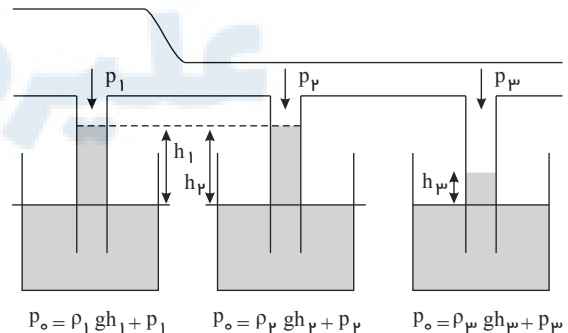


۲۹۲ - گزینه ۱ از معادله پیوستگی می‌دانیم هر چقدر مساحت قطع عبور جریان کم شود تندی یا سرعت سیال بیشتر می‌شود، پس:  $v_2 = v_3 > v_1$

طبق اصل برنولی با افزایش تندی فشار کاهش می‌یابد، پس:  $P_2 = P_3 < P_1$

حال با نوشتن تعادل فشار در ظروف داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} P_2 < P_1 \\ (1) \text{ و } (2) \longrightarrow \rho_1 g h_1 < \rho_2 g h_2 \longrightarrow \rho_1 < \rho_2 \text{ نتیجه} \\ P_2 = P_3 \\ (2) \text{ و } (3) \longrightarrow \rho_2 g h_2 = \rho_3 g h_3 \longrightarrow \rho_2 < \rho_3 \end{array} \right.$$



۲۹۳ - گزینه ۲ اگر ظرفیت گرمایی ظرف، مایع و قطعه فلز به ترتیب  $A_1, A_2, A_3$  باشد و  $\theta_1, \theta_2, \theta_3$  به ترتیب دمای مایع (و ظرف)، قطعه فلز و دمای تعادل نهایی باشد و Q گرمای داده شده به

هوای اطراف باشد، می‌توان نوشت:



$$\underbrace{A_1}_{m_1 c_1} (\theta_e - \theta_1) + \underbrace{A_p}_{m_p c_p} (\theta_e - \theta_1) + \underbrace{A_p}_{m_p c_p} (\theta_e - \theta_p) = -Q \Rightarrow (A_1 + A_p)(\theta_e - \theta_1) + A_p(\theta_e - \theta_p) = -Q$$

$$\Rightarrow (150 + 1050)(15 - 5) + A_p(15 - 75) = -3000 \Rightarrow A_p = 250 \frac{J}{^\circ C}$$

۲۹۴ - گزینه ۴ هنگامی که گلوله به یکی از صفحه‌ها تماس داده می‌شود، مقداری از بار صفحه به گلوله منتقل شده و گلوله توسط این صفحه رانده شده و از طرف صفحه‌ی مقابل ربایش می‌شود. پس از تماس گلوله با صفحه‌ی مقابل بار گلوله خنثی شده و مقداری از بار صفحه‌ی دوم به گلوله منتقل می‌شود. در نتیجه از صفحه‌ی دوم رانده و از طرف صفحه اول ربایش می‌شود و به همین ترتیب گلوله بین دو صفحه نوسان می‌کند تا وقتی که باری روی صفحه‌ها باقی نماند؛ آن‌گاه گلوله به وضع تعادل اولیه بر می‌گردد.

۲۹۵ - گزینه ۱ نکته: اگر در حجم ثابت یا جرم ثابت مشخصات ساختمانی سیم تغییر کند در اینصورت طول متناسب با عکس سطح مقطع سیم و سطح مقطع سیم نیز متناسب با مجذور شعاع تغییر می‌کند.  $(A \propto r^2, L \propto \frac{1}{A})$

$$r_p = \frac{\sqrt{L}}{r_1} \Rightarrow \frac{r_p}{r_1} = \frac{\sqrt{L}}{r_1} \Rightarrow \frac{A_p}{A_1} = \left(\frac{\sqrt{L}}{r_1}\right)^2 = \frac{1}{r_1^2} \Rightarrow \frac{L_p}{L_1} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{R_p}{R_1} = \frac{L_p}{L_1} \times \frac{A_1}{A_p} = 2 \times 2 = 4 \Rightarrow \frac{R_1}{R_p} = \frac{1}{4}$$

مطابق قانون اهم داریم:

$$I = \frac{V}{R} \Rightarrow \frac{I_p}{I_1} = \frac{V_p}{V_1} \times \frac{R_1}{R_p} \xrightarrow{V_p = 0.8V_1} \frac{I_p}{I_1} = 0.8 \times \frac{1}{4} = 0.2 \xrightarrow{\times 100} \%20$$

در نتیجه جریان عبوری از سیم رسانا ۸۰ درصد کاهش می‌یابد.  $(20 - 100 = 80)$

۲۹۶ - گزینه ۲ درحالت اول:

$$R_T = 2 + \frac{6 \times 3}{6 + 3} = 4 \Omega \Rightarrow I = \frac{\epsilon}{R + r} = \frac{14}{4 + 1} = 2.8 A$$

دو مقاومت  $3 \Omega$  و  $6 \Omega$  باهم موازی‌اند و ولتاژ دو سر آن‌ها باهم برابر است بنابراین:

$$V_{3\Omega} = V_{6\Omega} \Rightarrow I_1 R_1 = I_p R_p \Rightarrow 3I_1 = 6I_p \Rightarrow I_1 = 2I_p$$

$$\begin{cases} I_1 = 2I_p \\ I_1 + I_p = 2.8 \end{cases} \Rightarrow I_1 = \frac{2.8}{1.5} A, I_p = \frac{1.4}{1.5} A$$

پس آمپرسنج ایده‌آل  $I_1 = \frac{2.8}{1.5} A$  را نشان می‌دهد و چون ولت‌سنج با مقاومت ۲ اهمی موازی است پس اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۲ اهمی را نشان می‌دهد.

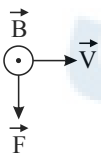
$$V = IR = 2 \times \frac{2.8}{1.5} = 5.6V$$

حالت دوم: با عوض کردن جای آمپرسنج و ولت‌سنج چون آمپرسنج ایده‌آل است پس دو سر مقاومت ۲ اهمی اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می‌شود. از طرفی چون ولت‌سنج ایده‌آل است از شاخه‌ی مقاومت ۳ اهمی نیز جریانی نمی‌گذرد و این مقاومت نیز در مدار نخواهد بود و عددی که ولت‌سنج نشان می‌دهد برابر ولتاژ دو سر مقاومت ۶ اهمی خواهد بود. یعنی:

$$I' = \frac{\epsilon}{R' + r} = \frac{14}{6 + 1} = 2A$$

$$V' = I'R = 2 \times 6 = 12V$$

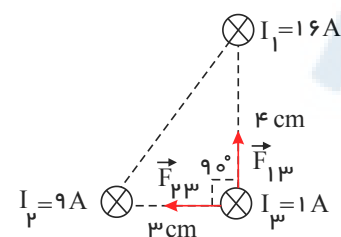
۲۹۷ - گزینه ۳ بر ذره نیروی وزن به طرف پایین وارد می‌شود که این نیرو باعث ایجاد شتاب  $g$  خواهد شد. برای اینکه شتاب ذره در لحظه ورود به میدان برابر با  $2g$  باشد، باید شتاب حاصل از نیروی مغناطیسی برابر با  $g$  و به سمت پایین باشد. بنابراین جهت نیروی مغناطیسی باید به طرف پایین باشد و طبق قاعده دست راست، جهت میدان مغناطیسی باید برون‌سو شود. داریم:



$$F = |q|vB \sin \theta \xrightarrow{\theta=90^\circ} mg = |q|vB \Rightarrow B = \frac{mg}{|q|v}$$

۲۹۸ - گزینه ۳

می‌دانیم اگر جریان الکتریکی دو سیم موازی و هم جهت باشند، نیروی بینشان ربابشی و اگر در دو سوی مخالف هم باشند، نیروی بین آنها رانشی است. بنابراین، با توجه به جهت جریان‌ها، سیم‌های (۱) و (۲) بر سیم (۳) نیروی ربابشی وارد می‌کنند که اندازه هر یک از رابطه  $F = L\ell B \sin \alpha$  به دست می‌آید.



در این حالت ابتدا،  $F_{13}$  و  $F_{23}$  را حساب می‌کنیم و با توجه به جهتشان، آن‌ها را برحسب بردار یکه می‌نویسیم. دقت کنید میدان‌های مغناطیسی  $B_1$  و  $B_2$  در مکان سیم (۳) با این سیم زاویه  $\theta = 90^\circ$  می‌سازند.

$$F_{13} = I_p \ell_p B_1 \sin 90^\circ \xrightarrow{\ell_p = 0,2m, I_p = 1A} \\ B_1 = 8 \times 10^{-5} T$$

$$F_{13} = 1 \times 0,2 \times 8 \times 10^{-5} \times 1 \Rightarrow F_{13} = 1,6 \times 10^{-5} N$$

$$\xrightarrow{+y \text{ در جهت } F_{13}} \rightarrow F_{13} = 1,6 \times 10^{-5} \vec{j} (N)$$

$$F_{23} = I_p \ell_p B_2 \sin 90^\circ \xrightarrow{B_2 = 6 \times 10^{-5} T} F_{23} = 112 \times 10^{-5} N$$

$$\xrightarrow{-x \text{ در جهت } F_{23}} \rightarrow F_{23} = -1,2 \times 10^{-5} \vec{i} (N)$$

بنابراین، برآیند نیروها برابر است با:

$$\vec{F}_t = \vec{F}_{13} + \vec{F}_{23} \Rightarrow \vec{F}_t = -1,2 \times 10^{-5} \vec{i} + 1,6 \times 10^{-5} \vec{j} (N)$$

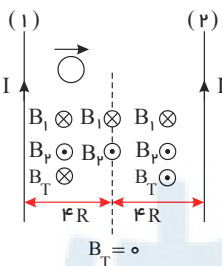
۲۹۹ - گزینه ۴ در این مدار با حرکت میله، میله به یک منبع نیروی محرکه‌ی الکتریکی تبدیل می‌شود و مانند یک باتری با نیروی محرکه‌ی  $\mathcal{E}' = BLV$  عمل می‌کند. طبق قاعده‌ی دست راست و قانون لنز نیروی محرکه‌ی القایی در میله از  $b$  به سمت  $a$  یعنی خلاف جهت نیروی محرکه‌ی مولدست. بنابراین اندازه‌ی جریان مدار برابر است با:

$$\mathcal{E}' = BLV = 0,6 \times 15 \times 0,2 = 1,8V$$

$$I = \frac{\mathcal{E} - \mathcal{E}'}{R} = \frac{2 - 1,8}{5} = \frac{0,2}{5} = 0,04A$$

۳۰۰ - گزینه ۲ طبق قاعده‌ی دست راست و مطابق شکل در فضای بین دو سیم جهت میدان حاصل از جریان سیم (۱) درون سو و جهت میدان حاصل از جریان سیم (۲) برون سو است. چون اندازه‌ی جریان عبوری از دو سیم مساوی است پس دقیقاً در وسط دو سیم بزرگی میدان مغناطیسی برآیند صفر می‌شود. بدیهی است که قبل از آن و سمت چپ، میدان برآیند درون سو و در حال کاهش و بعد از آن و سمت راست میدان مغناطیسی برآیند، برون سو و در حال افزایش خواهد بود.

با حرکت حلقه از مجاورت سیم (۱) و به ازای فاصله‌ی  $x < 4R$  چون میدان مغناطیسی برآیند درون سو و در حال کاهش است، پس شار عبوری از حلقه نیز در حال کاهش بوده و طبق قانون لنز جریان القایی ساعت گردی در حلقه ایجاد می‌شود تا میدان مغناطیسی القایی هم جهت با میدان مغناطیسی برآیند شده تا با کاهش شار مخالفت کند. و پس از عبور حلقه از وسط دو سیم و به ازای  $x > 4R$  چون میدان مغناطیسی برآیند برون سو و در حال افزایش است، پس شار عبوری از حلقه نیز افزایش یافته و طبق قانون لنز در این حالت نیز در حلقه جریان القایی ساعت گردی ایجاد می‌شود تا میدان مغناطیسی القایی در خلاف جهت میدان مغناطیسی برآیند شده و با افزایش شار مخالفت کند.



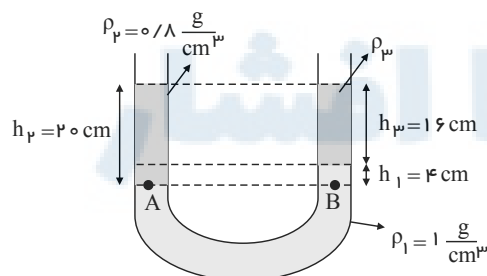
۳۰۱ - گزینه ۴ اگر مایع به چگالی  $\rho_p$  را به طرف راست لوله وارد کنیم دو حالت می‌تواند رخ دهد، داریم:

حالت اول:

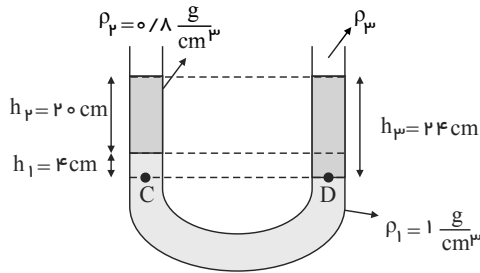
$$P_A = P_B \Rightarrow \rho_p g h_p + P_o = \rho_1 g h_1 + \rho_p g h_p + P_o$$

$$\Rightarrow \rho_p h_p = \rho_1 h_1 + \rho_p h_p \Rightarrow 0,8 \times 20 = 1 \times 4 + \rho_p \times 16$$

$$\Rightarrow \rho_p = \frac{12}{16} = \frac{3}{4} \frac{g}{cm^3}$$



حالت دوم:



$$P_C = P_D \Rightarrow \rho_1 g h_1 + \rho_2 g h_2 + P_0 = \rho_2 g h_2 + P_0 \Rightarrow \rho_1 h_1 + \rho_2 h_2 = \rho_2 h_2$$

$$\Rightarrow 1 \times 4 + 0.8 \times 20 = \rho_2 \times 24 \Rightarrow \rho_2 = \frac{20}{24} = \frac{5}{6} \frac{g}{cm^3}$$

پس گزینه ی «۴» پاسخ درست است.

۳-۲ - گزینه ۲ در حالت اول که قطعه شناور است، حجم آب جابه جا شده به اندازه ای است که وزن آن با وزن فلز برابر باشد، بنابراین حجم آب جابه جا شده از حجم قطعه ی فلز بیش تر است:

$$m_{\text{فلز}} = m_{\text{آب جابه جا شده}} \Rightarrow (\rho V)_{\text{فلز}} = (\rho V)_{\text{آب جابه جا شده}} \xrightarrow{\rho_{\text{آب}} > \rho_{\text{فلز}}} V_{\text{فلز}} < V_{\text{آب جابه جا شده}}$$

اما در حالت دوم که فلز در آب فرو می رود، حجم آب جابه جا شده برابر حجم قطعه ی فلز است (آب جابه جا شده  $V_{\text{فلز}} = V_{\text{آب جابه جا شده}}$ ) در نتیجه وقتی فلز را داخل مایع می اندازیم، مایع درون ظرف کم تر جابه جا می شود و سطح آن پائین تر خواهد آمد.

اما در مورد باسکول می توان گفت: «باسکول وزن هر آنچه را روی آن قرار دارد نشان می دهد»، و چون وزن این مجموعه در هر دو حالت یکسان است، بنابراین باسکول در هر دو حالت مقدار ثابتی برابر وزن مجموعه را نشان می دهد.

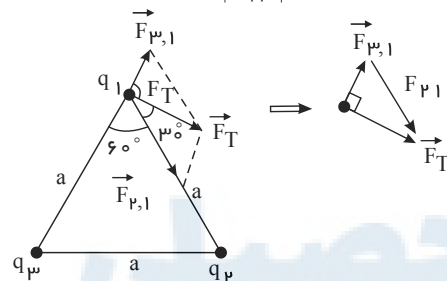
۳-۳ - گزینه ۴ چون پس از اتصال کره A به زمین، کره A خنثی می شود و نیروی الکتریکی بین کره ها صفر می شود، نتیجه می گیریم قبل از اتصال، کره A باردار و کره B خنثی بوده است. یعنی

$$q_A \cdot q_B = 0 \text{ قطعاً}$$

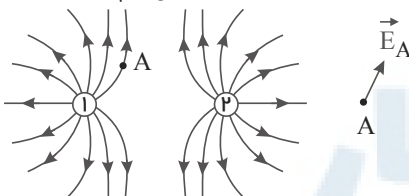
اگر  $q_A + q_B < 0$  است و اگر  $q_A + q_B > 0$  باشد، آنگاه  $q_A + q_B > 0$

۳-۴ - گزینه ۳ باتوجه به این که مثلث مورد نظر متساوی الاضلاع است، مطابق شکل زیر  $\vec{F}_T$  و  $\vec{F}_{r,1}$  بر هم عمودند، داریم:

$$\sin 30^\circ = \frac{|\vec{F}_{r,1}|}{|\vec{F}_T|} = \frac{k \frac{q_1 q_2}{r_{r,1}^2}}{k \frac{q_1 q_2}{r_{T,1}^2}} \xrightarrow{r_{r,1} = r_{T,1} = a} \frac{1}{2} = \frac{q_2}{q_1} \Rightarrow \frac{q_2}{q_1} = 2$$



۳-۵ - گزینه ۳ باتوجه به تراکم و جهت خطوط میدان درمی یابیم که قبل از اتصال دو کره، بار کره ۱، منفی و بار کره ۲، مثبت بوده و اندازه بار کره ۲، از اندازه بار کره ۱، بیش تر است. بنابراین پس از اتصال دو کره و تعادل بارها، هر دو کره دارای بار مثبت و هم اندازه می شوند و خطوط میدان در اطراف دو کره با بار مثبت مطابق شکل است و همان طور که می دانیم بردار میدان در هر نقطه برداری است مماس بر خط میدان در آن نقطه و هم جهت با آن.



۳-۶ - گزینه ۱ با استفاده از قضیه ی کار و انرژی (سال دهم)، می توان نوشت:

مجموع کارهای انجام شده = تغییرات انرژی جنبشی

$$\Delta K = W_t \Rightarrow \frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2 = W_E + W_{mg} \Rightarrow \frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2) = W_E + W_{mg}$$

باتوجه به جهت میدان الکتریکی و علامت بار، کار نیروی الکتریکی طی جابه جایی از نقطه ی A تا نقطه ی B مثبت است (چرا؟)، داریم:

$$\frac{1}{2} \times 20 \times 10^{-6} \times (3^2 - 0) = W_E + \frac{1}{5} W_E$$

$$\Rightarrow \frac{6}{5} W_E = 90 \times 10^{-6} \Rightarrow W_E = 75 \times 10^{-6} = 75 \mu J$$

راستی چرا کار میدان مثبت بود؟ چون نیروی میدان بر بار منفی خلاف جهت میدان (پس رو به پایین) و جابه جایی هم رو به پایین بنابراین کار مثبت.

۳۰۷ - گزینه ۴ ابتدا نیروی وزن و نیروی الکتریکی وارد بر ذره را حساب می‌کنیم:

$$W = mg = (10^{-20}) \times 10 = 10^{-19} N$$

$$F_E = E|q| = 0.8 \times 1.6 \times 10^{-19} = 1.28 \times 10^{-19} N$$



بنابراین برآیند نیروها رو به بالا است. جهت حرکت اولیه رو به پایین است و کار برآیند نیروها در این جهت ابتدا منفی است. پس طبق قضیه کار و انرژی جنبشی، انرژی جنبشی جسم کاهش می‌یابد تا جسم متوقف شود. پس از توقف، جسم شروع به حرکت به سمت بالا می‌کند و این بار چون کار برآیند نیروها در جهت حرکت مثبت است، طبق قضیه کار و انرژی جنبشی، انرژی جنبشی جسم افزایش می‌یابد.

۳۰۸ - گزینه ۴ جرم سیم در هر دو حالت یکسان است. بنابراین حجم سیم‌ها در دو حالت یکسان است و داریم: (سیم با سطح مقطع دایره‌ای را با اندیس (۱) و سیم با سطح مقطع مربعی را با اندیس (۲) نشان می‌دهیم).

$$V_1 = V_2 \Rightarrow L_1 A_1 = L_2 A_2 \Rightarrow \frac{L_1}{L_2} = \frac{A_2}{A_1}$$

$$\Rightarrow \frac{L_1}{L_2} = \frac{a^2}{\frac{\pi a^2}{4}} \Rightarrow \frac{L_1}{L_2} = \frac{4}{\pi}$$

باتوجه به رابطه‌ی بین ویژگی‌های فیزیکی سیم و مقاومت الکتریکی آن، داریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \frac{L_1}{L_2} \times \frac{A_2}{A_1} \xrightarrow{\frac{L_1}{L_2} = \frac{A_2}{A_1}} \frac{R_1}{R_2} = \left(\frac{L_1}{L_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2$$

۳۰۹ - گزینه ۳ توان خروجی مولد از رابطه  $P = \varepsilon I - rI^2$  به دست می‌آید.

$$\Rightarrow P = \varepsilon I - rI^2 = 0 \Rightarrow \varepsilon = rI \xrightarrow[r=2\Omega]{\varepsilon=1V} I = \frac{1}{2} A$$

برای این که جهت جریان حاصل از مولد القایی را در مدار تعیین کنیم فرض می‌کنیم مولد القایی به صورت محرکه با مولد  $\varepsilon$  در مدار قرار داشته باشد داریم:

$$I = \frac{\varepsilon + \varepsilon_m}{R + r} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1 + \varepsilon_m}{2 + 2} \Rightarrow \varepsilon_m = 1V$$

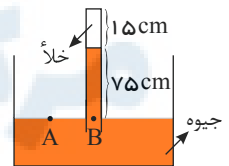
چون  $\varepsilon_m > 0$  است، بنابراین جهت قرارگیری آن در مدار صحیح است. داریم:

$$\varepsilon_m = Blv \Rightarrow 1 = 5 \times 4 \times v \Rightarrow v = \frac{1}{20} m/s = 5 cm/s$$

چون جریان القایی در جهت جریان مولد یعنی ساعتگرد است، در نتیجه باید عامل ایجاد تغییر شار، شار مغناطیسی را کاهش داده باشد و این به معنی این است که میله باید به سمت چپ حرکت کند.

۳۱۰ - گزینه ۳ ابتدا فشار هوا را محاسبه می‌کنیم:

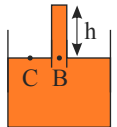
$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = 75 cmHg$$



حال فرض کنیم که لوله را تا جایی درون ظرف فرو برده‌ایم که لوله پُر از جیوه شده است و نیروی  $4N$  از طرف جیوه بر انتهای لوله وارد می‌شود:

$$F_{\text{انتهای لوله}} = P_{\text{انتهای لوله}} \times A$$

$$4 = P_{\text{انتهای لوله}} \times 2 \times 10^{-4}$$



$$\Rightarrow P_{\text{انتهای لوله}} = 2 \times 10^4 Pa = 2 \times 10^4 Pa \times \frac{75 cmHg}{10^5 Pa} = 15 cmHg$$

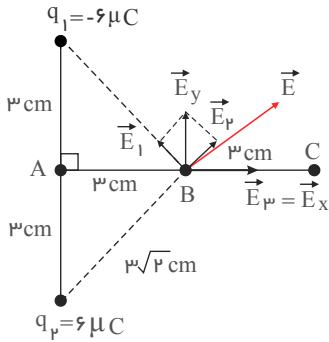
$$P_C = P_B \Rightarrow P_0 = P_{\text{جیوه}} + P_{\text{انتهای لوله}} \Rightarrow 75 = h + 15 \Rightarrow h = 60 cm$$

بنابراین لوله را می‌توان حداکثر  $30 cm = (75 + 15) - 60$  درون ظرف وارد کرد.

۳۱۱ - گزینه ۳ در شکل، مؤلفه‌های میدان الکتریکی برآیند رسم شده است. اگر فرض کنیم بار  $q_p$  در نقطه A قرار داشته باشد، با توجه به محل قرارگیری سه بار و هم‌چنین با توجه به اینکه بردار

برآیند همواره بین دو بردار قرار دارد. می‌توان نتیجه گرفت. مؤلفه  $E_{yx}$  ناشی از برآیند میدان‌های  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  و مؤلفه  $E_{xy}$  ناشی از میدان  $E_p$  بوده است. چون  $E_{yx}$  باید بین  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  باشد؛ جهت این دو میدان به صورت نمایش داده شده در شکل خواهد بود. در نتیجه بار  $q_1$  منفی و بار  $q_2$  مثبت و این دو بار ناهم‌نام بوده‌اند.

جمع بندی فیزیک پایه



$$E_1 = E_2 = \frac{k|q_r|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 6 \times 10^{-6}}{(3\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} = 3 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$E_{1,2} = E_y = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \sqrt{(3 \times 10^4)^2 + (3 \times 10^4)^2} = 3\sqrt{2} \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$E_t = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} \Rightarrow 5\sqrt{2} \times 10^4 = \sqrt{E_x^2 + (3\sqrt{2} \times 10^4)^2} \Rightarrow E_x = 4\sqrt{2} \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$E_x = E_r = \frac{k|q_r|}{r^2} \Rightarrow 4\sqrt{2} \times 10^4 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_r|}{(3 \times 10^{-2})^2} \Rightarrow |q_r| = 4\sqrt{2} \times 10^{-6} \text{ C} = 4\sqrt{2} \mu\text{C}$$

دقت کنید اگر بار  $q_r$  در مکان  $C$  نیز قرار داشت، فقط علامت آن عوض می شد.

۳۱۲ - گزینه ۱. باتوجه به تغییر مشخصات ساختمانی خازن و با استفاده از رابطه  $C = k\epsilon \frac{A}{d}$ ، داریم:

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{k_2}{k_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2} \Rightarrow 1 = \frac{1/6}{1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{10d_1} \Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = \frac{100}{16}$$

چون صفحه‌ی خازن مستطیلی است، مساحت صفحات خازن با توان دوم ابعاد صفحات متناسب است. پس وقتی مساحت صفحات  $\frac{100}{16}$  برابر می شود که ابعاد صفحات آن  $\frac{10}{4}$  یا  $\frac{5}{2}$  برابر شود.

۳۱۳ - گزینه ۲

$$(U = \frac{1}{2} CV^2) \text{ خازن وصل به مولد: } \frac{U'}{U} = \frac{C'}{C} = \frac{d}{d'} \Rightarrow \frac{U'}{U} = \frac{d}{3d} = \frac{1}{3} \quad (1)$$

$$(U = \frac{1}{2} q^2/C) \text{ خازن جدا از مولد: } \frac{U''}{U'} = \frac{C'}{C''} = \frac{k'}{k''} \Rightarrow \frac{U''}{U'} = \frac{1}{2} \xrightarrow{(1)} \frac{U''}{\frac{1}{3}U} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{U''}{U} = \frac{1}{6}$$

۳۱۴ - گزینه ۴ چون سیم را ذوب کردیم. پس حجم آن ثابت می ماند و نسبت سطح برابر عکس نسبت طول خواهد شد.

$$V_1 = V_2 \xrightarrow{V=AL \text{ حجم سیم}} A_1 L_2 \Rightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{L_2}{L_1}$$

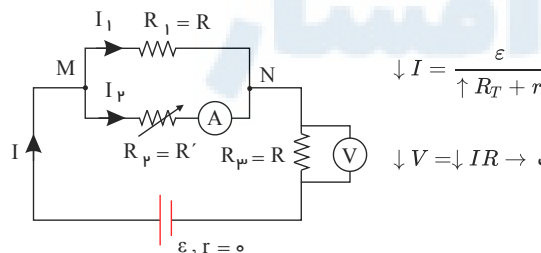
از طرفی طبق رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$  برای مقایسه دو حالت داریم:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{\text{ثابت } \rho} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{4}{100} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2$$

$$\xrightarrow{\sqrt{\text{از طرفین}}} \frac{2}{10} = \frac{L_2}{45} \Rightarrow L_2 = 9m = 900 \text{ cm}$$

۳۱۵ - گزینه ۴

با افزایش مقاومت رئوستا، مقاومت معادل مدار افزایش یافته در نتیجه جریان اصلی مدار کاهش می یابد.



$$\downarrow I = \frac{\epsilon}{\uparrow R_T + r}$$

پس با کاهش جریان ولت سنج نیز کاهش یافته و عدد کم تری را نشان می دهد زیرا با ثابت ماندن  $R$  داریم:

$$\downarrow V = \downarrow IR \rightarrow \text{ثابت}$$

چون  $r = 0$  است پس  $\epsilon$  ثابت و برابر با:  $\epsilon = \downarrow V + V_{MN} \uparrow$  (ثابت)

باتوجه به شکل دو مقاومت  $R_1$  و  $R_2$  موازی بوده و اختلاف پتانسیل دو سر آنها برابر  $V_{MN}$  است. پس می توان نوشت:

$$\uparrow V_{MN} = \uparrow I_1 R \rightarrow \text{ثابت}$$

یعنی با ثابت بودن  $R$  با افزایش  $V_{MN}$ ،  $I_1$  نیز افزایش می یابد در نتیجه داریم:

$$\downarrow = I = \uparrow I_1 + I_p \downarrow$$

یعنی با کاهش جریان اصلی مدار و افزایش  $I_1$  برای حفظ تساوی باید به ناچار  $I_p$  کاهش یابد.

۳۱۶ - گزینه ۴ ابتدا توان خروجی (مفید) موتور الکتریکی را به کمک رابطه کار - انرژی جنبشی به دست می آوریم.

$$W_{\text{وزن}} + W_{\text{موتور}} + W_{\text{اصطکاک}} = \cancel{K_2 - K_1} \Rightarrow W_{\text{موتور}} = -(W_{\text{وزن}} + W_{\text{اصطکاک}})$$

$$\Rightarrow W_{\text{موتور}} = - \left( (-\Delta U) + \left( -\frac{25}{100}(mg) \times h \right) \right) = mgh + \frac{25}{100}mgh = \frac{5}{4}mgh$$

همچنین می دانیم:

$$h = v\Delta t \Rightarrow h = 2,4\Delta t$$

پس توان خروجی (مفید) موتور الکتریکی برابر است با:

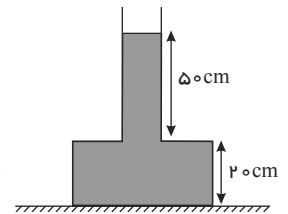
$$\bar{P}_{\text{خروجی}} = \frac{W_{\text{موتور}}}{\Delta t} = \frac{\frac{5}{4} \times mg \times 2,4\Delta t}{\Delta t} = 3mg = 3 \times 400 \times 10 = 12000W = 12kW$$

باتوجه به رابطه‌ی بازده داریم:

$$\text{توان خروجی} = \frac{\text{توان خروجی}}{\text{توان ورودی}} \times 100 \Rightarrow 60 = \frac{12kW}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 \Rightarrow P_{\text{ورودی}} = 20kW$$

۳۱۷ - گزینه ۱ فضای خالی در قسمت پایین ظرف معادل  $250cm^3$  است ( $250 = 50 \times (20 - 15)$ ). بنابراین از  $500cm^3$  آب اضافه شده به میزان  $250cm^3$  وارد قسمت باریک ظرف می شود و تا ارتفاع  $50cm$  بالا می آید ( $50cm = \frac{250cm^3}{5cm^2}$ ). بنابراین در کل به میزان  $55cm$  به ارتفاع آب موجود اضافه شده است. پس:

$$\Delta F_{\text{ظرف}} = \rho g \Delta h \cdot A = 1000 \times 10 \times 0,55 \times 50 \times 10^{-4} = 27,5N$$



از طرفی به میزان وزن اضافه شده، به نیروی وارد بر سطح تکیه گاه اضافه می شود:

$$\Delta F_{\text{تکیه گاه}} = W_{\text{اضافه شده}} = mg = \rho Vg = 1000 \times 0,5 \times 10^{-3} \times 10 = 5N$$

۳۱۸ - گزینه ۱ چون ظرف استوانه‌ای شکل است فشار ناشی از مایع در کف ظرف برابر است با:

$$P_{\text{ظرف}} = \frac{W_{\text{آب}} + W_{\text{یخ}}}{A}$$

از آن جا که با ذوب شدن جرم مجموعه تغییر نمی کند. بنابراین فشار ناشی از مایع در کف ظرف تغییر نمی کند.

در ابتدا حجم استوانه برابر با مجموع حجم هوا، یخ و آب موجود در ظرف است. با ذوب شدن یخ حجم آن کاهش می یابد و با توجه به ثابت ماندن حجم استوانه، حجم هوای محبوس افزایش و لذا فشار هوا کاهش می یابد.

۳۱۹ - گزینه ۳ طبق اصل ارشمیدس اگر جسمی در آب فرو رود، آب نیرویی به سمت بالا بر آن وارد می کند که اندازه آن با وزن آب جابه‌جا شده توسط جسم برابر است. بنابراین ابتدا جرم مکعب را به دست می آوریم:

$$m = \rho V = 2,5 \times 10^3 = 2500g = 2,5kg$$

حال وزن مکعب را به دست می آوریم:

$$W = mg = 2,5 \times 10 = 25N$$

عددی که نیروسنج در حال تعادل نشان می دهد برابر است با تفاضل وزن جسم و نیروی شناوری و خود نیروی شناوری برابر وزن مایع بیرون ریخته شده می باشد. بنابراین وزن مایع بیرون ریخته شده برابر است با:

$$\text{وزن مایع بیرون ریخته} = 25 - 20 = 5N$$

$$\text{جرم آب بیرون ریخته شده} = \frac{\text{وزن}}{10} = \frac{5}{10} = 0,5kg = 500g$$

حال می توان حجم مقدار آب را به دست آورد:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{500}{1} \Rightarrow V = 500cm^3$$

$$h = \frac{V}{A} = \frac{500cm^3}{100cm^2} = 5cm$$

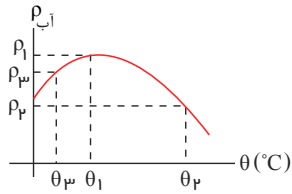
۱۰. ارتفاع قسمتی از مکعب که در آب فرو رفته:

۳۲۰ - گزینه ۳ دمای آب درون سه ظرف را برحسب درجه سلسیوس به دست می آوریم:

$$F_1 = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow 39,2 = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow \frac{9}{5}\theta_1 = 7,2 \Rightarrow \theta_1 = 4^\circ C$$

$$\theta_p = 14^\circ C$$

$$T_p = \theta_p + 273 \Rightarrow 276 = \theta_p + 273 \Rightarrow \theta_p = 3^\circ$$



آب در دمای  $4^\circ C$  بیشترین چگالی را دارد و در بازه صفر تا چهار درجه سلسیوس چگالی آب افزایش و بعد از چهار درجه سلسیوس چگالی آب کاهش می یابد:

$$\Rightarrow \rho_1 > \rho_p, \quad \rho_1 > \rho_s$$

بنابراین با توجه به گزینه ها، گزینه ۳ صحیح است.

۳۲۱ - گزینه ۱ از آن جایی که  $F$  بر وتر عمود است می توان زاویه های کناری  $F$  را تشخیص داد (که  $\alpha$  و  $\beta$  هستند) حال اگر  $F$  را بر روی ضلع های مثلث تجزیه کنیم، هر کدام از نیرو های  $F_{p1}$  و  $F_{p2}$  ظاهر می شوند و داریم:

$$\text{یادآوری کنیم که (مجاور وتر)} \quad (\cos \theta = \frac{\text{مجاور}}{\text{وتر}})$$

$$F \cos \beta = F_{p1} \rightarrow F \times \frac{8}{10} = \frac{kq_1 q_p}{e^2} \Rightarrow q_p = \frac{36 \times 0.8 F}{kq_1}$$

$$F \cos \alpha = F_{p2} \rightarrow F \times \frac{6}{10} = \frac{kq_1 q_p}{8^2} \Rightarrow q_p = \frac{64 \times 0.6 F}{kq_1}$$

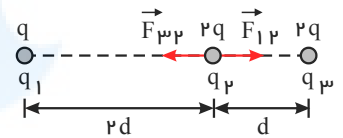
$$\Rightarrow \frac{q_p}{q_p} = \frac{36 \times 0.8 F}{64 \times 0.6 F} = \frac{3}{4}$$

از آن جایی که  $q_p$  و  $q_s$  هر دو  $q_1$  را جذب کرده اند، پس هر دو هم نام اند.

۳۲۲ - گزینه ۳ در حالت اول نیروهای وارد بر  $q_p$  را مشخص کرده و مقدار آنها را حساب می کنیم:

$$F_{1p} = k \frac{|q_1| |q_p|}{r_{1p}^2} \Rightarrow F_{1p} = k \frac{q \times 2q}{4d^2} = 0.5k \frac{q^2}{d^2}$$

$$F_{2p} = k \frac{|q_2| |q_p|}{r_{2p}^2} \Rightarrow F_{2p} = k \frac{2q \times 2q}{d^2} = 4k \frac{q^2}{d^2}$$

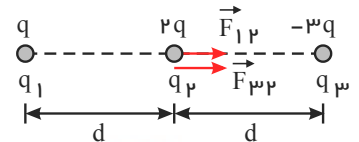


با توجه به این که این دو نیرو در خلاف جهت یکدیگرند، برآیند آنها برابر با  $F = 3.5k \frac{q^2}{d^2}$  می شود.

در حالت دوم نیز داریم:

$$F_{1p} = k \frac{|q_1| |q_p|}{r^2} \Rightarrow F_{1p} = k \frac{q \times 2q}{d^2} = 2k \frac{q^2}{d^2}$$

$$F_{2p} = k \frac{|q_2| |q_p|}{r_{2p}^2} \Rightarrow F_{2p} = k \frac{2q \times 3q}{d^2} = 6k \frac{q^2}{d^2}$$



با توجه به علامت بارها، این دو نیرو هم جهت بوده و برآیند آنها  $F' = 8k \frac{q^2}{d^2}$  می شود.

در نتیجه نسبت اندازه برآیند نیروهای وارد بر  $q_p$  در حالت دوم به حالت اول برابر است با:

$$\frac{F'}{F} = \frac{8k \frac{q^2}{d^2}}{3.5k \frac{q^2}{d^2}} = \frac{16}{7}$$

۳۲۳ - گزینه ۳

$$x = Aa^r + Bv^s \Rightarrow cm = [A] \times \left(\frac{dam}{ds^r}\right)^r + [B] \times \left(\frac{nm}{\mu s}\right)^s$$

برای برقراری تساوی، دو طرف باید یکای یکسانی داشته باشند. همچنین برای آن که بتوانیم طرف راست تساوی  $x = Aa^r + Bv^s$  را با هم جمع کنیم نیز باید کمیت ها یکای یکسانی داشته باشند. بنابراین:

$$\begin{cases} cm = [A] \times \left(\frac{dam}{ds^r}\right)^r & (1) \\ cm = [B] \times \left(\frac{nm}{\mu s}\right)^s & (2) \end{cases}$$

$$(1): cm = [A] \times \left(\frac{dam}{ds^r}\right)^r \Rightarrow 10^{-2} m = [A] \times \left(\frac{10^1 m}{(10^{-1} s)^r}\right)^r$$

$$\Rightarrow 10^{-2} m = [A] \times \frac{10^r m^r}{10^{-r} s^r} \Rightarrow [A] = 10^{-8} \frac{s^r}{m} = 10^{-8} \frac{s^r}{m} \times \left(\frac{10^r cs}{1s}\right)^r = 1 \frac{cs^r}{m}$$

$$(۲) : cm = [B] \times \left(\frac{nm}{\mu s}\right)^r \Rightarrow 10^{-2} m = [B] \times \left(\frac{10^{-9} m}{10^{-6} s}\right)^r$$

$$\Rightarrow 10^{-2} m = [B] \times \frac{10^{-27} m^r}{10^{-18} s^r} \Rightarrow [B] = 10^9 \frac{s^r}{m^r}$$

$$= 10^9 \frac{s^r}{m^r} \times \left(\frac{10^{-1} das}{1 s}\right)^r \times \left(\frac{1 m}{10^2 cm}\right)^r = 1 \frac{das^r}{cm^r}$$

۳۲۴ - گزینه ۱ وقتی زمان توقف کم تر است، باید جابه جایی کم تری هم توسط الکترون انجام شده باشد. با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} m (v^r - v_0^r) \xrightarrow{v=0} Eqd = \frac{1}{2} m v_0^r \Rightarrow d = \frac{m v_0^r}{2Eq}$$

چون  $v_0$ ،  $m$  و  $q$  ثابت هستند، هرچه میدان قوی تر باشد،  $d$  هم کم تر است و زمان توقف هم کاهش می یابد.

با توجه به جهت پرتاب الکترون و با توجه به خطاهای میدان، تراکم خطوط میدان الکتریکی در شکل (۱) بیشتر است. بنابراین میدان (۱) بعد از طی مسافتی معین قوی تر است و در نتیجه مسیر توقف الکترون در گزینه (۱) کمتر از سایر گزینه ها می باشد.

۳۲۵ - گزینه ۳ می دانیم رابطه ی تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی بار برابر با منفی کار میدان الکتریکی مطابق رابطه زیر است:

$$\Delta U = -W \quad (1)$$

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \quad (۲)$$

$$\xrightarrow{(1),(۲)} \Delta V = \frac{-W}{q} \Rightarrow \begin{cases} \Delta V = \frac{-W_1}{2 \times 10^{-6}} \\ \Delta V = \frac{-W_2}{(-4) \times 10^{-6}} \end{cases} \Rightarrow \frac{-W_1}{2 \times 10^{-6}} = \frac{-W_2}{(-4) \times 10^{-6}}$$

$$\rightarrow W_2 = -2W_1$$

$$W_1 = -2W_2 + 0,6mJ \rightarrow 3W_1 = 0,6mJ \rightarrow W_1 = 0,2mJ, \quad W_2 = -0,4mJ$$

از طرفی طبق گفته سوال  $0,6mJ = W_1 + W_2$ ، بنابراین:

کافیست  $W_1$  یا  $W_2$  را در رابطه  $\Delta V = \frac{W}{q}$  قرار دهیم:

$$\Delta V = \frac{-W_2}{q_2} = \frac{0,4 \times 10^{-6}}{-4 \times 10^{-6}} \Rightarrow \Delta V = -100V$$

۳۲۶ - گزینه ۳

$$\Delta U = q\Delta V = q(V_B - V_A) = +4\mu C ((+20) - (-10)) = +400\mu J = 4 \times 10^{-4} J$$

$$\text{پایستگی انرژی} \Rightarrow \Delta U + \Delta K = 0 \Rightarrow \Delta K = -\Delta U = -4 \times 10^{-4} J$$

$$\Delta K = \frac{1}{2} m V_B^r - \frac{1}{2} m V_A^r = \frac{m}{2} (V_B^r - V_A^r) = \frac{4 \times 10^{-4}}{2} (V_B^r - V_A^r) = -4 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow V_B^r - V_A^r = -200 \Rightarrow V_B^r = V_A^r - 200 = (20\sqrt{5})^r - 200 = 1800$$

$$\Rightarrow V_B = \sqrt{1800} = 30\sqrt{2} m/s$$

پس پاسخ گزینه ۳ است.

۳۲۷ - گزینه ۱ در نقطه B، تندی ذره صفر می شود.

$$\frac{\Delta V}{d} = \frac{\Delta V_{AB}}{d_{AB}} \Rightarrow \frac{200}{20} = \frac{\Delta V_{AB}}{10} \Rightarrow \Delta V_{AB} = 100V$$

از قضیه کار و انرژی استفاده می کنیم.

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_B^r - v_A^r) \Rightarrow q\Delta V = \frac{1}{2} m v_A^r$$

$$\Rightarrow q \times 100 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-6} \times 10^2 \Rightarrow q = 10^{-6} C = 1\mu C$$

چون ذره با حرکت در خلاف جهت خطاهای میدان متوقف شده، پس بار آن مثبت بوده است.

۳۲۸ - گزینه ۱

$$v = v' \Rightarrow Ed = E'd' = \varepsilon \xrightarrow{d'=d+\frac{vd}{v}} \begin{cases} E = \frac{\varepsilon}{d} \\ E' = \frac{2\varepsilon}{3d} \end{cases}$$

در ابتدا ذره ساکن است، بنابراین اندازه نیروی وزن و اندازه نیروی الکتریکی وارد بر ذره با یکدیگر برابر است. با جابه جایی صفحه بالایی، اندازه میدان الکتریکی بین صفحات خازن کاهش می یابد و



لذا با کاهش اندازه نیروی الکتریکی، بار به سمت پایین شروع به حرکت می‌کند.

$$W_t = \Delta K \Rightarrow mg \frac{d}{2} - E' |q| \frac{d}{2} = \frac{1}{2} m v^2 - 0 \xrightarrow{mg=E|q|} E |q| \frac{d}{2} - E' |q| \frac{d}{2} = \frac{1}{2} m v^2$$

$$\xrightarrow{E=\frac{\varepsilon}{d}, E'=\frac{2\varepsilon}{3d}} |q| \frac{d}{2} \left( \frac{\varepsilon}{d} - \frac{2\varepsilon}{3d} \right) = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow \frac{\varepsilon |q|}{6} = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow v^2 = \frac{\varepsilon |q|}{3m} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{\varepsilon |q|}{3m}}$$

$$\xrightarrow{\varepsilon=10^6, m=15mg=15 \times 10^{-6} kg} v = \sqrt{\frac{10 \times 2 \times 10^{-6}}{3 \times 15 \times 10^{-6}}} = \frac{2}{3} m/s$$

$$|q|=2\mu C=2 \times 10^{-6} C$$

۳۲۹ - گزینه ۳ با هر بار تا کردن سیم طول آن  $\frac{1}{2}$  برابر حالت قبل و سطح مقطع آن ۲ برابر حالت قبل می‌شود.

پس با  $n$  بار تا کردن داریم:

$$A_r = 2^n A_1, \quad L_r = \frac{1}{2^n} L_1$$

در نتیجه طبق رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$  داریم:

$$\frac{R_r}{R_1} = \frac{\rho_r}{\rho_1} \times \frac{L_r}{L_1} \times \frac{A_1}{A_r} \xrightarrow{\text{ثابت } \rho} \frac{R_r}{R_1} = \frac{\frac{1}{2^n} L_1}{L_1} \times \frac{A_1}{2^n A_1} = \frac{1}{2^n} \times \frac{1}{2^n} = \frac{1}{2^{2n}}$$

۳۳۰ - گزینه ۱

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \xrightarrow{q_r = \frac{20}{100} q_1} I = \frac{q_1 - 0.2 q_1}{\Delta t} \Rightarrow \Delta = \frac{0.8 q_1}{\Delta \times 3600}$$

$$\Rightarrow q_1 = 112500 C \Rightarrow \Delta q = \frac{80}{100} q_1 = 90000 C$$

$$\text{انرژی باتری} : U = qV = 90000 \times 12 = 1080000 J \xrightarrow{\times 10^{-6}} 1.08 MJ$$

۳۳۱ - گزینه ۲

$$\frac{V_r}{V_1} = \frac{I_r}{I_1} \times \frac{R_r}{R_1} \Rightarrow \frac{V_r}{220} = \frac{11}{10} \times \frac{R_r}{R_1} \xrightarrow{R=\rho \frac{L}{A}} \frac{V_r}{220} = \frac{11}{10} \times \left( \frac{d_1}{d_r} \right)^2$$

$$\xrightarrow{d_r = \frac{110}{100} d_1} \frac{V_r}{220} = \frac{11}{10} \times \left( \frac{100}{110} \right)^2 \Rightarrow V_r = 220 \times \frac{11}{10} \times \frac{100}{121} = 200 V$$

$$\Delta V = V_r - V_1 = 200 - 220 = -20 V$$

۳۳۲ - گزینه ۲ روش اول: طبق رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$  برای رسانایی (سیم  $AB$ ) با سطح مقطع  $A$  و چگالی  $\rho$ ، مقدار مقاومت خارجی که در مدار قرار می‌گیرد با طول سیم متناسب است. باتوجه به این

که مقاومت الکتریکی سیم  $AB$  به طول  $1m = 100cm$  برابر  $100\Omega$  است، داریم:

حالت اول: وقتی فاصله نقطه اتصال  $C$  از نقطه  $A$  برابر  $1cm$  است.

$$\frac{100cm}{1cm} \left| \frac{100\Omega}{R_1} \right. \Rightarrow R_1 = 1\Omega$$

حالت دوم: وقتی فاصله نقطه اتصال  $C$  از نقطه  $B$  برابر  $19cm$  است.

$$\frac{100cm}{19cm} \left| \frac{100\Omega}{R_r} \right. \Rightarrow R_r = 19\Omega$$

اکنون با استفاده از رابطه توان مصرفی مقاومت خارجی و باتوجه به این که توان مصرفی در این سیم در دو حالت یکسان است، داریم:

$$P = RI^2 = R \frac{\varepsilon^2}{(R+r)^2}$$

$$P_1 = P_r \Rightarrow R_1 \frac{\varepsilon^2}{(R_1+r)^2} = R_r \frac{\varepsilon^2}{(R_r+r)^2} \Rightarrow 1 \times \frac{1}{(1+r)^2} = 19 \times \frac{1}{(19+r)^2} \Rightarrow r = 9\Omega$$

روش دوم: اگر به ازای مقاومت خارجی  $R_1$  و  $R_r$  توان خروجی مولد (توان مصرفی مقاومت خارجی) یکسان باشد، برای مقاومت درونی ( $r$ ) رابطه  $r = \sqrt{R_1 R_r}$  برقرار است.

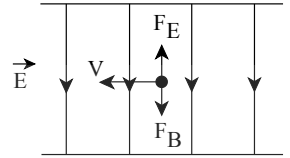
$$R_1 = 1\Omega, \quad R_r = 19\Omega$$

$$r = \sqrt{R_1 R_r} = \sqrt{1 \times 19} = 9\Omega$$

۳۳۳ - گزینه ۴ نیروی الکتریکی وارد بر الکترون در میدان الکتریکی بین صفحات در خلاف جهت میدان الکتریکی یعنی به طرف بالا می‌باشد، پس اگر قرار باشد الکترون از مسیر مستقیم‌الخط خود منحرف نشود باید نیروی مغناطیسی وارد بر آن به طرف پایین باشد، بنابراین طبق قاعده دست راست نتیجه می‌گیریم میدان مغناطیسی باید برون سو باشد. همچنین از نظر اندازه نیز باید

نیروی الکتریکی و مغناطیسی برابر باشند تا الکترون بدون انحراف از مسیر خود بگذرد:

$$F_B = F_E \Rightarrow qvB = Eq \Rightarrow 500 \times B = \frac{\Delta V}{d} \Rightarrow 500 \times B = \frac{20}{2 \times 10^{-2}} \Rightarrow 500 \times B = 1000 \Rightarrow B = 2(T)$$



۳۳۴ - گزینه ۴ با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی نیروی مقاومت هوا ( $f_D$ ) را به دست می آوریم:

$$Fd - f_D d - Wd = \Delta K \xrightarrow{v_0 = 0} Fd - f_D d - Wd = \frac{1}{2} mv^2$$

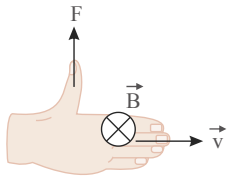
$$\xrightarrow{\substack{d=32m, W=mg=20N \\ m=2kg, v=16m/s, F=30N}} 30 \times 32 - f_D \times 32 - 20 \times 32 = \frac{1}{2} \times 2 \times 16^2 \rightarrow f_D = \frac{320 - 16^2}{32} \rightarrow f_D = 2N$$

اکنون مسافت طی شده توسط گلوله از لحظه قطع نیروی F تا لحظه تغییر جهت حرکت گلوله را به دست می آوریم. با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$-f_D \times d' - mg \times d' = \frac{1}{2} mv_1^2 - \frac{1}{2} mv^2 \xrightarrow{v_1 = 0} -2 \times d' - 20 \times d' = -16^2 \rightarrow d' = \frac{16^2}{22} = \frac{128}{11} m$$

$$\rightarrow W_{f_D} = -f_D \times 2(d + d') = -2 \times 2 \times (32 + \frac{128}{11}) = \frac{-1920}{11} J \quad \text{بنابراین:}$$

۳۳۵ - گزینه ۲ شرط عدم انحراف ذره این است که نیروی خالص وارد بر آن صفر شود. (دو نیروی خلاف جهت و هم اندازه) طبق قاعده درست راست نیروی مغناطیسی رو به بالا به ذره وارد می شود.



پس نیروی الکتریکی باید رو به پایین باشد تا آن را خنثی کند. از آنجایی که جهت نیروی الکتریکی وارد بر بار مثبت هم جهت با خطوط میدان است، پس میدان باید رو به پایین باشد و لذا  $V_C > V_D$  (رد گزینه های ۳ و ۴)

از طرفی دو نیروی مغناطیسی و الکتریکی علاوه بر خلاف جهت بودن باید هم اندازه باشند، پس:

نیروی مغناطیسی  $F = F_{\text{الکتریکی}}$

$$Eq = qvB \sin \theta$$

$$\xrightarrow{\substack{E = \frac{V}{d} \\ \theta = 90^\circ \text{ داده می شود}}} \frac{V}{d} = v \times B$$

$$\frac{V}{0.1} = 5 \times 10^4 \times 100 \times 10^{-2} \rightarrow V = 50(V) \xrightarrow{V_C > V_D} V_C - V_D = 50(V)$$

۳۳۶ - گزینه ۲

نکته: اگر از سیمی به طول  $L$  تعداد  $N$  حلقه به شعاع  $R$  درست کنیم تعداد حلقه ها از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$N = \frac{\text{طول سیم}}{\text{محیط حلقه ها}} = \frac{L}{2\pi R}$$

$$N = \frac{L}{2\pi R} = \frac{60}{2 \times 3 \times 0.02} = 500 \quad \text{دور}$$

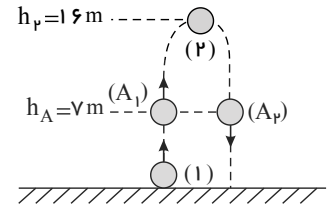
دقت کنید، چون یک متر از سیم مقاومتی برابر با  $2\Omega$  دارد، بنابراین مقاومت  $60$  متر آن برابر با  $120\Omega = 60 \times 2$  است. حال طبق رابطه  $I = \frac{V}{R}$  از فصل جریان الکتریکی مقدار شدت جریان را به دست می آوریم:

$$I = \frac{V}{R} \rightarrow I = \frac{60}{120} \Rightarrow I = 0.5A$$

$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} \xrightarrow{\substack{l=0.1m, I=0.5A \\ N=500 \text{ دور}}} B = 4 \times 3 \times 10^{-7} \times \frac{500}{0.1} \times 0.5 \Rightarrow B = 3 \times 10^{-3} T = 30G$$

۳۳۷ - گزینه ۱ با توجه به ثابت بودن اندازه نیروی مقاومت هوا در کل مسیر و با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مرجع انرژی پتانسیل گرانشی داریم:

قانون پایستگی انرژی:  $E_r - E_1 = W_f \Rightarrow -fh = (U_r + K_r) - (U_1 + K_1)$   
 $K_r = 0, U_1 = 0$   
 $\rightarrow -fh = mgh_r - \frac{1}{2}mv_1^2$   
 $\Rightarrow -16f = 2 \times 10 \times 16 - \frac{1}{2} \times 2 \times 20^2 \Rightarrow f = 5N$



اگر قانون پایستگی انرژی را در زمان اوج گرفتن گلوله بنویسیم:

$E_{1A} - E_1 = W_{1f} \Rightarrow (U_{1A} + K_{1A}) - (U_1 + K_1) = W_{1f}$   
 $U_1 = 0$   
 $\rightarrow mgh_A + \frac{1}{2}mv_{1A}^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = -fh_A$   
 $2 \times 10 \times 7 + \frac{1}{2} \times 2 \times v_{1A}^2 - \frac{1}{2} \times 2 \times 20^2 = -5 \times 7 \Rightarrow v_{1A}^2 = 225 \Rightarrow v_{1A} = 15 \frac{m}{s}$

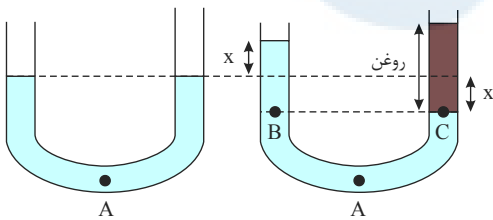
اگر قانون پایستگی انرژی را هنگام سقوط گلوله بنویسیم، داریم:

$E_{rA} - E_r = W_{rf} \Rightarrow (U_{rA} + K_{rA}) - (U_r + K_r) = W_{rf}$   
 $K_r = 0$   
 $\rightarrow mgh_A + \frac{1}{2}mv_{rA}^2 - mgh_r = -f(h - h_A)$   
 $\Rightarrow 2 \times 10 \times 7 + \frac{1}{2} \times 2 \times v_{rA}^2 - 2 \times 10 \times 16 = -5(16 - 7) \Rightarrow v_{rA}^2 = 135$   
 $\Rightarrow v_{rA} = 3\sqrt{15} \frac{m}{s}$

بنابراین:

$\frac{v_{1A}}{v_{rA}} = \frac{15 \frac{m}{s}}{3\sqrt{15} \frac{m}{s}} = \frac{5}{\sqrt{15}}$

۳۳۸ - گزینه ۲



با ریختن روغن در شاخه سمت راست، آب به اندازه  $x$  پایین می‌رود و در لوله سمت چپ آب به اندازه  $x$  بالا می‌رود. با مساوی قرار دادن فشار نقاط هم‌تراز  $B$  و  $C$  در یک مایع ساکن قرار دارند، می‌توان نوشت:

$P_B = P_C \Rightarrow 2x\rho_{\text{آب}} = h_{\text{روغن}}\rho_{\text{روغن}} \Rightarrow 2x \times 1 = 16 \times 0.8 \Rightarrow x = 6.4cm$

با توجه به شکل فشار در نقطه  $A$  به اندازه فشار ناشی از ارتفاع  $6.4cm$  ستون آب افزایش می‌یابد که با تبدیل آن به پاسکال داریم:

$P = \rho_{\text{آب}}gh \Rightarrow P = 1000 \times 10 \times 0.064 = 640Pa$

۳۳۹ - گزینه ۱

$h = 80 - 15 = 65cm \Rightarrow P_{\text{جوهر}} = 65cmHg$   
 $P_{\text{ته لوله}} = P_0 - P_{\text{جوهر}} = 75cmHg - 65cmHg$   
 $\Rightarrow P_{\text{ته لوله}} = 10cmHg = 13600 \times 0.1 \times 10 = 1360 \times 10^3 Pa$   
 $F = P_{\text{ته لوله}} \times A = 1360 \times 10^3 \times 10 \times 10^{-4} = 136N$

۳۴۰ - گزینه ۱ طبق رابطه انبساط خطی:

$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta \Rightarrow \alpha = \frac{\Delta L}{L_1 \Delta \theta}$

از طرفی شعاع حلقه برابر است:

$L_1 = 2\pi R \Rightarrow R = \frac{L_1}{2\pi} \quad A_1 = \pi r^2 = \pi \times \frac{L_1^2}{4\pi^2} = \frac{L_1^2}{4\pi}$

مساحت حلقه افزایش می‌یابد و بصورت زیر حساب می‌شود:

$\Delta A = A_1 \times 2\alpha \times \Delta \theta \Rightarrow \Delta A = \frac{L_1}{2\pi} \times 2 \times \frac{\Delta L}{L_1 \times \Delta \theta} \times \Delta \theta$   
 $= \frac{L_1 \times \Delta L}{\pi} = \frac{12000 \times 0.1}{\pi} = 200mm^2$

۳۴۱ - گزینه ۴ در تعادل گرمایی مخلوط آب و یخ چون پس از تعادل، مقداری یخ ذوب نشده باقی می‌ماند، پس دمای تعادل برابر صفر درجه سلسیوس است. از طرفی ابتدا کل یخ  $20^\circ C$  به دمای صفر درجه‌ی سلسیوس می‌رسد و سپس نصف جرم آن ذوب می‌شود پس اگر جرم اولیه‌ی یخ را  $m$  و جرم یخ ذوب شده را  $m_1$  و جرم آب اولیه را  $m_2$  بنامیم. داریم:

$$-20^\circ C_{\text{یخ}} \xrightarrow{Q_1} 0^\circ C_{\text{یخ}} \xrightarrow{Q_2} 0^\circ C_{\text{آب}} \xleftarrow{Q_3} 10^\circ C_{\text{آب}}$$

$$\Sigma Q = 0 \Rightarrow Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \Rightarrow mc_{\text{یخ}}\Delta\theta + m_1 L_F + m_2 c_{\text{آب}}\Delta\theta = 0$$

$$\Rightarrow 2m_1 \times \frac{1}{2}c_{\text{یخ}} \times (0 - (-20)) + m_1 \times 80c_{\text{آب}} + m_2 c_{\text{آب}} \times (0 - 10) = 0 \Rightarrow m_1 = m_2$$

$$\text{جرم آب پس از تعادل} = m_1 + m_2 = 3kg \xrightarrow{m_1=m_2} m_1 = m_2 = 1.5kg$$

$$\text{جرم قطعه یخ اولیه: } m = 2m_1 = 3kg$$

۳۴۲ - گزینه ۳ روش اول:

اگر نیروی برآیند وارد بر بار  $q$  را  $F_T$  بنامیم در حالت اول و دوم داریم:

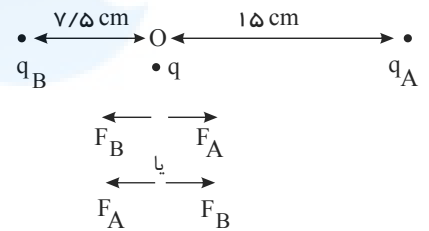
$$\left. \begin{array}{l} \text{حالت ۱} \quad \vec{F}_T = \vec{F}_A + \vec{F}_B \\ \text{حالت ۲} \quad \vec{F}'_T = \vec{F}_B \\ \text{(حذف بار } q_A) \end{array} \right\}$$

سوال گفته نیروی برآیند فقط تغییر جهت می‌دهد

$$\vec{F}'_T = -F_T \rightarrow \vec{F}_B = -(\vec{F}_A + \vec{F}_B)$$

$$\rightarrow 2\vec{F}_B = -\vec{F}_A$$

نتیجه اینکه نیروی بارهای  $q_A$  و  $q_B$  بر بار  $q$  خلاف جهت است (علامت -)، پس مطابق شکل هر دو بار  $q$  را دفع یا هر دو بار  $q$  را جذب می‌کنند. بنابراین هر دو بار  $q_A$  و  $q_B$  هم‌نامند. (ردّ گزینه‌های ۱ و ۲) از طرفی هم طبق رابطه  $2\vec{F}_B = -\vec{F}_A$  داریم:



$$\begin{aligned} \rightarrow |2\vec{F}_B| &= |\vec{F}_A| \\ \frac{2kq_Bq}{(v/5)^2} &= \frac{kq_Aq}{15^2} \\ \xrightarrow{\text{حذف } k} \frac{2 \times q_B}{(v/5)^2} &= \frac{q_A}{15^2} \xrightarrow{15=2 \times v/5} \frac{2q_B}{(v/5)^2} \\ &= \frac{q_A}{4 \times (v/5)^2} \rightarrow 2q_B = \frac{q_A}{4} \rightarrow \frac{q_A}{q_B} = 8 \end{aligned}$$

روش دوم:

به دلیل این که نیروی وارد بر بار دلخواه  $q$  پس از خنثی کردن بار  $q_A$  فقط تغییر جهت داده است. بنابراین قبل از خنثی کردن بار  $q_A$ ، اندازه نیروی حاصل از بار  $q_A$  به بار  $q$  باید ۲ برابر اندازه نیروی حاصل از بار الکتریکی  $q_B$  به بار  $q$  و در جهت خلاف آن باشد.

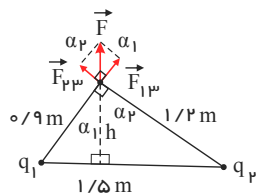
$$\frac{F_A}{F_B} = 2 \Rightarrow \frac{\frac{k|q_A|}{r_A^2}}{\frac{k|q_B|}{r_B^2}} = 2 \Rightarrow \frac{|q_A| \times r_B^2}{|q_B| \times r_A^2} = 2 \xrightarrow{\frac{r_B}{r_A} = \frac{v/5}{15} = \frac{1}{3}} \frac{|q_A|}{|q_B|} \times \frac{1}{4} = 2 \Rightarrow \frac{|q_A|}{|q_B|} = 8$$

چون جهت نیروها متفاوت است پس بارهای  $q_A$  و  $q_B$  هم‌نام هستند.

$$\frac{q_A}{q_B} = 8$$

۳۴۳ - گزینه ۱

با توجه به شکل، طول ضلع سوم مثلث را به دست می‌آوریم:



$$r_{23} = \sqrt{(1.5)^2 - (0.9)^2} = 1.2m$$

$$\begin{cases} \cos \alpha_1 = \frac{h}{0.9} \\ \cos \alpha_2 = \frac{h}{1.2} \end{cases} \begin{cases} \cos \alpha_1 = \frac{F_{12}}{F} \\ \cos \alpha_2 = \frac{F_{23}}{F} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{h}{\frac{1}{2}} = \frac{F_{13}}{F} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{F_{13}}{F} \Rightarrow F_{13} = \frac{1}{2}F$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{F_{23}}{F} \Rightarrow F_{23} = \frac{1}{2}F$$

$$\Rightarrow F = \sqrt{(F_{13})^2 + (F_{23})^2} = \sqrt{(\frac{1}{2}F)^2 + (\frac{1}{2}F)^2} = \frac{1}{\sqrt{2}}F$$

$$\Rightarrow F_{13} = 16N$$

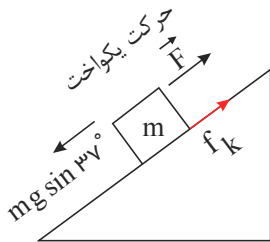
$$\Rightarrow F = \sqrt{(16)^2 + (12)^2} = 20N$$

گزینه ۱ - ۳۴۴

$$\text{حالت اول: } \frac{9}{16}F = \left(\frac{r}{r+1}\right)^2 \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{r}{r+1} \Rightarrow r = 3cm$$

$$\text{حالت دوم: } \frac{F+25}{F} = \left(\frac{r}{r-1}\right)^2 \Rightarrow \frac{F+25}{F} = \left(\frac{3}{2}\right)^2 \Rightarrow F = 20N$$

گزینه ۲ - ۳۴۵

تذکر: جهت حرکت عکس جهت نیروی  $F$  می باشد، بنابراین از ابتدا مشخص است که کار این نیرو منفی است و گزینه های ۳ و ۴ غلط هستند.

ابتدا دیاگرام آزاد جسم را رسم می کنیم:

حال قانون دوم نیوتون را برای این دستگاه می نویسیم:

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow F + f_k = mg \sin 37^\circ \Rightarrow F = mg \sin 37^\circ - mg \mu_k \cos 37^\circ$$

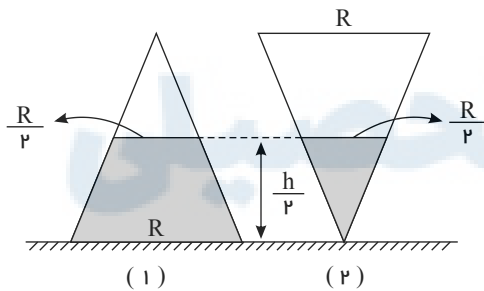
$$\Rightarrow F = 20 \times 10 \times 0.6 - \frac{1}{4} \times 20 \times 10 \times \frac{8}{10} \Rightarrow F = 80N$$

برای یافتن کار نیروی  $F$  داریم:

$$W = Fd \cos \alpha \xrightarrow{\alpha=180^\circ} W = 80 \times 2 \times (-1) = -160J$$

گزینه ۲ - ۳۴۶

حجم مایع ریخته شده در مخروطها را به دست می آوریم. از آن جایی که این حجمها در مدت زمان یکسانی پر شده اند، نسبت حجم مایع ریخته شده در ظرفها برابر نسبت آهنگ ورود مایع به ظرفها است.



$$\left\{ \begin{aligned} V_1 &= \frac{1}{3}\pi R^2 h - \frac{1}{3}\pi \left(\frac{R}{2}\right)^2 \left(\frac{h}{2}\right) = \frac{1}{3}\pi R^2 h \left(1 - \frac{1}{8}\right) = \frac{7}{24}\pi R^2 h \\ V_2 &= \frac{1}{3}\pi \left(\frac{R}{2}\right)^2 \left(\frac{h}{2}\right) = \frac{1}{24}\pi R^2 h \end{aligned} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{7} \Rightarrow \text{آهنگ پر شدن ظرف ۱ است } \frac{1}{7} \text{، آهنگ پر شدن ظرف ۲ است } \frac{1}{7}$$

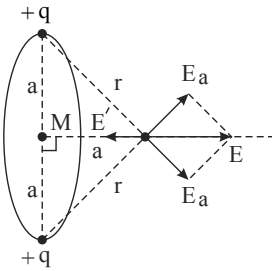
$$\Rightarrow x \frac{dm^2}{\min} = \frac{1}{7} \times 35 \frac{cm^3}{s} \Rightarrow x \frac{(10^{-1}m)^3}{60s} = \frac{(10^{-2}m)^3}{s}$$

$$\Rightarrow \frac{x \times 10^{-3}m^3}{60s} = \frac{5 \times 10^{-6}m^3}{s} \Rightarrow x = \frac{60 \times 5 \times 10^{-6}}{10^{-3}} = 0.3$$

بنابراین پاسخ گزینه ۲ است.

۳۴۷ - گزینه ۴

وضعیت نقطه مورد نظر نسبت به بارهای  $+q$  و نقطه  $M$  را می‌توانیم به صورت شکل روبه‌رو نشان دهیم. میدان‌های الکتریکی ناشی از بارهای  $+q$  در نقطه مورد نظر را که هم‌اندازه‌اند و بر هم عمود هستند  $E_q$  فرض می‌کنیم و برآیند آن‌ها را که در راستای محور عمود بر سطح دایره قرار می‌گیرد  $E$  می‌نامیم.



$$E = \sqrt{E_q^2 + E_q^2} = \sqrt{2}E_q = \sqrt{2}k\frac{q}{r^2} \xrightarrow{r=\sqrt{2}a} E = \sqrt{2}k\frac{q}{(\sqrt{2}a)^2} = \frac{\sqrt{2}}{2}k\frac{q}{a^2}$$

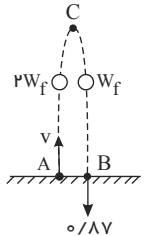
اگر بار نقطه  $M$  را  $q'$  فرض کنیم،  $q'$  باید منفی باشد و مطابق شکل میدان الکتریکی آن ( $E'$ ) قرینه برآیند میدان‌های الکتریکی بارهای دیگر ( $E$ ) باشد.

$$E' = E \Rightarrow k\frac{|q'|}{a^2} = \frac{\sqrt{2}}{2}k\frac{q}{a^2} \Rightarrow |q'| = \frac{\sqrt{2}}{2}q \Rightarrow q' = -\frac{\sqrt{2}}{2}q$$

بنابراین پاسخ گزینه ۴ است.

۳۴۸ - گزینه ۱ چون اتلاف انرژی وجود دارد طبق قانون پایستگی انرژی، هنگامی که گلوله به زمین می‌رسد، کار برآیند نیروهای وارد بر جسم برابر با کار نیروی مقاومت هوا بر روی جسم است.

$$\begin{aligned} W_t &= W_g + 2W_f + W_f \Rightarrow 2W_f + W_f = E_B - E_A \\ \Rightarrow 3W_f &= (U_B + K_B) - (U_A + K_A) \xrightarrow{U_B=U_A} 3W_f = K_B - K_A \\ \Rightarrow 3W_f &= \frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2) \xrightarrow{\substack{v_B=0.8v \\ v_A=v}} 3W_f = \frac{1}{2}m((0.8v)^2 - v^2) \\ \Rightarrow 3W_f &= \frac{1}{2}m(-0.36v^2) \Rightarrow W_f = -0.12mv^2 \end{aligned}$$



حال با توجه به مقدار کار نیروی مقاومت هوا در مسیر رفت که برابر  $2W_f = -0.12mv^2$  است طبق قانون پایستگی انرژی بین نقاط  $A$  و  $C$  می‌نویسیم:

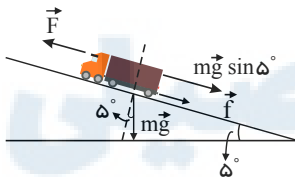
$$2W_f = E_C - E_A \Rightarrow 2W_f = (U_C + K_C) - (U_A + K_A)$$

$$\xrightarrow{\substack{K_C=0 \\ U_A=0}} -0.12mv^2 = mgh - \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow mgh = 0.5mv^2 - 0.12mv^2 = 0.38mv^2 \Rightarrow h = \frac{0.38mv^2}{mg} = 0.38\frac{v^2}{g}$$

۳۴۹ - گزینه ۳

مجموع نیروی اصطکاک جنبشی و مقاومت هوا را با  $f$  نشان می‌دهیم و نیروی پیش‌برنده کامیون را با  $F$  نشان می‌دهیم.



تندی کامیون ثابت است. طبق قضیه کار - انرژی جنبشی، کار برآیند نیروهای وارد بر جسم صفر است:

$$W_t = 0 \Rightarrow F_t \cdot d = 0 \xrightarrow{d \neq 0} F_t = 0$$

$$F = mg \sin \delta + f = mg \sin \delta + 0.2(mg) = mg(0.08 + 0.2) \quad \text{بنابراین:}$$

$$= 5000 \times 10 \times (0.1) \Rightarrow F = 5000N$$

$$W_F = Fd = 5000 \times 72000$$

کامیون ۷۲ کیلومتر را در مدت زمان ۱ ساعت طی می‌کند. بنابراین:

$$\bar{P} = \frac{W_F}{\Delta t} = \frac{5000 \times 72000}{3600} = 100000W = 100kW$$

توجه کنید که می‌توانستیم از رابطه  $\bar{P} = Fv$  نیز استفاده کنیم:

$$v = 72 \frac{km}{h} = 20 \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow \bar{P} = 5000 \times 20 = 100000W = 100kW$$

۳۵۰ - گزینه ۴ هنگامی که گلوله را از سطح مایع  $\rho_1$  رها می‌کنیم و به درون مایع فرو می‌رود، نتیجه می‌شود نیروی وزن آن از نیروی شناوری وارد بر گلوله از طرف مایع  $\rho_1$  بیش‌تر است و با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی، تندی گلوله هنگامی که در مایع  $\rho_1$  حرکت می‌کند بر حسب  $x$  به صورت زیر می‌باشد.

$$W_t = \Delta K \Rightarrow (W - F_{b_1})x = \frac{1}{2}mv^2 - 0 \Rightarrow v^2 = \frac{2(W - F_{b_1})}{m}x$$

بنابراین  $v^2$  بر حسب  $x$  خطی می‌باشد.

حال هنگامی که گلوله به مرکز جدایی دو محیط می‌رسد ممکن است نیروی شناوری وارد بر گلوله مایع  $\rho_f$  برابر با وزن جسم باشد که در این حالت طبق قضیه کار - انرژی جنبشی، تندی گلوله تا هنگامی که به کف ظرف می‌رسد ثابت می‌ماند یا اگر نیروی شناوری کمتر از وزن جسم باشد که در این صورت مانند حالت اول با رابطه خطی افزایش پیدا می‌کند ولی دقت کنید در این حالت (مایع  $\rho_f$ ) چگالی مایع و در نتیجه نیروی شناوری بیش تر است شیب نمودار کم تر از حالت اول می‌شود.



مرکز مشاوره تحصیلی

علیرضا افشار

### پاسخنامه کلیدی

۱ - ۲	۴۲ - ۳	۸۳ - ۲	۱۲۴ - ۲	۱۶۵ - ۴	۲۰۶ - ۲	۲۴۷ - ۳
۲ - ۱	۴۳ - ۴	۸۴ - ۲	۱۲۵ - ۴	۱۶۶ - ۴	۲۰۷ - ۱	۲۴۸ - ۱
۳ - ۲	۴۴ - ۴	۸۵ - ۱	۱۲۶ - ۳	۱۶۷ - ۲	۲۰۸ - ۳	۲۴۹ - ۲
۴ - ۳	۴۵ - ۱	۸۶ - ۱	۱۲۷ - ۳	۱۶۸ - ۲	۲۰۹ - ۱	۲۵۰ - ۳
۵ - ۱	۴۶ - ۴	۸۷ - ۲	۱۲۸ - ۳	۱۶۹ - ۱	۲۱۰ - ۳	۲۵۱ - ۳
۶ - ۴	۴۷ - ۲	۸۸ - ۲	۱۲۹ - ۲	۱۷۰ - ۱	۲۱۱ - ۳	۲۵۲ - ۳
۷ - ۲	۴۸ - ۲	۸۹ - ۲	۱۳۰ - ۱	۱۷۱ - ۱	۲۱۲ - ۲	۲۵۳ - ۳
۸ - ۱	۴۹ - ۳	۹۰ - ۴	۱۳۱ - ۱	۱۷۲ - ۲	۲۱۳ - ۲	۲۵۴ - ۳
۹ - ۱	۵۰ - ۴	۹۱ - ۳	۱۳۲ - ۴	۱۷۳ - ۴	۲۱۴ - ۳	۲۵۵ - ۴
۱۰ - ۲	۵۱ - ۴	۹۲ - ۳	۱۳۳ - ۲	۱۷۴ - ۱	۲۱۵ - ۲	۲۵۶ - ۲
۱۱ - ۱	۵۲ - ۳	۹۳ - ۴	۱۳۴ - ۳	۱۷۵ - ۳	۲۱۶ - ۱	۲۵۷ - ۲
۱۲ - ۱	۵۳ - ۴	۹۴ - ۳	۱۳۵ - ۱	۱۷۶ - ۳	۲۱۷ - ۲	۲۵۸ - ۱
۱۳ - ۳	۵۴ - ۳	۹۵ - ۴	۱۳۶ - ۱	۱۷۷ - ۲	۲۱۸ - ۴	۲۵۹ - ۲
۱۴ - ۱	۵۵ - ۳	۹۶ - ۳	۱۳۷ - ۳	۱۷۸ - ۴	۲۱۹ - ۳	۲۶۰ - ۲
۱۵ - ۴	۵۶ - ۲	۹۷ - ۴	۱۳۸ - ۲	۱۷۹ - ۱	۲۲۰ - ۱	۲۶۱ - ۲
۱۶ - ۲	۵۷ - ۳	۹۸ - ۴	۱۳۹ - ۱	۱۸۰ - ۱	۲۲۱ - ۱	۲۶۲ - ۳
۱۷ - ۴	۵۸ - ۴	۹۹ - ۳	۱۴۰ - ۴	۱۸۱ - ۳	۲۲۲ - ۲	۲۶۳ - ۲
۱۸ - ۲	۵۹ - ۴	۱۰۰ - ۳	۱۴۱ - ۴	۱۸۲ - ۴	۲۲۳ - ۲	۲۶۴ - ۲
۱۹ - ۲	۶۰ - ۳	۱۰۱ - ۳	۱۴۲ - ۴	۱۸۳ - ۴	۲۲۴ - ۴	۲۶۵ - ۲
۲۰ - ۱	۶۱ - ۲	۱۰۲ - ۲	۱۴۳ - ۳	۱۸۴ - ۴	۲۲۵ - ۳	۲۶۶ - ۲
۲۱ - ۱	۶۲ - ۳	۱۰۳ - ۱	۱۴۴ - ۴	۱۸۵ - ۴	۲۲۶ - ۳	۲۶۷ - ۴
۲۲ - ۳	۶۳ - ۴	۱۰۴ - ۳	۱۴۵ - ۳	۱۸۶ - ۲	۲۲۷ - ۱	۲۶۸ - ۳
۲۳ - ۴	۶۴ - ۴	۱۰۵ - ۳	۱۴۶ - ۱	۱۸۷ - ۴	۲۲۸ - ۲	۲۶۹ - ۱
۲۴ - ۲	۶۵ - ۳	۱۰۶ - ۳	۱۴۷ - ۲	۱۸۸ - ۳	۲۲۹ - ۳	۲۷۰ - ۱
۲۵ - ۴	۶۶ - ۳	۱۰۷ - ۳	۱۴۸ - ۱	۱۸۹ - ۱	۲۳۰ - ۱	۲۷۱ - ۲
۲۶ - ۳	۶۷ - ۳	۱۰۸ - ۱	۱۴۹ - ۲	۱۹۰ - ۴	۲۳۱ - ۳	۲۷۲ - ۱
۲۷ - ۳	۶۸ - ۳	۱۰۹ - ۳	۱۵۰ - ۴	۱۹۱ - ۲	۲۳۲ - ۱	۲۷۳ - ۲
۲۸ - ۲	۶۹ - ۲	۱۱۰ - ۱	۱۵۱ - ۲	۱۹۲ - ۴	۲۳۳ - ۲	۲۷۴ - ۱
۲۹ - ۱	۷۰ - ۱	۱۱۱ - ۱	۱۵۲ - ۳	۱۹۳ - ۱	۲۳۴ - ۴	۲۷۵ - ۳
۳۰ - ۲	۷۱ - ۳	۱۱۲ - ۱	۱۵۳ - ۳	۱۹۴ - ۱	۲۳۵ - ۴	۲۷۶ - ۴
۳۱ - ۱	۷۲ - ۱	۱۱۳ - ۳	۱۵۴ - ۳	۱۹۵ - ۲	۲۳۶ - ۴	۲۷۷ - ۱
۳۲ - ۲	۷۳ - ۳	۱۱۴ - ۲	۱۵۵ - ۲	۱۹۶ - ۱	۲۳۷ - ۱	۲۷۸ - ۳
۳۳ - ۲	۷۴ - ۴	۱۱۵ - ۴	۱۵۶ - ۳	۱۹۷ - ۴	۲۳۸ - ۳	۲۷۹ - ۲
۳۴ - ۱	۷۵ - ۳	۱۱۶ - ۲	۱۵۷ - ۳	۱۹۸ - ۴	۲۳۹ - ۳	۲۸۰ - ۲
۳۵ - ۴	۷۶ - ۴	۱۱۷ - ۱	۱۵۸ - ۲	۱۹۹ - ۳	۲۴۰ - ۳	۲۸۱ - ۳
۳۶ - ۳	۷۷ - ۱	۱۱۸ - ۲	۱۵۹ - ۱	۲۰۰ - ۲	۲۴۱ - ۱	۲۸۲ - ۴
۳۷ - ۲	۷۸ - ۳	۱۱۹ - ۳	۱۶۰ - ۳	۲۰۱ - ۴	۲۴۲ - ۲	۲۸۳ - ۲
۳۸ - ۳	۷۹ - ۳	۱۲۰ - ۲	۱۶۱ - ۳	۲۰۲ - ۳	۲۴۳ - ۳	۲۸۴ - ۳
۳۹ - ۱	۸۰ - ۱	۱۲۱ - ۲	۱۶۲ - ۱	۲۰۳ - ۱	۲۴۴ - ۲	۲۸۵ - ۱
۴۰ - ۳	۸۱ - ۱	۱۲۲ - ۳	۱۶۳ - ۴	۲۰۴ - ۴	۲۴۵ - ۱	۲۸۶ - ۲
۴۱ - ۴	۸۲ - ۱	۱۲۳ - ۲	۱۶۴ - ۴	۲۰۵ - ۴	۲۴۶ - ۳	۲۸۷ - ۴



- |         |         |         |         |         |         |         |
|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| ۲۸۸ - ۱ | ۲۹۷ - ۳ | ۳۰۶ - ۱ | ۳۱۵ - ۴ | ۳۲۴ - ۱ | ۳۳۳ - ۴ | ۳۴۲ - ۳ |
| ۲۸۹ - ۱ | ۲۹۸ - ۳ | ۳۰۷ - ۴ | ۳۱۶ - ۴ | ۳۲۵ - ۳ | ۳۳۴ - ۴ | ۳۴۳ - ۱ |
| ۲۹۰ - ۲ | ۲۹۹ - ۴ | ۳۰۸ - ۴ | ۳۱۷ - ۱ | ۳۲۶ - ۳ | ۳۳۵ - ۲ | ۳۴۴ - ۱ |
| ۲۹۱ - ۲ | ۳۰۰ - ۲ | ۳۰۹ - ۳ | ۳۱۸ - ۱ | ۳۲۷ - ۱ | ۳۳۶ - ۲ | ۳۴۵ - ۲ |
| ۲۹۲ - ۱ | ۳۰۱ - ۴ | ۳۱۰ - ۳ | ۳۱۹ - ۳ | ۳۲۸ - ۱ | ۳۳۷ - ۱ | ۳۴۶ - ۲ |
| ۲۹۳ - ۲ | ۳۰۲ - ۲ | ۳۱۱ - ۳ | ۳۲۰ - ۳ | ۳۲۹ - ۳ | ۳۳۸ - ۲ | ۳۴۷ - ۴ |
| ۲۹۴ - ۴ | ۳۰۳ - ۴ | ۳۱۲ - ۱ | ۳۲۱ - ۱ | ۳۳۰ - ۱ | ۳۳۹ - ۱ | ۳۴۸ - ۱ |
| ۲۹۵ - ۱ | ۳۰۴ - ۳ | ۳۱۳ - ۲ | ۳۲۲ - ۳ | ۳۳۱ - ۲ | ۳۴۰ - ۱ | ۳۴۹ - ۳ |
| ۲۹۶ - ۲ | ۳۰۵ - ۳ | ۳۱۴ - ۴ | ۳۲۳ - ۳ | ۳۳۲ - ۲ | ۳۴۱ - ۴ | ۳۵۰ - ۴ |

# مرکز مشاوره تحصیلی علیرضا افشار



مرکز مشاوره تحصیلی  
علیرضا افشار

راه‌های ارتباطی مرکز مشاوره

تلگرام

اینستاگرام

وبسایت



AlirezaAfsharOfficial

AlirezaAfsharOriginal

www.AlirezaAfshar.org

رزور مشاوره خصوصی علیرضا افشار

برای رزور مشاوره خصوصی تک جلسه و ماهانه  
به شماره ۰۹۳۵۸۹۶۰۵۰۳ در واتساپ پیام دهید

Afshar.xyz

آدرس تمام رسانه ها :

